

## Onde saber mais

- Mastering Bitcoin, Andreas M. Antonopoulos, ebook na Amazon (9,00), eventualmente na internet: tradução em português.
- Bitcoin para programadores, Marco Agner, na internet
- Bitcoin: um sistema de dinheiro eletrônico P2P, Satoshi Nakamoto, na internet

# As grandes idéias:

- Computação abundante: o limite é o custo do Kwh. Mas já há alternativas
  - Ethereum: O participante adquire moeda e a põe num fundo. Troca prova de trabalho por prova de participação.
  - Peercoin: procedimento similar. Mote: moeda sustentável.
- Abaixo a entidade central: surge o blockchain
- Norton: não importa... não é o bastante
- Criptografia assimétrica é a espinha dorsal
- Solução brilhante para o Problema dos Generais Bizantinos
- Matemática, matemática e ... matemática

# O que é o Bitcoin?

- conjunto de conceitos
- conjunto de tecnologias
- ecossistema de dinheiro digital
- software de código aberto
- transações transferem bitcoin de A para B
- a posse se dá pelo conhecimento da senha privada
- roda na arquitetura P2P: não há autoridade central
- bitcoins criados por “mineração”
- Limite de 21.000.000 de bitcoins em 2.140
- 1 satoshi =  $\frac{1}{100.000.000}$  de bitcoin

# Mineração

- É um bom nome ? – não
- qualquer um pode minerar
- Prova de processamento: disputa computacional
- A solução é facilmente atribuível e remunerada por 50 bitcoins
- A plataforma se ajusta para 1 bloco minerado a cada 10 minutos
- A prova fica mais ou menos difícil em função do poder computacional alocado à mineração
- A cada 4 anos: taxa de mineração cai à metade
- Quem vence a disputa da mineração também pode ser remunerado pelas transações

# Moedas digitais

- O dinheiro é bom (não é falsificado ?)
- Ninguém vai reclamar de que o dinheiro é teu e não meu ? (duplo gasto)
- no modelo convencional: segurança do papel moeda, e quem tem o papel tem a propriedade.
- TE resolve-se pela compensação de todas as transações
- antes do Bitcoin, as moedas digitais sofriam na mão do BC (e temiam os hackers)

- Rede P2P descentralizada rodando protocolo Bitcoin
- Registro público de transações (a blockchain)
- Emissão de moeda de maneira matemática, descentralizada e determinística
- Verificação descentralizada de transações

# A história

- gestado na primeira década do século XXI
- 2008: Bitcoin: a P2P Electronic Cash System (S. Nakamoto)
- a rede surge em 2009
- abril 2011: Satoshi Nakamoto se afasta
- em 2014: valor da rede 10.000.000.000 US\$
- Hoje: há problemas – 1 bloco de 1MB a cada 10 minutos é pouco.  
Surge a starvation

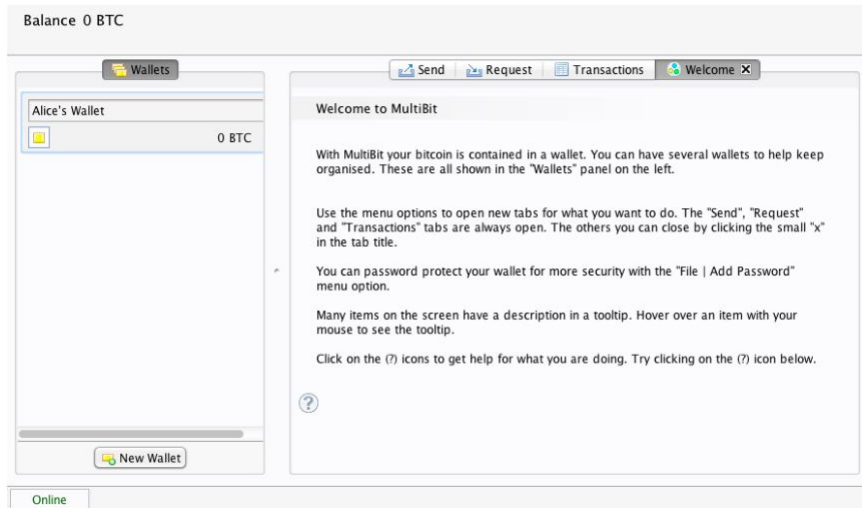
# O que se pode fazer

- Varejo de baixo valor: moeda convencional
- Varejo de alto valor
- Contratos internacionais
- Redes amplas de Doações
- Mau uso: drogas, contrabando, armas, etc etc
- Mau uso bem comum: investimento de risco (pirâmides, fraude...)

# Como começar

- Ache um micro com acesso à Internet e:
  - cliente completo: armazena o histórico de todas as transações da rede desde 2009, gerencia carteiras de usuários e pode lançar transações (win, Mac e Linux)
  - cliente compacto: armazena a carteira do usuário mas depende de terceiros para acessar as transações e a rede Bitcoin
  - cliente web: armazena a carteira em um servidor de terceiros
- Para começar:
  - Gere uma senha privada e calcule a pública
  - compre alguns bitcoins (ou satoshis) que serão transferidos para o teu endereço público
  - Quando quiser gastar, deve provar a posse da moeda (pela apresentação da senha privada)
- A transação existe quando entra no blockchain: com 6 blocos adiante há um consenso de que a transação é irreversível
- Riscos: alguém roubar tua senha privada. Você perder a senha privada.

# O cliente Multibit



## Endereço para receber

Send Request Transactions

Your address 1Cdid9KFAaatwczBwBttQcwXYCpvK8h7FK

Label

Amount BTC

?

New

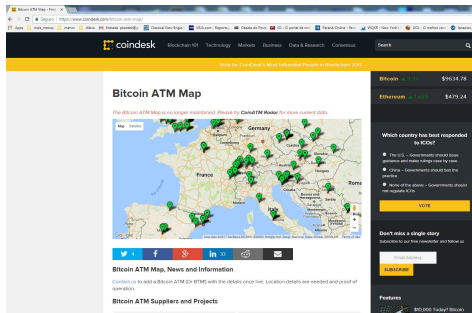
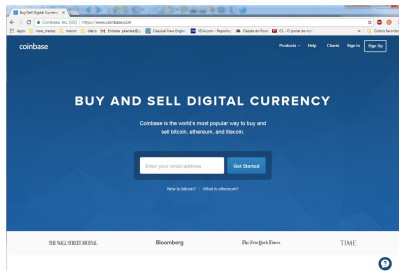
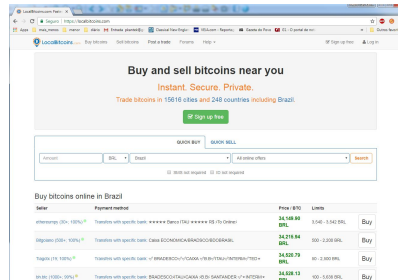
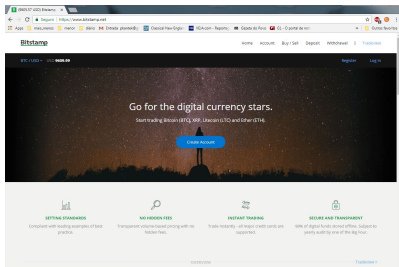
Your receiving addresses

The image shows a Bitcoin wallet interface with three tabs: 'Send', 'Request' (selected), and 'Transactions'. Under the 'Request' tab, there is a section for 'Your address' displaying the address '1Cdid9KFAaatwczBwBttQcwXYCpvK8h7FK'. An orange arrow points to this address. Below the address is a 'Label' field, which is currently empty. Further down is an 'Amount' field, also empty, followed by the unit 'BTC'. At the bottom left, there is a question mark icon and a 'New' button. The bottom of the interface shows the text 'Your receiving addresses'. On the right side, there are icons for copying the address and a QR code.

# Onde ?

- bitstamp (<https://www.bitstamp.net/>)
- coinbase (<https://www.coinbase.com/>)
- mercado livre (<https://www.mercadolivre.com.br/>) ou
  - compre de um amigo que tenha bitcoins
  - serviço de classificados localbitcoins (<https://localbitcoins.com/>)
  - venda algo em bitcoins (programação ? web ? ...)
  - use um caixa eletrônico: coindesk  
(<https://www.coindesk.com/bitcoin-atm-map/>)

# Onde ?



# Onde - 2

Bitcoin - Mercado Virtual

url: lista.mercadovirtual.com.br/bitcoinPCDA[Bitcoin]

mar | diário | dinheiro | planetapc | Classical New English | VELA.com - Reportage | Gazeta do Povo | O portal de notícias | Parana-Online - Notícias | WQXR - New York | AOL - O maior com | Imagem

mercado livre

bitcoin

Somente em Moedas Virtuais

Catálogo | Entre | Contato | Vender

**REPLAY BLACK FRIDAY** ATÉ 80% OFF | PRETE GRÁTIS\* | **Aproveite**

Buscas relacionadas: Bitcoin 0.01 - comprar bitcoin - Bitcoin 0.1 - ethereum - lista

Mais Categorias > Moedas Virtuais

**Bitcoin**

2.424 resultados

Organizar anúncios

Mais relevantes | |

Condição

Novo (1.033)

Usado (327)

Localização

São Paulo (343)

Perambuco (352)

Rio de Janeiro (308)

Paraná (152)

Rio Grande do Sul (175)

Distrito Federal (308)

Minas Gerais (35)

Santa Catarina (35)

Goiás (45)

Ver todos

Preço

Até R\$35 (706)

Mais de R\$200 (308)

R\$35 a R\$200 (312)

Mínimo | Máximo

Publicidade

Desconto E Dinheiro - ganhados.com.br - De Volta Nas Melhores Lojas De Brasil - Cadastre Se Gratis

 **R\$ 41**  
Bitcoin 0.001Btu Mega Promoção -  
Bouto

 **R\$ 38**  
0.001 Bitcoin Btu 100 Mi Satoshi  
Envio Super Rapido

 **R\$ 49**  
Bitcoin 0.001Btu Envio Mesmo Dia  
Leia Regras Do Anuncio

**ENVIO IMEDIATO!**

 **R\$ 41**  
Bitcoin 0.001Btu Mega Promoção -  
Bouto

 **R\$ 38**  
0.001 Bitcoin Btu 100 Mi Satoshi  
Envio Super Rapido

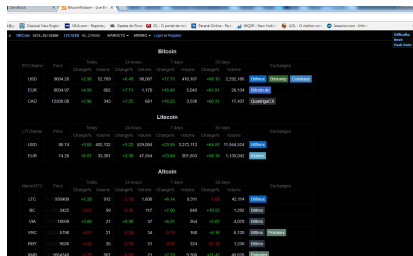
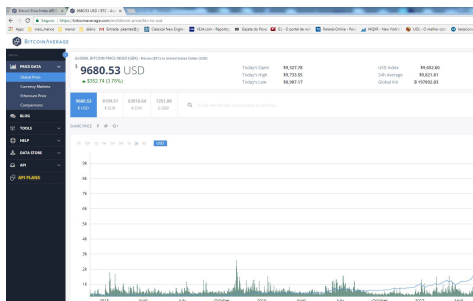
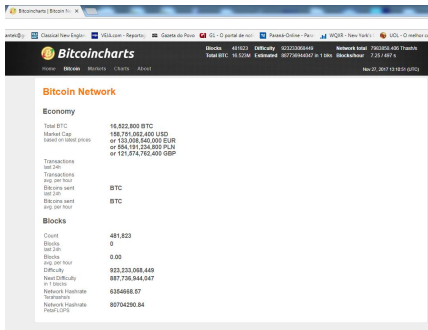
 **R\$ 49**  
Bitcoin 0.001Btu Envio Mesmo Dia  
Leia Regras Do Anuncio

**ENVIO IMEDIATO!**

# Quanto ?

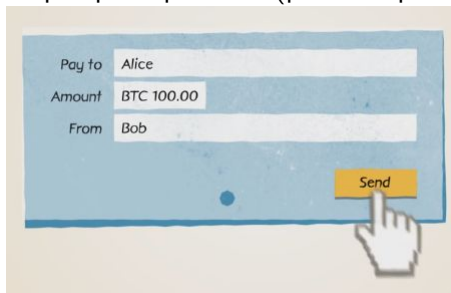
- bitcoin charts (<https://bitcoincharts.com/bitcoin/>)
- bitcoin average  
(<https://bitcoinaverage.com/en/bitcoin-price/btc-to-usd>)
- zero block (aplicativo para mobile: lojas)
- bitcoin wisdom (<https://bitcoinwisdom.com/>)

# Quanto ?



# A transação

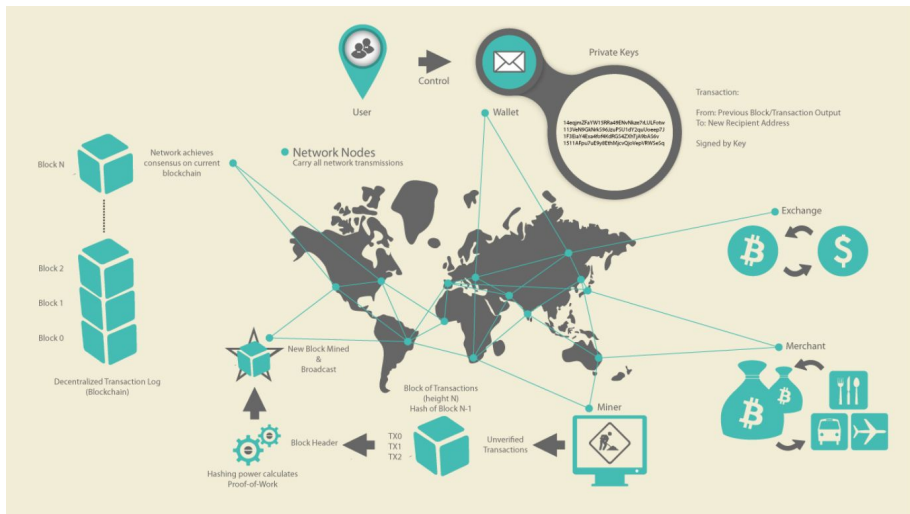
em qualquer aplicativo (por exemplo em <https://www.blockchain.com/>)



# Confirmações

- Durante um tempo: o endereço de Alice mostra a transação de Bob como “transação não confirmada”.
- Quando for escolhida por um minerador vencedor, ela será incluída no blockchain.
- Após 6 blocos ela “ganha” o status de irreversível

# Visão global do Bitcoin



# Comprando uma xícara de café em bitcoin

O aplicativo do ponto de venda pode consultar a cotação e montar um QRCODE como



*Código QR de solicitação de pagamento (Dica: Tente escanear esse código!)*

*O código QR de solicitação de pagamento codifica a seguinte URL, definida em BIP0021:*

```
bitcoin:1GdK9UzpHBzqzX2A9JFP3Di4weBwqgmoQA?  
amount=0.0150  
label=Bob%27s%20Cafe  
message=Compra%20no%20Bob%27s%20Cafe
```

Componentes da URL

Um endereço bitcoin: "1GdK9UzpHBzqzX2A9JFP3Di4weBwqgmoQA"  
Valor do pagamento (amount): "0.015"  
Um rótulo para o endereço do destinatário (label): "Bob's Cafe"  
Uma descrição para o pagamento (message): "Compra no Bob's Cafe"

# Uma transação Bitcoin

Conceito: uma informação dirigida à rede de que o dono de uma certa quantidade de BTC transfere-os para outro dono.

Transações são linhas em um registro contábil de dupla entrada: <sup>1</sup> No Bitcoin:

Uma ou mais entradas (inputs) e uma ou mais saídas (outputs)  
Pode OU não haver coincidência de valor. Se a entrada  $>$  saída, a diferença é paga ao minerador que incluir esta transação no bloco, para furar a fila de transações. A longo prazo, esta vai ser a remuneração do minerador.

<sup>1</sup>No I Congresso Brasileiro de Contabilidade realizado em 1924, foram aprovadas quatro fórmulas de escrituração baseadas no método das partidas dobradas:

- 1ª fórmula um débito para cada crédito
- 2ª fórmula um débito e vários créditos
- 3ª fórmula vários débitos e um crédito
- 4ª fórmula vários débitos e vários créditos

## Uma transação como registro contábil de dupla entrada

| <b>Transaction as Double-Entry Bookkeeping</b> |                                           |                |              |
|------------------------------------------------|-------------------------------------------|----------------|--------------|
| <b>Inputs</b>                                  | <b>Value</b>                              | <b>Outputs</b> | <b>Value</b> |
| Input 1                                        | 0.10 BTC                                  | Output 1       | 0.10 BTC     |
| Input 2                                        | 0.20 BTC                                  | Output 2       | 0.20 BTC     |
| Input 3                                        | 0.10 BTC                                  | Output 3       | 0.20 BTC     |
| Input 4                                        | 0.15 BTC                                  |                |              |
|                                                |                                           |                |              |
|                                                |                                           |                |              |
| Total Inputs:                                  | 0.55 BTC                                  | Total Outputs: | 0.50 BTC     |
|                                                |                                           |                |              |
|                                                |                                           |                |              |
| -                                              |                                           |                |              |
| <i>Inputs</i>                                  | <i>0.55 BTC</i>                           |                |              |
| <u><i>Outputs</i></u>                          | <u><i>0.50 BTC</i></u>                    |                |              |
| <i>Difference</i>                              | <i>0.05 BTC (implied transaction fee)</i> |                |              |

## Prova de posse

Cada entrada na transação que é transferida precisa uma prova de posse (assinatura digital do dono antigo). Pode ser validada facilmente por qualquer um. No Bitcoin, *gastar* é assinar uma transação de transferência para um novo endereço Bitcoin.

Esta transferência associa um valor ao novo dono através de um *script de travamento*. Este exige uma assinatura ou outra forma de validação (através de um script de destravamento) para este valor ser usado como entrada em uma transação futura. veja o exemplo  
to spend = gastar (pret. e pp = spent)

# Uma cadeia de transações

## Transaction 7957a35fe64f80d234d76d83a2a8f1a0d8149a41d81de548f0a65a8a999f6f18

INPUTS From  
From (previous transactions Joe has received):  
Joe 0.1005 BTC

OUTPUTS To  
Output #0 Alice's Address 0.1000 BTC (spent)  
Transaction Fees: 0.0005 BTC

## Transaction 0627052b6f28912f2703066a912ea577f2ce4da4caa5a5fbd8a57286c345c2f2

INPUTS From  
7957a35fe64f80d234d76d83a2a8f1a0d8149a41d81de548f0a65a8a999f6f18 : 0  
Alice 0.1000 BTC

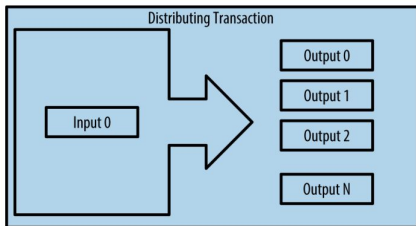
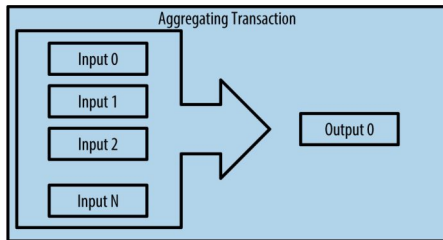
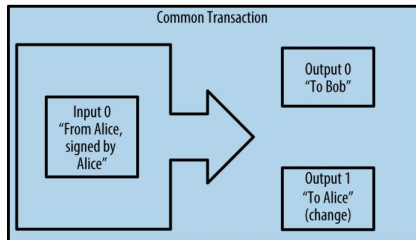
OUTPUTS To  
Output #0 Bob's Address 0.0150 BTC (spent)  
Output #1 Alice's Address (change) 0.0845 BTC (unspent)  
Transaction Fees: 0.0005 BTC

## Transaction 2bbac8bb3a57a2363407ac8c16a67015ed2e88a4388af58cf90299e0744d3de4

INPUTS From  
0627052b6f28912f2703066a912ea577f2ce4da4caa5a5fbd8a57286c345c2f2 : 0  
Bob 0.0150 BTC

OUTPUTS To  
Output #0 Gopesh's Address 0.0100 BTC (unspent)  
Output #1 Bob's Address (change) 0.0845 BTC (unspent)  
Transaction Fees: 0.0005 BTC

# Tipos de transação



# Construindo uma transação

O aplicativo de carteira tem toda a lógica. Ele guarda num BD trancado os fundos (os inputs) daquela carteira. Pode ser feito offline (preencher um cheque). Se o cliente é completo ele valida todas as transações que chegam.

A saída é um script que aliena um valor. Este valor só pode ser resgatado se uma solução for apresentada ao script. Script pode ser: *pagar este output a quem apresentar uma assinatura para a chave do endereço público do credor.*

Havendo mais fundos que o gasto, a transação conterà um retorno na forma de troco. A transação pode ser vista usando um explorador de blockchain (web) como em

# Uma transação no blockchain

## Transaction View information about a bitcoin transaction

0627052b6f28912f2703066a912ea577f2ce4da4caa5a5fbd8a57286c345c2f2

1Cdid9KFAaatwczBwBttQcwXYCpvK8h7FK (0.1 BTC - Output)



1GdK9UzpHBzqzX2A9JFP3Di4weBwqgmoQA  
- (Unspent) 0.015 BTC  
1Cdid9KFAaatwczBwBttQcwXYCpvK8h7FK -  
(Unspent) 0.0845 BTC

97 Confirmations

0.0995 BTC

### Summary

|                    |                                                         |
|--------------------|---------------------------------------------------------|
| Size               | 258 (bytes)                                             |
| Received Time      | 2013-12-27 23:03:05                                     |
| Included In Blocks | <a href="#">277316</a> (2013-12-27 23:11:54 +9 minutes) |

### Inputs and Outputs

|                          |            |
|--------------------------|------------|
| Total Input              | 0.1 BTC    |
| Total Output             | 0.0995 BTC |
| Fees                     | 0.0005 BTC |
| Estimated BTC Transacted | 0.015 BTC  |

# Transmissão

- A transação é transmitida à rede P2P (não importa como)
- Quem recebe, valida e passa adiante.
- O credor pode receber a transação ANTES dela ser incluída no blockchain.
- A decisão de acatar ou aguardar é opção dele.
- Esperando 10 minutos: entra no BC (essa a idéia...)
- Esperando 60 minutos: considerada irreversível (idem)

# Mineração

- A transação foi propagada
- os mineradores em ação vão capturá-la
- montar um bloco candidato e começar a mineração
- em 10 minutos (aproximadamente) alguém vai ter sucesso
- será remunerado pelo esforço (e pela competição) com moedas novas
- de quebra a transação (a primeira) será oficializada
- compromisso: a transação só será oficializada se enorme poder computacional for investido
- assimetria do hash: difícil achar, fácil comprovar

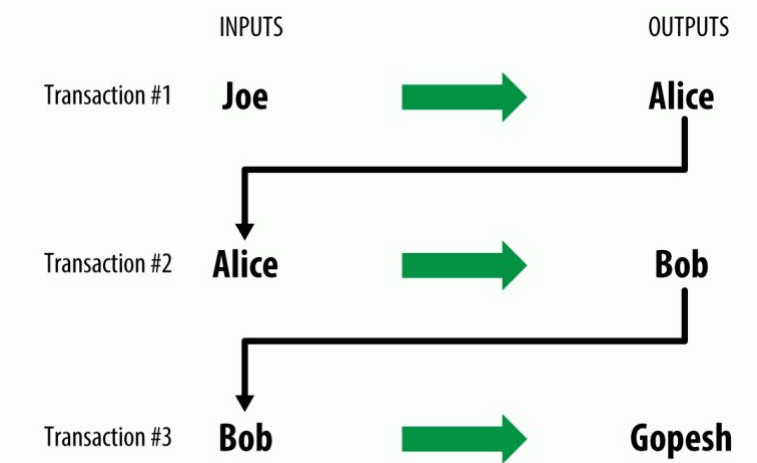
# Poder de mineração da rede bitcoin



Terahash/seg:

$$2^{40} = 11.784.926 \times 1.099.511.627.776 \text{ hash/segundo} \quad (1 \text{ TH} \cong 10^{12})$$

# Gastando



# O cliente bitcoin

- em <http://www.bitcoin.org> pode baixar o *bitcoin core* o cliente referência em bitcoin (conhecido como cliente satoshi).
- Na primeira vez vai baixar a blockchain (150GB em finais de 2017)
- Quando acabar: *fora de sincronia* → *sincronizado*
- Para desenvolvedores: baixar o código fonte no github como um ZIP
- o cliente bitcoin core implementa uma interface JSON-RPC (protocolo de chamada de procedimento JSON)

# Clientes disponíveis

## Desktop wallets

Desktop wallets are installed on your computer. They give you complete control over your wallet. You are responsible for protecting your money and doing backups.



Bitcoin  
Core



MultiBit



Hive



Armory



Electrum

## Mobile wallets

Mobile wallets allow you to bring Bitcoin with you in your pocket. You can exchange bitcoins easily and pay in physical stores by scanning a QR code or using NFC "tap to pay".



Bitcoin  
Wallet



## Web wallets

Web wallets allow you to use Bitcoin on any browser or mobile and often offer additional services. However, you must choose your web wallet with care as they host your bitcoins.



# Alguns comandos bitcoin RPC disponíveis

```
$ bitcoin-cli help
addmultisigaddress nrequired ["key",...] (
addnode "node" "add|remove|onetry"
backupwallet "destination"
createmultisig nrequired ["key",...]
createrawtransaction [{"txid":"id","vout":
decoderawtransaction "hexstring"
decodescript "hex"
dumpprivkey "bitcoinaddress"
dumpwallet "filename"
getaccount "bitcoinaddress"
getaccountaddress "account"
getaddresinfo dns ("node" )
getaddressesbyaccount "account"
```

```
setaccount "bitcoinaddress" "account"
setgenerate generate ( genproclimit )
settxfee amount
signmessage "bitcoinaddress" "message"
signrawtransaction "hexstring" (
[{"txid":"id","vout":n,"scriptPubKey":"hex"
["privatekey1",...] sighashtype )
stop
submitblock "hexdata" ( "jsonparametersobje
validateaddress "bitcoinaddress"
verifychain ( checklevel numblocks )
verifymessage "bitcoinaddress" "signature"
walletock
walletpassphrase "passphrase" timeout
walletpassphrasechange "oldpassphrase" "new"
```

```
getbalance ( "account" minconf )
getbestblockhash
getblock "hash" ( verbose )
getblockchaininfo
getblockcount
getblockhash index
getblocktemplate ( "jsonrequestobject" )
getconnectioncount
getdifficulty
getgenerate
gethashespersec
getinfo
getmininginfo
getnettotals
getnetworkhashps ( blocks height )
getnetworkinfo
getnewaddress ( "account" )
getpeerinfo
getrawchangeaddress
```

```
getrawtransaction "txid" ( verbose )
getreceivedbyaccount "account" ( minconf )
getreceivedbyaddress "bitcoinaddress" ( minconf )
getrawtransaction "txid"
gettxout "txid" n ( includemempool )
gettxoutsetinfo
getunconfirmedbalance
getwalletinfo
getwork ( "data" )
help ( "command" )
importprivkey "bitcoinprivkey" ( "label" rescan )
importwallet "filename"
keypoolrefill ( newsize )
listaccounts ( minconf )
listaddressgroupings
listlockunspent
listreceivedbyaccount ( minconf includeempty )
listreceivedbyaddress ( minconf includeempty )
listsinceblock ( "blockhash" target-confirmations
listtransactions ( "account" count from )
listunspent ( minconf maxconf ["address",...] )
```

# Informações on line sobre Bitcoin

Existem inúmeras maneiras:

- Instalar uma carteira em nodo completo e usar comandos RPC bitcoin
- Instalar uma carteira simplificada e usar utilitários (python) ku e tx
- Consultar <https://www.blockchain.com/>
- Consultar <https://live.blockcypher.com/>
- Consultar <https://www.blocktrail.com/BTC>
- Consultar <https://bitaps.com/> (← animada !)

# Chaves, endereços, carteiras

A posse do bitcoin é estabelecida através de chaves digitais.

Uma chave é um conjunto de 2 números de mais de 70 dígitos.

Um deles é público, está em inúmeros lugares e é usado pelos outros para pagar coisas a você.

O outro é privado, e deve estar muito bem guardado:

- se alguém o roubar, ele passará a ser o dono do dinheiro
- se você o perder, o dinheiro estará perdido
- não há certificado de posse exceto este número
- não importa onde este número está: pendrive, computador, papel, cérebro de alguém

O público é facilmente calculado a partir do privado. A inversa não é verdadeira. Logo **O número privado é a única coisa a ser protegida.**

Uma analogia: a chave pública é o número da conta. A privada é a assinatura.

# Um caso real



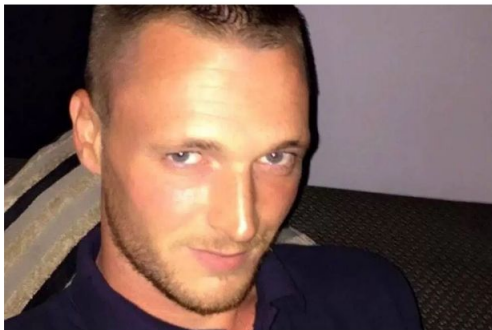
Economia

## Britânico quer escavar lixão para reaver R\$ 276 mi em bitcoins

Técnico em informática jogou fora, por engano, parte de computador em que estavam armazenadas suas moedas virtuais

Por Da redação

5 dez 2017, 16h38 - Publicado em 5 dez 2017, 13h04



# Wallet

- wallet = carteira. Guarda as chaves
- a wallet nunca vai para a rede.
- Independe do protocolo, geradas e gerenciadas pelo software bitcoin, sem qualquer referência a blockchain ou acesso à internet.
- As chaves são a base de interessantes propriedades da bitcoin:
  - confiança descentralizada
  - controle do ambiente
  - atestação de posse
  - modelo de segurança por prova criptográfica

# Transação bitcoin

Envolve três partes: recebimento do endereço destinatário, criação da transação, transmissão da transação

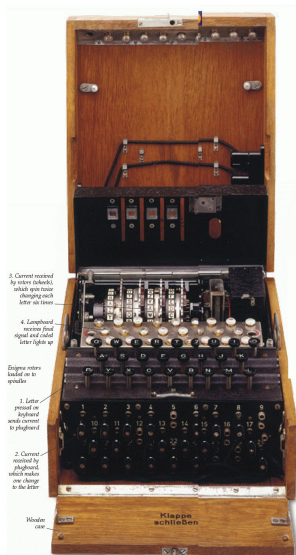
Gerada em algum computador no mundo (ligado ou não à rede bitcoin)

No local de **pagamento** à: endereço bitcoin (que é uma impressão digital da chave pública do destinatário)

Pode ser um usuário ou um script (um programa: logo absolutamente flexível)

- Capítulo interessante da história da humanidade (O livro dos códigos de Simon Singh)
- Historicamente interessou a exércitos e amantes
- Antes do computador: Cifra de Cesar, Viginere, Playfair, ADFGVX,...
- Enigma e Código navajo
- Simétrica: uma senha lá e cá.
- A distribuição e gestão de senhas tendia a ser um problema incontrolável. Imagine a Internet...

# Enigma



The imitation Game, filme de 2016

# Navajo



# Criptografia assimétrica

- 2 chaves: o que criptografa com uma, decriptografa com a outra e vice-versa
- Saber uma não implica descobrir a outra.
- Esconde-se a privada e publica-se a pública
- 2 processos

**Criptografia:**  $A \rightarrow B$ :  $A$  criptografa com a pública de  $B$  e manda. Só  $B$  consegue ler.

**Certificação:**  $A \rightarrow x$ :  $A$  criptografa com a sua privada. Todos podem ler, mas foi  $A$  que mandou.

# Criptografia assimétrica

- o problema de distribuição de chaves crescia
- os mais visionários descobriram que a troca de chaves não era um axioma
- Whitfield Diffie e Martin Hellman (EUA) e James Ellis (Inglaterra) - a sacada: o receptor interfere na emissão
- Matemática de mão simples:
  - funções e funções inversas (p. ex: dobro e metade)
  - funções sem inversa:  $10 \% 3 = x$  ( $x=1$ ), mas  $x \% 3 = 1$  ( $x$  pode ser 10, 13, 16, ...  $\infty$ )

# RSA

- Rivest, Shamir e Adleman
- criptografia na internet hoje

Para escolher a chave pública faz-se

$n$  = produto de dois primos quaisquer  $p$  e  $q$

$c$  = qualquer número  $c$  que seja primo relativo a  $f = (p-1) \times (q-1)$ .

A chave pública é  $(c, n)$

Para escolher a chave secreta

$n$  = idem acima

$d$  = qualquer desde que  $(c \times d) \bmod f = (p-1) \times (q-1)$  seja igual a 1.

A chave secreta é  $(d, n)$

Para encriptar  $m$  ( $m$  tem que ser menor do que  $n$ )

$$m^c \bmod n = y$$

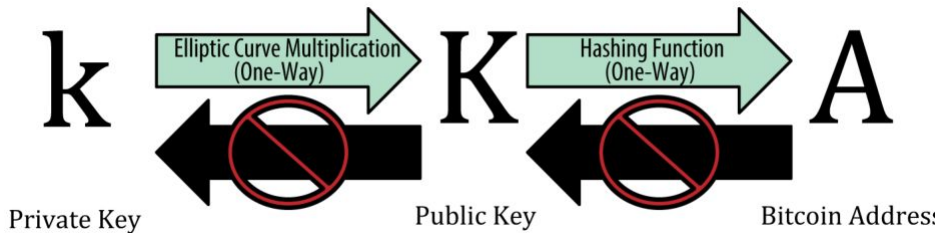
Para decriptar

$$m = y^d \bmod n$$

# Criptografia no Bitcoin

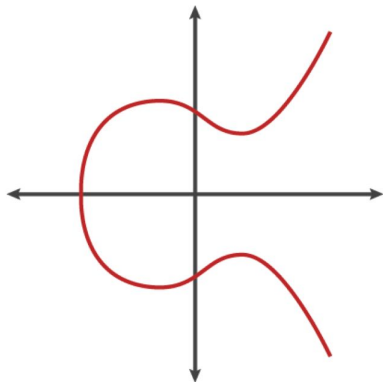
- Sai a exponenciação (RSA) entram as curvas elípticas (Lisbeth Salander, vol4)
- Papel importante na matemática moderna: Conjectura Tanayama-Shimura
- Último Teorema de Fermat: Andrew Willies, 1994
- Chave privada: um número de 256 bits escolhido ao acaso:
  - jogue 256 moedas: cara=0, coroa=1
  - Chame um software garantido com acesso a entropia ou aleatoriedade seguros
  - $2^{256} \approx 10^{77}$
- a chave pública é facilmente (!) calculada, fazendo uma multiplicação na curva elíptica
- a pública ( $K$ ) funciona como gerador de seu endereço de pagamento
- a privada ( $k$ ) garante que você é o dono da pública, permitindo gerar a assinatura que garante a posse dos bitcoins

## Em termos gráficos



Na prática: fonte aleatória de qualquer tamanho → hash disso → 256 bits

# Curva elíptica



- curva específica
- conjunto de constantes matemáticas
- definidas pelo padrão secp256k1
- definido pelo NIST
- função  $y^2 = (x^3 + 7) \bmod p$
- $p = 2^{256} - 2^{32} - 2^9 - 2^8 - 2^7 - 2^6 - 2^4 - 1$  um primo bem grande

# Matemática elíptica

- Existe um ponto, chamado *ponto no infinito* que corresponde ao papel do zero na adição (elemento neutro).
- Existe um operador *passee* que funciona como a adição. Dados dois pontos  $P_1$  e  $P_2$  na curva,  $P_3 = P_1 + P_2$  também na curva. Geometricamente  $P_3$  é obtido ao passar uma reta entre  $P_1$  e  $P_2$ . Ela cruza a curva em um ponto  $P_x = (x, y)$ . Refletindo  $P_x$ , obtem-se  $P_3 = (x, -y)$ .
- A multiplicação é definida por adições sucessivas: Para  $P_x$  na curva,  $kP = P + P + P \dots$  ( $k$  vezes)

## Algumas funções reais: (em python)

```
p=2**256 - 2**32 - 977

def inverse(x,p):
    inv1 = 1
    inv2 = 0
    while p != 1 and p!=0:
        inv1, inv2 = inv2, inv1 - inv2 *(x//p)
        x,p = p,x%p
    return inv2

def double_point(point,p):
    (x,y)=point
    if y==0:
        return None
    slope=3*pow(x,2,p)*inverse(2*y,p)
    xsum=pow(slope,2,p)-2*x
    ysum=slope*(x-xsum)-y
    return(xsum%p,ysum%p)
```

```
def add_point(p1,p2,p):
    (x1,y1)=p1
    (x2,y2)=p2
    if x1==x2:
        return double_point(p1,p)
    slope=(y1-y2)*inverse(x1-x2,p)
    xsum=pow(slope,2,p)-(x1+x2)
    ysum=slope*(x1-xsum)-y1
    return(xsum%p,ysum%p)

def point_mul(point,a,b):
    scale=point
    acc=None

    while a:
        if a&1:
            if acc is None:
                acc=scale
            else:
                acc=add_point(acc,scale)
        scale=double_point(scale,p)
        a>>=1
    return acc
```

## Agora: geração das coisas, passo-a-passo

Carregar as funções `inverse`, `double_point`,  
`add_point` e `mul_point`

Carregar as constantes

```
p=2**256 - 2**32 - 977
```

```
g_x = 0x79BE667EF9DCBBAC55A06295CE870B07029BFCDB2DCE28D959  
      F2815B16F81798
```

```
g_y = 0x483ADA7726A3C4655DA4FBFC0E1108A8FD17B448A68554199C  
      47D08FFB10D4B8
```

```
g = (g_x,g_y)
```

Carregar os modulos:

```
import codecs
```

```
import hashlib
```

```
from base58 import b58encode
```

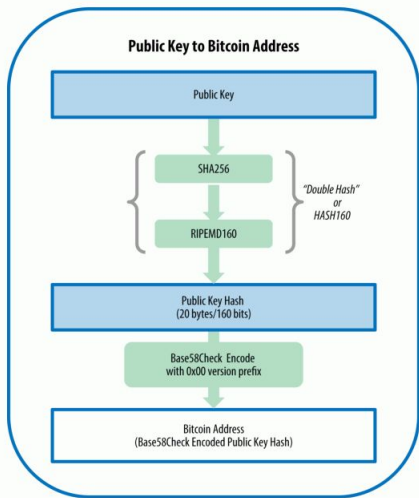
# Tudo começa com a chave privada

```
k = 0x123456....abcdef # o número que você quiser....  
K_x, K_y = point_mul(g,k,p)  
print(K_x, K_y)  
K = "04"+format(K_x,'x')+format(K_y,'x')  
print(K)  
K_bytes=codecs.decode(K.encode('utf-8'),'hex')  
K_256=hashlib.sha256(K_bytes)  
print(K_256.hexdigest())  
K_ripe=hashlib.new('ripemd160')  
K_ripe.update(K_256.digest())  
print(K_ripe.hexdigest())
```

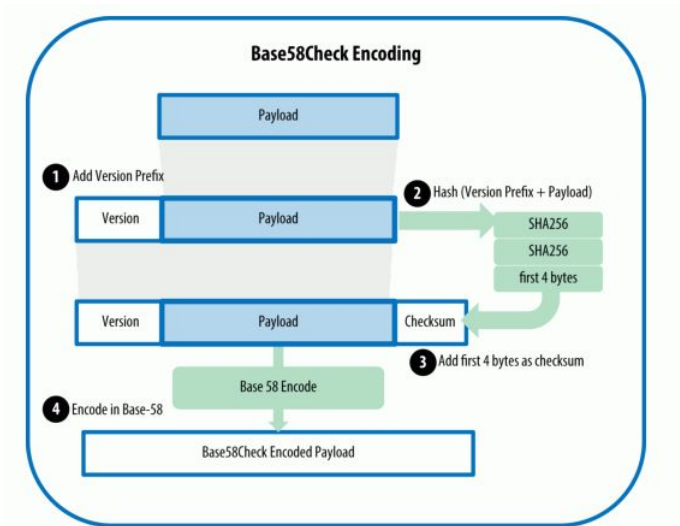
# Mais

```
K_raw='00'+K_ripe.hexdigest()
print(K_raw) # endereço bitcoin, puro e em hexadecimal
K_rawbytes=codecs.decode(K_raw.encode('utf-8'),'hex')
print(K_rawbytes)
K_shasha=hashlib.sha256(hashlib.sha256(K_rawbytes).digest())
checksum=K_shasha.hexdigest()[:8]
print(checksum)
K_quase=K_raw+checksum
K_quasebytes=codecs.decode(K_quase.encode('utf-8'),'hex')
K_enfim=b58encode(K_quasebytes)
print(K_enfim)
```

# Em termos gráficos



# Em termos gráficos base58



# Prefixos de versão

| Tipo                             | Prefixo de versão (hex) | Base58 prefixo de resultado |
|----------------------------------|-------------------------|-----------------------------|
| Endereço Bitcoin                 | 0x00                    | 1                           |
| Endereço Pay-to-Script-Hash      | 0x05                    | 3                           |
| Endereço Bitcoin Testnet         | 0x6F                    | m ou n                      |
| Chave Privada WIF                | 0x80                    | 5, K ou L                   |
| Chave Privada Criptogr. em BIP38 | 0x0142                  | 6P                          |
| Chave Pública Estendida em BIP32 | 0x0488B21E              | xpub                        |