

=

Pedro Kantek

V MARATONA
UP DE PROGRAMAÇÃO
(2015)

Preliminares

A maratona vai acontecer (salvo melhor juízo) dia 12/11/2015, nas dependências da UP no campus do Campo Comprido. Para efeito de treinamento, deve-se incluir os problemas da maratona de 2013. Para 2015, haverá apenas uma categoria e os problemas a incluir são:

1: MULNAT - Múltiplo dos Naturais

Os números naturais são aqueles que usamos nas contagens de um modo geral. Diz-se que a é múltiplo de b se quando se divide b por a obtém-se um resto igual a zero. Assim, por exemplo, 21 é múltiplo de 7 pois ao fazer $21 \div 7 = 3$ e não ocorre resto nessa divisão.

Se listarmos os números naturais abaixo de 20 que são múltiplos de 3 ou 5 ou 7 ou 11 obteremos 3 5 6 7 9 10 11 12 14 15 18 cuja soma é 110.

Note que o fato do mesmo número ser múltiplo de mais de um valor (como por exemplo, o 15 que é múltiplo de 3 e também de 5) não implica que ele seja somado várias vezes.

Assim, um determinado número ou é múltiplo de um ou mais valores (quando então ele é somado) ou não é múltiplo de nenhum dos valores (quando então ele não é somado).

Pede-se que seja escrito um programa de computador que, quando executado, receba na entrada um único número indicando o limite abaixo do qual os múltiplos de 3, 5, 7 ou 11, devem ser somados.

Entrada

Uma série de valores inteiros. Cada um sempre é maior que 1 e menor que 1000000 e indica o limite abaixo do qual a soma de múltiplos de 3,5,7 ou 11 deve ser calculada. O último número da série é 0 e este número sinaliza o final dos dados e não deve ser processado.

Saída

A soma dos múltiplos de 3,5,7 ou 11, abaixo da entrada. O número deve ser formatado como inteiro sem nenhum tipo de separação entre milhares.

Exemplo

Para as seguintes entradas

1000
2000
999999
0

Devem ser obtidas as seguintes saídas

292285
1168230
292206707821

DADOS ESCONDIDOS

Dados para montagem dos arquivos de validação no ambiente BOCA

```
123456 -> 4453637505
990000 -> 286391937853
10 -> 30
2 -> 0
555555 -> 90187132035
0 -> fim dos dados de entrada
```

Solução em C

```
#include<stdio.h>
int main() {
    long long int lim,som,i;
    scanf("%lld",&lim);
    while (lim != 0) {
        som = 0;
        for (i=1;i<lim;i++) {
            if (((i%3)==0)||((i%5)==0)||((i%7)==0)||((i%11)==0)) {
                som = som + i;
            }
        }
        printf("%lld\n",som);
        scanf("%lld",&lim);
    }
    return 0;
}
```

Solução em APL2

```
[0] mar15a lim;x
[1] ⌈((0=3|x)∨(0=5|x)∨(0=7|x)∨(0=11|x))/x←1+ιlim-2
[2] 20 0⌈+/(0=3|x)∨(0=5|x)∨(0=7|x)∨(0=11|x))/x←1+ιlim-2
```

2: COEFBI - Coeficientes Binomiais

O símbolo $\binom{n}{r}$ que é lido como $n C r$ onde r e n são inteiros positivos com $r \leq n$ é definido como segue

$$\binom{n}{r} = \frac{n \times (n-1) \times (n-2) \times \dots \times (n-r+1)}{1 \times 2 \times 3 \dots \times (r-1) \times r}$$

Estes números são denominados coeficientes binomiais. Alguns exemplos

$$\binom{8}{2} = \frac{8 \times 7}{1 \times 2} = 28; \quad \binom{9}{4} = \frac{9 \times 8 \times 7 \times 6}{1 \times 2 \times 3 \times 4} = 126;$$
$$\binom{12}{5} = \frac{12 \times 11 \times 10 \times 9 \times 8}{1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5} = 792; \quad \binom{13}{1} = \frac{13}{1} = 13$$

Deve-se notar que o coeficiente binomial encontra múltiplas aplicações em vários ramos da matemática. Com ele faz-se uma construção engenhosa chamada Triângulo de Pascal, que lista os coeficientes na expansão da exponenciação de binômios.

Espera-se que você escreva um programa que leia pares de números r e n e para cada par lido, calcule e imprima o coeficiente binomial $\binom{n}{r}$.

Deve-se notar que para este cálculo há uma fração, na qual há r termos tanto no numerador quanto no denominador da fração. Igualmente, deve-se perceber que a divisão sempre resulta um número inteiro.

Entrada

Pares de números inteiros n e r , com $n \geq r$, separados por um único caractere em branco e ambos menores do que 100. A quantidade de pares a ler é indeterminada e será encerrada quando for lido um par que tenha $n < r$. Este último par não deve ser processado e ele sinaliza fim de dados.

Saída

Para cada par lido, o programa deve calcular e imprimir em uma nova linha o coeficiente binomial pedido. O número deve ser impresso sem nenhuma formatação especial.

Exemplos

```
25 6
27 13
12 8
34 17
33 22
34 14
9 4
31 14
15 4
3 4
```

Para essas entradas as saídas devem ser

177100
20058300
495
2333606220
193536720
1391975640
126
265182525
1365

DADOS ESCONDIDOS

```
40 18 ->      113380261800
28 19 ->      6906900
22 4  ->       7315
26 10 ->      5311735
42 19 ->      446775310800
19 11 ->      75582
```

Solução em C

```
#include<stdio.h>
int main() {
long long int r,n,res;
scanf("%lld %lld",&n,&r);
while (n>r) {
    long long q,num,den;
    num=1;
    den=1;
    res=1;
    for (q=1;q<=r;q++){
        num=(num*n)/q;
    }
    n--;
    printf("%lld\n",num);
    scanf("%lld %lld",&n,&r);
}
return 0;
}
```

Solução em APL2

```
a!b
```

3: MASFEM - Masculino e Feminino

As linguagens mais comuns no mundo dos negócios (como C e seus dialetos, Java, Pascal, Clipper, etc) tratam frases de texto como sendo um vetor de caracteres. Esta não é a única maneira de processar uma frase. Por exemplo, LISP trata uma frase como sendo uma lista e nele cada palavra é um elemento atômico, indivisível e portanto muito mais fácil de ser manuseado.

Suponha que foi criada uma linguagem artificial na qual as palavras terminadas pela letra O são consideradas masculinas. Nessa linguagem, o feminino de uma palavra masculina sempre é obtido trocando-se o O final pela letra A, sem nenhuma outra alteração.

Pede-se que você construa um programa que receba uma frase escrita nessa linguagem e que reescreva a frase, transformando as palavras masculinas em sua palavra feminina equivalente.

Entrada

Um conjunto de frases, todas escritas em letra maiúscula. Cada frase é encerrada por um ponto. As palavras são separadas entre si por uma única posição em branco. O comprimento máximo de cada frase, o ponto incluído, é de 80 caracteres. A última frase é X. que não deve ser processada e que determina o final do processamento.

Saída

A frase lida deve ser processada e o resultado impresso.

Exemplos

Supondo que o programa seja chamado com as seguintes frases

```
OUVIRAM DO IPIRANGA AS MARGENS PLACIDAS DE UM POVO O HEROICO.  
IVO VIU A UVA.  
IVO VIU A UVA E O POLO.  
CURITIBA PARANA BRASIL.  
ONCOTO PONCOVO.  
OI.  
X.
```

Deve gerar a saída seguinte

```
OUVIRAM DA IPIRANGA AS MARGENS PLACIDAS DE UM POVA A HEROICA.  
IVA VIU A UVA.  
IVA VIU A UVA E A POLA.  
CURITIBA PARANA BRASIL.  
ONCOTA PONCOVA.  
OI.
```

DADOS ESCONDIDOS

ASDRUBAL TROUXE O TROMBONE. -> ASDRUBAL TROUXE A TROMBONE.
O TOCO DO CARRO CAIU. -> A TOCA DA CARRA CAIU.
O OO OOO OOOO OOOOO. -> A OA OOA OOOA OOOOA.
SAO TODOS FARINHA DO MESMO SACO E DA MESMA SACOLA. ->
SAA TODOS FARINHA DA MESMA SACA E DA MESMA SACOLA.

Solução em C

```
#include<stdio.h>
int main() {
unsigned char fr[80],frs[80];
gets(fr);
while ((fr[0]!='X')||((fr[1]!='.')) {
    int i = 0;
    while (fr[i]!='.') {
        frs[i]=fr[i];
        i++;
    }
    frs[i]='.';
    i++;
    frs[i]='\0';
    int j = 0;
    while (j<i) {
        if (((fr[j]=='O')&&(fr[j+1]==' '))||((fr[j]=='O')&&
            (fr[j+1]=='.))) {
            frs[j]='A';
        }
        j++;
    }
    puts(frs);
    gets(fr);
}
return 0;
}
```

Solução em APL

```
[0] y←frsart x;i
[1] y←x
[2] i←2
[3] t1:→(x[i]='.)/fim
[4] →((x[i]=' ')^(x[i-1]='O'))/troca
[5] y[i-1]←x[i-1]
[6] →soma
[7] troca:
[8] y[i-1]←'A'
[9] soma:
[10] i←i+1
[11] →t1
```

```
[12] fim:→(x[i-1]≠'0')/0  
[13] y[i-1]←'A'
```


Saída de Dados: Seu programa deve produzir uma saída onde para cada conjunto de teste do arquivo de entrada seu programa deve produzir duas linhas. Na primeira linha deve aparecer a lista, em ordem crescente, com a posição inicial de cada ocorrência, na forma direta, do padrão p na seqüência t . Na segunda linha deve aparecer a lista, em ordem crescente, com a posição inicial de cada ocorrência, na forma complementar invertida, do padrão p na seqüência t . Note a ausência de pontuação.

Exemplo de Saída:

```
Teste 1
ocorrencia direta: 0
ocorrencia complementar invertida: 3
Teste 2
ocorrencia direta: 2 18
ocorrencia complementar invertida: 4
```

(esta saída corresponde ao exemplo de entrada acima) Este exercício é igual ao proposto na OBI99.

Exemplos

```
4 35
TGCT
GCTAAGGTTATTAAGTGCTGCTAAGCAGGCATGTC
5 50
ATGTG
TCAGGTTAATGTGTAAACCGAATCACATTCCCGCTTCATGTGGTACGCAT
4 37
CTGG
ATGGTCTGGCTTACGGCCAGCCGGTTGCTGGATGAGA
5 44
TTACG
TAGTAGTTCGGCGTACGTAAGCGTTACGATGACGCGGACTTGCG
0 0
```

para esta entrada a saída deverá ser (atente para as frases e a formatação)

```
Teste 1
ocorrencia direta: 16 19
ocorrencia complementar invertida: 24
Teste 2
ocorrencia direta: 9 38
ocorrencia complementar invertida: 24
Teste 3
ocorrencia direta: 6 28
ocorrencia complementar invertida: 17
Teste 4
ocorrencia direta: 24
ocorrencia complementar invertida: 16
```

DADOS ESCONDIDOS

```
5 39
CCATC
AAGAGAAAAGATGGTCGCCATCTTGTTCGAACCCGTCAA
7 43
TTCCGCG
TAATAATGCAGGTGCCACAACCTCCGCGTTCGCGGAATTTTCG
5 36
GTCTG
GACAAGGTTGTCTGTCAGACGTGCAGGACCGAGACC
5 44
GCCTC
GTAAAAGCCTCCATACATTTCTGAGGCGCCTCCGCTTCCA
0 0
```

->

```
Teste 1
ocorrencia direta: 18
ocorrencia complementar invertida: 10
Teste 2
ocorrencia direta: 23
ocorrencia complementar invertida: 32
Teste 3
ocorrencia direta: 10
ocorrencia complementar invertida: 16
Teste 4
ocorrencia direta: 8 32
ocorrencia complementar invertida: 27
```

Em C

```
#include<stdio.h>
int main() {
int tamp,tamt;
int i,achou,j;
int vd[100],vi[100];
int qtd,qti,nvez;
unsigned char p[80],t[80],pi[80],aux[80];
scanf("%d %d \n",&tamp,&tamt);
nvez=1;
while ((tamp!=0)|| (tamt!=0)) {
qtd=0;
qti=0;
gets(p);
gets(t);
for (i=0;i<tamp;i++){
if(p[i]=='A') { aux[i]='T';}
if(p[i]=='T') { aux[i]='A';}
if(p[i]=='C') { aux[i]='G';}
if(p[i]=='G') { aux[i]='C';}
}
}
```

```

    for (i=1;i<=tamp;i++){
        pi[i-1]=aux[tamp-i];
    }
    for(i=0;i<tamt;i++) {
        if (t[i]==p[0]){
            achou=1;
        }
        for(j=1;j<tamp;j++) {
            if(t[i+j]!=p[j]){
                achou=0;
            }
        }
        if (achou==1) {
            vd[qtd]=i+1;
            qtd++;
        }
    }
    achou=0;
    if (t[i]==pi[0]){
        achou=1;
    }
    for(j=1;j<tamp;j++) {
        if(t[i+j]!=pi[j]){
            achou=0;
        }
    }
    if (achou==1) {
        vi[qti]=i+1;
        qti++;
    }
}
printf("Teste %d\n",nvez);
nvez++;
printf("Ocorrencia direta:");
if (qtd==0) {
    printf(" 0\n");
}
else {
    for(i=0;i<qtd;i++){
        printf(" %d",vd[i]);
    }
}
printf("\n");
printf("Ocorrencia complementar invertida:");
if (qti==0) {
    printf(" 0\n");
}
else {
    for(i=0;i<qti;i++){
        printf(" %d",vi[i]);
    }
}

```

```

printf("\n");
}
scanf("%d %d \n",&tamp,&tamt);
}
}

```

Em APL2

```

r←p resolvegenoma t;x;y;plinha;z;w
A busca ocorrencias diretas e inversas de p em t
r←0 60p''
x←(p⊔t)/ιpt
r←r,[1]1 60p60↑'Ocorrencias diretas=',⌘x
plinha←'Ax' edit p
plinha←'Gy' edit plinha
plinha←'TA' edit plinha
plinha←'CG' edit plinha
plinha←'xT' edit plinha
plinha←'yC' edit plinha
plinha←⊖plinha
y←(plinha⊔t)/ιpt
r←r,[1]1 60p60↑'Ocorr. complementar invertida=',⌘y
z←((⊖plinha)⊔t)/ιpt
r←r,[1]1 60p60↑'ERRO: complementar=',⌘z
w←((⊖p)⊔t)/ιpt
r←r,[1]1 60p60↑'ERRO: invertida=',⌘w

```

5: FIBONA - Fibonacci

No século XIII viveu na Itália, o matemático Leonardo Bigollo, também conhecido como Leonardo Fibonacci, por muitos considerado o maior matemático da idade média na Europa. Em 1202, com a idade de 32 anos, ele escreveu o livro *Liber Abaci* (O livro do ábaco ou o Livro de cálculo) no qual ele descreveu e usou os numerais indo-arábicos e começou assim o processo de introdução desses numerais na nossa cultura, onde até hoje são usados. Nesse livro, ele também descreveu e usou a assim chamada Sequência de Fibonacci, cuja definição é

$$\begin{cases} F(1) = 1 \\ F(2) = 1 \\ F(n) = F(n-1) + F(n-2) \quad \text{se } n \geq 3 \end{cases}$$

é uma sequência de números que cresce muito rápido. Ela pode ser obtida facilmente escrevendo um programa de computador recursivo que implemente facilmente a definição acima. Por exemplo, fazendo (função fibo, em C)

```
int function fibo(int X) {
    if X < 3
        return 1
    else
        return (fibo X-1) + fibo (X-2)
    endif
}
```

O programa acima, funciona, mas tem um problema: o recálculo sucessivo de instância que já foram calculadas. Apenas para ilustrar, usando um computador bem rapidinho, para calcular fibo(50) o programa acima demora mais de 1 dia.

Então, você deve construir um programa para calcular a sequência de Fibonacci, mas deve fugir da implementação acima.

Seu programa receberá um número n e deverá imprimir o n – *esimo* número de Fibonacci.

Entrada

Uma série de números inteiros, um em cada linha, todos eles menores do que 47. O último número, e que não deve ser processado será maior ou igual do que 47 e ele indica final dos dados.

Saída

A cada número lido, o programa deve imprimir o número de Fibonacci equivalente, sem nenhum tipo especial de formatação.

Exemplos

Para a entrada

```
1
11
21
31
41
1001
```

Deverá haver a seguinte saída

```
1
89
10946
1346269
165580141
```

DADOS ESCONDIDOS

```
45 -> 1134903170
33 -> 3524578
32 -> 2178309
2 -> 1
3 -> 2
4 -> 3
5 -> 5
10 -> 55
15 -> 610
20 -> 6765
46 -> 1836311903
47
```

Em C

```
#include<stdio.h>
long int fibo[47];
int main() {
int n,i;
for (i=1;i<=46;i++) {
    fibo[i]=0;
}
fibo[1]=1;
fibo[2]=1;
scanf("%d",&n);
while (n<47) {
    printf("%ld\n",achafib(n));
    scanf("%d",&n);
}
return (0);
}
long int achafib(int nn) {
    if (fibo[nn] == 0) {
        fibo[nn] = achafib(nn-1) + achafib(nn-2);
    }
    return (fibo[nn]);
}
```

Em APL2

```
[0] criam
[1] mfib←1 1,998p-1

[0] r←fibrecu n
[1] →(n<3)/um
[2] r←(fibrecu(n-1))+fibrecu(n-2)
[3]
[4] →0
[5] um:r←1
```

```
[0] r←fibmemoizing n
[1] →(mfib[n]≠-1)/achou
[2] mfib[n]←(fibmemoizing(n-1))+fibmemoizing(n-2)
[3] achou:r←mfib[n]
```

6: MELALU - Melhor Aluno

Em uma determinada disciplina de um curso de informática a cada aula os alunos recebem um exercício individual que deve ser respondido e devolvido ao professor em até 2 semanas de prazo. No final do bimestre, a média de todos os exercícios entra no cálculo do bimestre com peso 60 enquanto a prova entra com o peso 40.

Supondo turmas de 5 alunos e bimestres com 6 aulas de exercícios, você vai receber um conjunto de 5 linhas e 7 colunas contendo as notas do bimestre para aquela turma. A primeira coluna dos dados representa a nota da prova e os outros 6 valores da linha representam as notas dos 6 exercícios daquele aluno.

Seu programa deve calcular as 5 notas e imprimir 'A', se o primeiro aluno tiver a melhor média, 'B' se a melhor média for do segundo aluno, 'C' para o terceiro, 'D' para o quarto e 'E' para o quinto.

Entrada

O primeiro número isolado na primeira linha é um inteiro que informa quantas turmas vem a seguir. Cada turma tem 5 alunos e portanto será formada por 5 linhas de 7 números reais (menores ou iguais a 10.0) com eventualmente uma decimal. Os dados da primeira linha correspondem ao aluno 'A'. Os da segunda a 'B' e assim por diante: os dados da última linha correspondem ao aluno 'E'. Não vai ocorrer nenhum caso de empate nos dados de entrada.

Saída

Um único caractere 'A'..'E' indicando qual aluno conseguiu a melhor média naquela turma.

Exemplos

Seja a seguinte entrada

```
4
0 6 2 8 1.5 3 0.5
9.5 4.5 2 4.5 2.5 8.5 2
1 9 1 6.5 10 6 1
1.5 5 8.5 7 5 1 5.5
6.5 1 9.5 9 0 6 7
8.5 9 6.5 6.5 0 9 2
9 8.5 6 0 8.5 2 0
5 9.5 1 2.5 5.5 2 1
0 9 9 2 7 5 2.5
3 6.5 2 2 3 0.5 3.5
1.5 4 10 2 1 4 2
7.5 0 2.5 1.5 9 5.5 8.5
10 5 7 6.5 7 0 2.5
0.5 2.5 9 4.5 5 6 5
1 3.5 4.5 7 4.5 3 6.5
1.5 5 4.5 10 10 4 8.5
4 7.5 4.5 4 6.5 5.5 0.5
0 1.5 3 7.5 3 5 10
4.5 4.5 6 6 4.5 10 2
7 5.5 2 3 8 9.5 2
```

Que produziu essa saída

- B
- A
- C
- E

DADOS ESCONDIDOS

```
5
9  2  1.5 8  9.5 8.5 5.5
6  1.5 8.5 9.5 6  7  2
8  4.5 0  6.5 6.5 1.5 1
2.5 8  5.5 4.5 5.5 1.5 6.5
0.5 5  3.5 7  8.5 4  2.5
0.5 0.5 1  10  4 2.5 0
9  6.5 5.5 3.5 2 1.5 9.5
1.5 0  7.5 5  4 0.5 0
3.5 4  8.5 9.5 3 5.5 3.5
5.5 5  0  5.5 8 6  9.5
0  2  6  2 5.5 1.5 4
5.5 10  10  6 6.5 0  5
8.5 4.5 6.5 10 7.5 9.5 3.5
5.5 7.5 3  4 5  4.5 3
1.5 6.5 8  7 0  2.5 5.5
0  5.5 3  4  8  5  5.5
3  5.5 9  3.5 3.5 1.5 9
0  9  4.5 4.5 4.5 3.5 7
10 1  2.5 0  6  9  6.5
9.5 0  3  7.5 10  4.5 0.5
5.5 3 0.5 5.5 2  4  9.5
1.5 10 6.5 3.5 8  2  5.5
1  5 1  3.5 6  7.5 3.5
0.5 8 9.5 10  7.5 2  8.5
7  1 4.5 9.5 5.5 9.5 7.5
-> ABCDE
```

Em C

```
#include<stdio.h>
int main() {
int n,i;
float a1,a2,a3,a4,a5,a6,a7;
float b1,b2,b3,b4,b5,b6,b7;
float c1,c2,c3,c4,c5,c6,c7;
float d1,d2,d3,d4,d5,d6,d7;
float e1,e2,e3,e4,e5,e6,e7;
float ma,mb,mc,md,me;
scanf("%d",&n);
for (i=1;i<=n;i++) {
scanf("%f %f %f %f %f %f %f",&a1,&a2,&a3,&a4,&a5,&a6,&a7);
scanf("%f %f %f %f %f %f %f",&b1,&b2,&b3,&b4,&b5,&b6,&b7);
scanf("%f %f %f %f %f %f %f",&c1,&c2,&c3,&c4,&c5,&c6,&c7);
scanf("%f %f %f %f %f %f %f",&d1,&d2,&d3,&d4,&d5,&d6,&d7);
scanf("%f %f %f %f %f %f %f",&e1,&e2,&e3,&e4,&e5,&e6,&e7);
ma = (a1*4)+a2+a3+a4+a5+a6+a7;
mb = (b1*4)+b2+b3+b4+b5+b6+b7;
mc = (c1*4)+c2+c3+c4+c5+c6+c7;
```

```

md = (d1*4)+d2+d3+d4+d5+d6+d7;
me = (e1*4)+e2+e3+e4+e5+e6+e7;
if ((ma > mb) && (ma > mc) && (ma > md) && (ma > me)) {
    printf("A\n");}
if ((mb > ma) && (mb > mc) && (mb > md) && (mb > me)) {
    printf("B\n");}
if ((mc > ma) && (mc > mb) && (mc > md) && (mc > me)) {
    printf("C\n");}
if ((md > ma) && (md > mb) && (md > mc) && (md > me)) {
    printf("D\n");}
if ((me > ma) && (me > mb) && (me > mc) && (me > md)) {
    printf("E\n");}
}
return 0;
}

```

Em APL2

```

[0] r←faz4 q;x;y;in
[1] novo:
[2] x←5 7ρ-0.5+(?35ρ21)÷2
[3] y←(x[;1]×4)++/x[;1+ι6]
[4] A x←x,5 1ρy
[5] y←y[in←Δy]
[6] →((y[1]=y[2])∨(y[2]=y[3])∨(y[3]=y[4])∨(y[4]=y[5]))/novo
[7] x←x[in;]
[8] →(q='A')/ea
[9] →(q='B')/eb
[10] →(q='C')/ec
[11] →(q='D')/ed
[12] →(q='E')/ee
[13] →0
[14] ea:r←x[5 4 3 2 1;]
[15] →0
[16] eb:r←x[1 5 2 3 4;]
[17] →0
[18] ec:r←x[1 4 5 3 2;]
[19] →0
[20] ed:r←x[1 3 2 5 4;]
[21] →0
[22] ee:r←x[3 2 1 4 5;]
[23] →0

```