

2. Existem tantos dígitos quanto é o valor da base.
3. Se forem necessários mais de 10 dígitos, o 11º será a letra A, o 12º a letra B e assim por diante até o 36º dígito que será o Z.

5. Somas em bases diferentes:

$$\text{CIT}(31) + 1\text{H}88(18) = \text{_____}(09)$$

$$105045(07) + 1\text{I}4\text{E}(19) = \text{_____}(33)$$

6. Subtrações em bases...

$$\text{KGQ}(30) - 155053(06) = \text{_____}(32)$$

$$\text{M7B}(24) - \text{D}4\text{Q}(31) = \text{_____}(25)$$

Sistema de numeração

Um numeral é um símbolo ou grupo de símbolos que representa um número em um determinado instante da evolução do homem. Tem-se que, numa determinada escrita ou época, os numerais diferenciaram-se dos números do mesmo modo que as palavras se diferenciaram das coisas a que se referem. Os símbolos "11", "onze" e "XI" (onze em latim) são numerais diferentes, representativos do mesmo número, apenas escrito em idiomas e épocas diferentes. A seguir, os vários aspectos dos sistemas de numerais.

Um sistema de numeração, (ou sistema numeral) é um sistema em que um conjunto de números são representados por numerais de uma forma consistente. Pode ser visto como o contexto que permite ao numeral "11" ser interpretado como o numeral romano para dois, o numeral binário para três ou o numeral decimal para onze.

Em condições ideais, um sistema de numeração deve:

Representar uma grande quantidade de números úteis (ex.: todos os números inteiros, ou todos os números reais); Dar a cada número representado uma única descrição (ou pelo menos uma representação padrão); Refletir as estruturas algébricas e aritméticas dos números. Por exemplo, a representação comum decimal dos números inteiros fornece a cada número inteiro uma representação única como uma sequência finita de algarismos, com as operações aritméticas (adição, subtração, multiplicação e divisão) estando presentes como os algoritmos padrões da aritmética. Contudo, quando a representação decimal é usada para os números racionais ou para os números reais, a representação deixa de ser padronizada: muitos números racionais têm dois tipos de numerais, um padrão que tem fim (por exemplo 2,31), e outro que repete-se periodicamente (como 2,30999999...).

Notação posicional

O valor atribuído a um símbolo é dependente da posição em que ele se encontra no conjunto de símbolos que representa uma quantidade. O valor total do número é a soma dos valores relativos de cada algarismo (decimal). Ou seja, a ordem dos algarismos (números) que estamos acostumados a usar: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0.

Exemplo

No sistema de numeração decimal,

$$735=700+30+5$$

Neste exemplo temos que o algarismo 5 representa 5 unidades. O algarismo 3 representa 3 dezenas (ou 3 grupos de dez unidades). E por último o algarismo 7 representa 7 centenas (ou 7 grupos de cem unidades).

$$573=500+70+3$$

Neste outro exemplo temos que o algarismo 3 representa 3 unidades. O algarismo 7 representa 7 dezenas (ou 7 grupos de dez unidades). E, finalmente, o algarismo 5 representa 5 centenas (ou 5 grupos de cem unidades).

Para seu conhecimento, o QR CODE, usa no registro de caracteres, um base de numeração de base 45. O protetor de conteúdos conhecido como Base64, usa um sistema de numeração de base 64, como aliás é o seu nome.

Aritmética não decimal

A aritmética, tal como a conhecemos, não sofre nenhuma mudança conceitual ou operacional se passarmos a usar bases não decimais. O sistema de numeração usado, desde que posicional, funciona bem.

Para as operações a seguir, considere um conjunto de dígitos sujeito as seguintes regras:

1. O primeiro dígito é sempre ZERO.

Na soma individual, dígito a dígito, a regra é simples: se a soma for maior que a base, retira-se uma base do total e vai um...

Na subtração individual, dígito a dígito, se o número a subtrair é maior do que o número do qual vai ser feita a subtração, empresta-se uma base do vizinho esquerdo.

Exemplos:

$$\begin{array}{r} 27(10) + 45(10) = \quad 2 \ 7 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad + \ 4 \ 5 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 7 \ 2 \end{array}$$

Como $7 + 5 = 12$ e 12 é maior do que a base, subtrai-se uma base (10) e o resultado é 2, e "vai um". A resposta final é 72.

$$\begin{array}{r} 94(10) - 59(10) = 9 \ 4 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad - \ 5 \ 9 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 3 \ 5 \end{array}$$

Como $4 - 9$ não pode ser feito (pois $9 > 4$), a solução é emprestar uma base do vizinho. Com isto, tem-se $4 + 10 = 14$, e agora pode-se fazer $14 - 9$, cujo resultado é 5.

O um que foi emprestado do 9, deixa-o valendo apenas 8, e agora tem-se $8 - 5 = 3$. O resultado final é 35.

Para facilitar, use a seguinte tabela:

0	.9=0	.9	E=14	J=19	O=24	T=29	Y=34
A=10	F=15	K=20	P=25	U=30	Z=35		
B=11	G=16	L=21	Q=26	V=31			
C=12	H=17	M=22	R=27	W=32			
D=13	I=18	N=23	S=28	X=33			

Nos exercícios a seguir, tente fazer as conversões e as operações solicitadas:

1. Conversões de Base Q para base 10

$$122(18) = \text{_____}(10)$$

$$07(32) = \text{_____}(10)$$

$$510(12) = \text{_____}(10)$$

$$104(24) = \text{_____}(10)$$

$$2120(07) = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$868(10) = \text{_____}(22)$$

$$772(10) = \text{_____}(18)$$

$$642(10) = \text{_____}(21)$$

$$703(10) = \text{_____}(09)$$

$$232(10) = \text{_____}(25)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$1402(06) + 1113(06) = \text{_____}(06)$$

$$1343(05) + 1104(05) = \text{_____}(05)$$

$$1\text{A}1(15) + 1\text{B}9(15) = \text{_____}(15)$$

$$13\text{I}(22) + 103(22) = \text{_____}(22)$$

$$12(19) + 138(19) = \text{_____}(19)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$176(18) - 128(18) = \text{_____}(18)$$

$$297(12) - 181(12) = \text{_____}(12)$$

$$\text{LF}(26) - \text{GP}(26) = \text{_____}(26)$$

$$\text{DD}(27) - 80(27) = \text{_____}(27)$$

$$671(09) - 271(09) = \text{_____}(09)$$

Para você fazer

1. Conversões de Base Q para base 10

$$\text{NA}_{(27)} = \text{_____}(10)$$

$$111_{(21)} = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$00915_{(10)} = \text{_____}(23)$$

$$00758_{(10)} = \text{_____}(16)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$56_{(22)} + 6\text{F}_{(22)} = \text{_____}(22)$$

$$28\text{A}_{(13)} + 2\text{A}5_{(13)} = \text{_____}(13)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$\text{KM}_{(26)} - \text{J}6_{(26)} = \text{_____}(26)$$

$$\text{EG}_{(23)} - \text{DE}_{(23)} = \text{_____}(23)$$

5. Somas em bases diferentes: responda na base do resultado

$$16\text{I}3_{(24)} + 18\text{A}9_{(22)} = \text{_____}(32)$$

$$\text{EM}1_{(31)} + \text{K}\text{F}4_{(22)} = \text{_____}(08)$$

6. Subtrações em bases diferentes: responda na base do resultado

$$24101_{(09)} - 2\text{CD}1_{(17)} = \text{_____}(32)$$

$$\text{ONH}_{(25)} - 9791_{(11)} = \text{_____}(29)$$



101-76506 - gar a

2. Existem tantos dígitos quanto é o valor da base.
3. Se forem necessários mais de 10 dígitos, o 11º será a letra A, o 12º a letra B e assim por diante até o 36º dígito que será o Z.

5. Somas em bases diferentes:

$$\text{CIT}(31) + 1\text{H}88(18) = \text{_____}(09)$$

$$105045(07) + 1\text{I}4\text{E}(19) = \text{_____}(33)$$

6. Subtrações em bases...

$$\text{KGQ}(30) - 155053(06) = \text{_____}(32)$$

$$\text{M7B}(24) - \text{D}4\text{Q}(31) = \text{_____}(25)$$

Sistema de numeração

Um numeral é um símbolo ou grupo de símbolos que representa um número em um determinado instante da evolução do homem. Tem-se que, numa determinada escrita ou época, os numerais diferenciaram-se dos números do mesmo modo que as palavras se diferenciaram das coisas a que se referem. Os símbolos "11", "onze" e "XI" (onze em latim) são numerais diferentes, representativos do mesmo número, apenas escrito em idiomas e épocas diferentes. A seguir, os vários aspectos dos sistemas de numerais.

Um sistema de numeração, (ou sistema numeral) é um sistema em que um conjunto de números são representados por numerais de uma forma consistente. Pode ser visto como o contexto que permite ao numeral "11" ser interpretado como o numeral romano para dois, o numeral binário para três ou o numeral decimal para onze.

Em condições ideais, um sistema de numeração deve:

Representar uma grande quantidade de números úteis (ex.: todos os números inteiros, ou todos os números reais); Dar a cada número representado uma única descrição (ou pelo menos uma representação padrão); Refletir as estruturas algébricas e aritméticas dos números. Por exemplo, a representação comum decimal dos números inteiros fornece a cada número inteiro uma representação única como uma sequência finita de algarismos, com as operações aritméticas (adição, subtração, multiplicação e divisão) estando presentes como os algoritmos padrões da aritmética. Contudo, quando a representação decimal é usada para os números racionais ou para os números reais, a representação deixa de ser padronizada: muitos números racionais têm dois tipos de numerais, um padrão que tem fim (por exemplo 2,31), e outro que repete-se periodicamente (como 2,30999999...).

Notação posicional

O valor atribuído a um símbolo é dependente da posição em que ele se encontra no conjunto de símbolos que representa uma quantidade. O valor total do número é a soma dos valores relativos de cada algarismo (decimal). Ou seja, a ordem dos algarismos (números) que estamos acostumados a usar: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0.

Exemplo

No sistema de numeração decimal,

$$735=700+30+5$$

Neste exemplo temos que o algarismo 5 representa 5 unidades. O algarismo 3 representa 3 dezenas (ou 3 grupos de dez unidades). E por último o algarismo 7 representa 7 centenas (ou 7 grupos de cem unidades).

$$573=500+70+3$$

Neste outro exemplo temos que o algarismo 3 representa 3 unidades. O algarismo 7 representa 7 dezenas (ou 7 grupos de dez unidades). E, finalmente, o algarismo 5 representa 5 centenas (ou 5 grupos de cem unidades).

Para seu conhecimento, o QR CODE, usa no registro de caracteres, um base de numeração de base 45. O protetor de conteúdos conhecido como Base64, usa um sistema de numeração de base 64, como aliás é o seu nome.

Aritmética não decimal

A aritmética, tal como a conhecemos, não sofre nenhuma mudança conceitual ou operacional se passarmos a usar bases não decimais. O sistema de numeração usado, desde que posicional, funciona bem.

Para as operações a seguir, considere um conjunto de dígitos sujeito as seguintes regras:

1. O primeiro dígito é sempre ZERO.

Na soma individual, dígito a dígito, a regra é simples: se a soma for maior que a base, retira-se uma base do total e vai um...

Na subtração individual, dígito a dígito, se o número a subtrair é maior do que o número do qual vai ser feita a subtração, empresta-se uma base do vizinho esquerdo.

Exemplos:

$$\begin{array}{r} 27(10) + 45(10) = \quad 2 \ 7 \\ \quad \quad \quad + \quad 4 \ 5 \\ \hline \quad \quad \quad 7 \ 2 \end{array}$$

Como $7 + 5 = 12$ e 12 é maior do que a base, subtrai-se uma base (10) e o resultado é 2, e "vai um". A resposta final é 72.

$$\begin{array}{r} 94(10) - 59(10) = 9 \ 4 \\ \quad \quad \quad - \quad 5 \ 9 \\ \hline \quad \quad \quad 3 \ 5 \end{array}$$

Como $4 - 9$ não pode ser feito (pois $9 > 4$), a solução é emprestar uma base do vizinho. Com isto, tem-se $4 + 10 = 14$, e agora pode-se fazer $14 - 9$, cujo resultado é 5.

O um que foi emprestado do 9, deixa-o valendo apenas 8, e agora tem-se $8 - 5 = 3$. O resultado final é 35.

Para facilitar, use a seguinte tabela:

0	.9=0	.9	E=14	J=19	O=24	T=29	Y=34
A=10	F=15	K=20	P=25	U=30	Z=35		
B=11	G=16	L=21	Q=26	V=31			
C=12	H=17	M=22	R=27	W=32			
D=13	I=18	N=23	S=28	X=33			

Nos exercícios a seguir, tente fazer as conversões e as operações solicitadas:

1. Conversões de Base Q para base 10

$$122(18) = \text{_____}(10)$$

$$07(32) = \text{_____}(10)$$

$$510(12) = \text{_____}(10)$$

$$104(24) = \text{_____}(10)$$

$$2120(07) = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$868(10) = \text{_____}(22)$$

$$772(10) = \text{_____}(18)$$

$$642(10) = \text{_____}(21)$$

$$703(10) = \text{_____}(09)$$

$$232(10) = \text{_____}(25)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$1402(06) + 1113(06) = \text{_____}(06)$$

$$1343(05) + 1104(05) = \text{_____}(05)$$

$$1\text{A}1(15) + 1\text{B}9(15) = \text{_____}(15)$$

$$13\text{I}(22) + 103(22) = \text{_____}(22)$$

$$12(19) + 138(19) = \text{_____}(19)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$176(18) - 128(18) = \text{_____}(18)$$

$$297(12) - 181(12) = \text{_____}(12)$$

$$\text{LF}(26) - \text{GP}(26) = \text{_____}(26)$$

$$\text{DD}(27) - 80(27) = \text{_____}(27)$$

$$671(09) - 271(09) = \text{_____}(09)$$

Para você fazer

1. Conversões de Base Q para base 10

$$97(28) = \text{_____}(10)$$

$$19\text{N}(28) = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$00239(10) = \text{_____}(24)$$

$$01189(10) = \text{_____}(31)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$24\text{D}(15) + \text{E}8(15) = \text{_____}(15)$$

$$1\text{B}8(18) + \text{G}0(18) = \text{_____}(18)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$\text{G}5(22) - \text{A}J(22) = \text{_____}(22)$$

$$153(20) - \text{B}C(20) = \text{_____}(20)$$

5. Somas em bases diferentes: responda na base do resultado

$$1\text{H}G2(20) + 337\text{C}(15) = \text{_____}(31)$$

$$16\text{J}(30) + 44760(08) = \text{_____}(33)$$

6. Subtrações em bases diferentes: responda na base do resultado

$$9\text{R}W(35) - 1\text{F}3\text{G}(18) = \text{_____}(27)$$

$$\text{B}K\text{I}(32) - \text{J}E0(24) = \text{_____}(08)$$



101-76663 - gar a

2. Existem tantos dígitos quanto é o valor da base.
3. Se forem necessários mais de 10 dígitos, o 11º será a letra A, o 12º a letra B e assim por diante até o 36º dígito que será o Z.

5. Somas em bases diferentes:

$$\text{CIT}(31) + 1\text{H}88(18) = \text{_____}(09)$$

$$105045(07) + 1\text{I}4\text{E}(19) = \text{_____}(33)$$

6. Subtrações em bases...

$$\text{KGQ}(30) - 155053(06) = \text{_____}(32)$$

$$\text{M7B}(24) - \text{D}4\text{Q}(31) = \text{_____}(25)$$

Sistema de numeração

Um numeral é um símbolo ou grupo de símbolos que representa um número em um determinado instante da evolução do homem. Tem-se que, numa determinada escrita ou época, os numerais diferenciaram-se dos números do mesmo modo que as palavras se diferenciaram das coisas a que se referem. Os símbolos "11", "onze" e "XI" (onze em latim) são numerais diferentes, representativos do mesmo número, apenas escrito em idiomas e épocas diferentes. A seguir, os vários aspectos dos sistemas de numerais.

Um sistema de numeração, (ou sistema numeral) é um sistema em que um conjunto de números são representados por numerais de uma forma consistente. Pode ser visto como o contexto que permite ao numeral "11" ser interpretado como o numeral romano para dois, o numeral binário para três ou o numeral decimal para onze.

Em condições ideais, um sistema de numeração deve:

Representar uma grande quantidade de números úteis (ex.: todos os números inteiros, ou todos os números reais); Dar a cada número representado uma única descrição (ou pelo menos uma representação padrão); Refletir as estruturas algébricas e aritméticas dos números. Por exemplo, a representação comum decimal dos números inteiros fornece a cada número inteiro uma representação única como uma sequência finita de algarismos, com as operações aritméticas (adição, subtração, multiplicação e divisão) estando presentes como os algoritmos padrões da aritmética. Contudo, quando a representação decimal é usada para os números racionais ou para os números reais, a representação deixa de ser padronizada: muitos números racionais têm dois tipos de numerais, um padrão que tem fim (por exemplo 2,31), e outro que repete-se periodicamente (como 2,30999999...).

Notação posicional

O valor atribuído a um símbolo é dependente da posição em que ele se encontra no conjunto de símbolos que representa uma quantidade. O valor total do número é a soma dos valores relativos de cada algarismo (decimal). Ou seja, a ordem dos algarismos (números) que estamos acostumados a usar: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0.

Exemplo

No sistema de numeração decimal,

$$735=700+30+5$$

Neste exemplo temos que o algarismo 5 representa 5 unidades. O algarismo 3 representa 3 dezenas (ou 3 grupos de dez unidades). E por último o algarismo 7 representa 7 centenas (ou 7 grupos de cem unidades).

$$573=500+70+3$$

Neste outro exemplo temos que o algarismo 3 representa 3 unidades. O algarismo 7 representa 7 dezenas (ou 7 grupos de dez unidades). E, finalmente, o algarismo 5 representa 5 centenas (ou 5 grupos de cem unidades).

Para seu conhecimento, o QR CODE, usa no registro de caracteres, um base de numeração de base 45. O protetor de conteúdos conhecido como Base64, usa um sistema de numeração de base 64, como aliás é o seu nome.

Aritmética não decimal

A aritmética, tal como a conhecemos, não sofre nenhuma mudança conceitual ou operacional se passarmos a usar bases não decimais. O sistema de numeração usado, desde que posicional, funciona bem.

Para as operações a seguir, considere um conjunto de dígitos sujeito as seguintes regras:

1. O primeiro dígito é sempre ZERO.

Na soma individual, dígito a dígito, a regra é simples: se a soma for maior que a base, retira-se uma base do total e vai um...

Na subtração individual, dígito a dígito, se o número a subtrair é maior do que o número do qual vai ser feita a subtração, empresta-se uma base do vizinho esquerdo.

Exemplos:

$$\begin{array}{r} 27(10) + 45(10) = \quad 2 \ 7 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad + \ 4 \ 5 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 7 \ 2 \end{array}$$

Como $7 + 5 = 12$ e 12 é maior do que a base, subtrai-se uma base (10) e o resultado é 2, e "vai um". A resposta final é 72.

$$\begin{array}{r} 94(10) - 59(10) = 9 \ 4 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad - \ 5 \ 9 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 3 \ 5 \end{array}$$

Como $4 - 9$ não pode ser feito (pois $9 > 4$), a solução é emprestar uma base do vizinho. Com isto, tem-se $4 + 10 = 14$, e agora pode-se fazer $14 - 9$, cujo resultado é 5.

O um que foi emprestado do 9, deixa-o valendo apenas 8, e agora tem-se $8 - 5 = 3$. O resultado final é 35.

Para facilitar, use a seguinte tabela:

0..9=0..9	E=14	J=19	O=24	T=29	Y=34
A=10	F=15	K=20	P=25	U=30	Z=35
B=11	G=16	L=21	Q=26	V=31	
C=12	H=17	M=22	R=27	W=32	
D=13	I=18	N=23	S=28	X=33	

Nos exercícios a seguir, tente fazer as conversões e as operações solicitadas:

1. Conversões de Base Q para base 10

$$122(18) = \text{_____}(10)$$

$$07(32) = \text{_____}(10)$$

$$510(12) = \text{_____}(10)$$

$$104(24) = \text{_____}(10)$$

$$2120(07) = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$868(10) = \text{_____}(22)$$

$$772(10) = \text{_____}(18)$$

$$642(10) = \text{_____}(21)$$

$$703(10) = \text{_____}(09)$$

$$232(10) = \text{_____}(25)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$1402(06) + 1113(06) = \text{_____}(06)$$

$$1343(05) + 1104(05) = \text{_____}(05)$$

$$1\text{A}1(15) + 1\text{B}9(15) = \text{_____}(15)$$

$$13\text{I}(22) + 103(22) = \text{_____}(22)$$

$$12(19) + 138(19) = \text{_____}(19)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$176(18) - 128(18) = \text{_____}(18)$$

$$297(12) - 181(12) = \text{_____}(12)$$

$$\text{LF}(26) - \text{GP}(26) = \text{_____}(26)$$

$$\text{DD}(27) - 80(27) = \text{_____}(27)$$

$$671(09) - 271(09) = \text{_____}(09)$$

Para você fazer

1. Conversões de Base Q para base 10

$$\text{GO}_{(31)} = \text{_____}(10)$$

$$46\text{A}_{(14)} = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$01059_{(10)} = \text{_____}(27)$$

$$00708_{(10)} = \text{_____}(19)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$10\text{F}_{(22)} + \text{BH}_{(22)} = \text{_____}(22)$$

$$6\text{I}_{(19)} + \text{A}0_{(19)} = \text{_____}(19)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$1\text{D}0_{(16)} - 13\text{A}_{(16)} = \text{_____}(16)$$

$$136_{(18)} - 106_{(18)} = \text{_____}(18)$$

5. Somas em bases diferentes: responda na base do resultado

$$\text{H}3\text{O}_{(34)} + 27\text{A}1_{(20)} = \text{_____}(29)$$

$$\text{L}5_{(25)} + 50406_{(07)} = \text{_____}(16)$$

6. Subtrações em bases diferentes: responda na base do resultado

$$19\text{D}_{(29)} - \text{H}9\text{I}_{(24)} = \text{_____}(22)$$

$$32\text{CG}_{(18)} - 72\text{BC}_{(13)} = \text{_____}(27)$$



101-76513 - gar a

Sistema de numeração

Um numeral é um símbolo ou grupo de símbolos que representa um número em um determinado instante da evolução do homem. Tem-se que, numa determinada escrita ou época, os numerais diferenciaram-se dos números do mesmo modo que as palavras se diferenciaram das coisas a que se referem. Os símbolos "11", "onze" e "XI" (onze em latim) são numerais diferentes, representativos do mesmo número, apenas escrito em idiomas e épocas diferentes. A seguir, os vários aspectos dos sistemas de numerais.

Um sistema de numeração, (ou sistema numeral) é um sistema em que um conjunto de números são representados por numerais de uma forma consistente. Pode ser visto como o contexto que permite ao numeral "11" ser interpretado como o numeral romano para dois, o numeral binário para três ou o numeral decimal para onze.

Em condições ideais, um sistema de numeração deve:

Representar uma grande quantidade de números úteis (ex.: todos os números inteiros, ou todos os números reais); Dar a cada número representado uma única descrição (ou pelo menos uma representação padrão); Refletir as estruturas algébricas e aritméticas dos números. Por exemplo, a representação comum decimal dos números inteiros fornece a cada número inteiro uma representação única como uma sequência finita de algarismos, com as operações aritméticas (adição, subtração, multiplicação e divisão) estando presentes como os algoritmos padrões da aritmética. Contudo, quando a representação decimal é usada para os números racionais ou para os números reais, a representação deixa de ser padronizada: muitos números racionais têm dois tipos de numerais, um padrão que tem fim (por exemplo 2,31), e outro que repete-se periodicamente (como 2,30999999...).

Notação posicional

O valor atribuído a um símbolo é dependente da posição em que ele se encontra no conjunto de símbolos que representa uma quantidade. O valor total do número é a soma dos valores relativos de cada algarismo (decimal). Ou seja, a ordem dos algarismos (números) que estamos acostumados a usar: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0.

Exemplo

No sistema de numeração decimal,

$$735=700+30+5$$

Neste exemplo temos que o algarismo 5 representa 5 unidades. O algarismo 3 representa 3 dezenas (ou 3 grupos de dez unidades). E por último o algarismo 7 representa 7 centenas (ou 7 grupos de cem unidades).

$$573=500+70+3$$

Neste outro exemplo temos que o algarismo 3 representa 3 unidades. O algarismo 7 representa 7 dezenas (ou 7 grupos de dez unidades). E, finalmente, o algarismo 5 representa 5 centenas (ou 5 grupos de cem unidades).

Para seu conhecimento, o QR CODE, usa no registro de caracteres, um base de numeração de base 45. O protetor de conteúdos conhecido como Base64, usa um sistema de numeração de base 64, como aliás é o seu nome.

Aritmética não decimal

A aritmética, tal como a conhecemos, não sofre nenhuma mudança conceitual ou operacional se passarmos a usar bases não decimais. O sistema de numeração usado, desde que posicional, funciona bem.

Para as operações a seguir, considere um conjunto de dígitos sujeito as seguintes regras:

1. O primeiro dígito é sempre ZERO.

2. Existem tantos dígitos quanto é o valor da base.

3. Se forem necessários mais de 10 dígitos, o 11º será a letra A, o 12º a letra B e assim por diante até o 36º dígito que será o Z.

Na soma individual, dígito a dígito, a regra é simples: se a soma for maior que a base, retira-se uma base do total e vai um...

Na subtração individual, dígito a dígito, se o número a subtrair é maior do que o número do qual vai ser feita a subtração, empresta-se uma base do vizinho esquerdo.

Exemplos:

$$\begin{array}{r} 27(10) + 45(10) = \quad 27 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad + \quad 45 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 72 \end{array}$$

Como $7 + 5 = 12$ e 12 é maior do que a base, subtrai-se uma base (10) e o resultado é 2, e "vai um". A resposta final é 72.

$$\begin{array}{r} 94(10) - 59(10) = 94 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad - \quad 59 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 35 \end{array}$$

Como $4 - 9$ não pode ser feito (pois $9 > 4$), a solução é emprestar uma base do vizinho. Com isto, tem-se $4 + 10 = 14$, e agora pode-se fazer $14 - 9$, cujo resultado é 5.

O um que foi emprestado do 9, deixa-o valendo apenas 8, e agora tem-se $8 - 5 = 3$. O resultado final é 35.

Para facilitar, use a seguinte tabela:

0	.9=0	.9	E=14	J=19	O=24	T=29	Y=34
A=10	F=15	K=20	P=25	U=30	Z=35		
B=11	G=16	L=21	Q=26	V=31			
C=12	H=17	M=22	R=27	W=32			
D=13	I=18	N=23	S=28	X=33			

Nos exercícios a seguir, tente fazer as conversões e as operações solicitadas:

1. Conversões de Base Q para base 10

$$122(18) = \text{_____}(10)$$

$$07(32) = \text{_____}(10)$$

$$510(12) = \text{_____}(10)$$

$$104(24) = \text{_____}(10)$$

$$2120(07) = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$868(10) = \text{_____}(22)$$

$$772(10) = \text{_____}(18)$$

$$642(10) = \text{_____}(21)$$

$$703(10) = \text{_____}(09)$$

$$232(10) = \text{_____}(25)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$1402(06) + 1113(06) = \text{_____}(06)$$

$$1343(05) + 1104(05) = \text{_____}(05)$$

$$1A1(15) + 1B9(15) = \text{_____}(15)$$

$$13I(22) + 103(22) = \text{_____}(22)$$

$$I2(19) + 138(19) = \text{_____}(19)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$176(18) - 128(18) = \text{_____}(18)$$

$$297(12) - 181(12) = \text{_____}(12)$$

$$LF(26) - GP(26) = \text{_____}(26)$$

$$DD(27) - 80(27) = \text{_____}(27)$$

$$671(09) - 271(09) = \text{_____}(09)$$

5. Somas em bases diferentes:

$$CIT(31) + 1H88(18) = \text{_____}(09)$$

$$105045(07) + 1I4E(19) = \text{_____}(33)$$

6. Subtrações em bases...

$$KGQ(30) - 155053(06) = \text{_____}(32)$$

$$M7B(24) - D4Q(31) = \text{_____}(25)$$

Para você fazer

1. Conversões de Base Q para base 10

$$16D_{(26)} = \text{_____}(10)$$

$$250_{(20)} = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$00226_{(10)} = \text{_____}(25)$$

$$00475_{(10)} = \text{_____}(12)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$234_{(13)} + B6_{(13)} = \text{_____}(13)$$

$$15C_{(20)} + 137_{(20)} = \text{_____}(20)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$1A2_{(14)} - C7_{(14)} = \text{_____}(14)$$

$$G5_{(18)} - G4_{(18)} = \text{_____}(18)$$

5. Somas em bases diferentes: responda na base do resultado

$$B129_{(12)} + 3569_{(16)} = \text{_____}(13)$$

$$18A9_{(23)} + 8S6_{(35)} = \text{_____}(30)$$

6. Subtrações em bases diferentes: responda na base do resultado

$$JDR_{(32)} - 10E9_{(26)} = \text{_____}(28)$$

$$ICH_{(27)} - ASK_{(34)} = \text{_____}(09)$$



101-76520 - gar a

2. Existem tantos dígitos quanto é o valor da base.
3. Se forem necessários mais de 10 dígitos, o 11º será a letra A, o 12º a letra B e assim por diante até o 36º dígito que será o Z.

5. Somas em bases diferentes:

$$\text{CIT}(31) + 1\text{H}88(18) = \text{_____}(09)$$

$$105045(07) + 1\text{I}4\text{E}(19) = \text{_____}(33)$$

6. Subtrações em bases...

$$\text{KGQ}(30) - 155053(06) = \text{_____}(32)$$

$$\text{M7B}(24) - \text{D}4\text{Q}(31) = \text{_____}(25)$$

Sistema de numeração

Um numeral é um símbolo ou grupo de símbolos que representa um número em um determinado instante da evolução do homem. Tem-se que, numa determinada escrita ou época, os numerais diferenciaram-se dos números do mesmo modo que as palavras se diferenciaram das coisas a que se referem. Os símbolos "11", "onze" e "XI" (onze em latim) são numerais diferentes, representativos do mesmo número, apenas escrito em idiomas e épocas diferentes. A seguir, os vários aspectos dos sistemas de numerais.

Um sistema de numeração, (ou sistema numeral) é um sistema em que um conjunto de números são representados por numerais de uma forma consistente. Pode ser visto como o contexto que permite ao numeral "11" ser interpretado como o numeral romano para dois, o numeral binário para três ou o numeral decimal para onze.

Em condições ideais, um sistema de numeração deve:

Representar uma grande quantidade de números úteis (ex.: todos os números inteiros, ou todos os números reais); Dar a cada número representado uma única descrição (ou pelo menos uma representação padrão); Refletir as estruturas algébricas e aritméticas dos números. Por exemplo, a representação comum decimal dos números inteiros fornece a cada número inteiro uma representação única como uma sequência finita de algarismos, com as operações aritméticas (adição, subtração, multiplicação e divisão) estando presentes como os algoritmos padrões da aritmética. Contudo, quando a representação decimal é usada para os números racionais ou para os números reais, a representação deixa de ser padronizada: muitos números racionais têm dois tipos de numerais, um padrão que tem fim (por exemplo 2,31), e outro que repete-se periodicamente (como 2,30999999...).

Notação posicional

O valor atribuído a um símbolo é dependente da posição em que ele se encontra no conjunto de símbolos que representa uma quantidade. O valor total do número é a soma dos valores relativos de cada algarismo (decimal). Ou seja, a ordem dos algarismos (números) que estamos acostumados a usar: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0.

Exemplo

No sistema de numeração decimal,

$$735=700+30+5$$

Neste exemplo temos que o algarismo 5 representa 5 unidades. O algarismo 3 representa 3 dezenas (ou 3 grupos de dez unidades). E por último o algarismo 7 representa 7 centenas (ou 7 grupos de cem unidades).

$$573=500+70+3$$

Neste outro exemplo temos que o algarismo 3 representa 3 unidades. O algarismo 7 representa 7 dezenas (ou 7 grupos de dez unidades). E, finalmente, o algarismo 5 representa 5 centenas (ou 5 grupos de cem unidades).

Para seu conhecimento, o QR CODE, usa no registro de caracteres, um base de numeração de base 45. O protetor de conteúdos conhecido como Base64, usa um sistema de numeração de base 64, como aliás é o seu nome.

Aritmética não decimal

A aritmética, tal como a conhecemos, não sofre nenhuma mudança conceitual ou operacional se passarmos a usar bases não decimais. O sistema de numeração usado, desde que posicional, funciona bem.

Para as operações a seguir, considere um conjunto de dígitos sujeito as seguintes regras:

1. O primeiro dígito é sempre ZERO.

Na soma individual, dígito a dígito, a regra é simples: se a soma for maior que a base, retira-se uma base do total e vai um...

Na subtração individual, dígito a dígito, se o número a subtrair é maior do que o número do qual vai ser feita a subtração, empresta-se uma base do vizinho esquerdo.

Exemplos:

$$\begin{array}{r} 27(10) + 45(10) = \quad 2 \ 7 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad + \ 4 \ 5 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 7 \ 2 \end{array}$$

Como $7 + 5 = 12$ e 12 é maior do que a base, subtrai-se uma base (10) e o resultado é 2, e "vai um". A resposta final é 72.

$$\begin{array}{r} 94(10) - 59(10) = 9 \ 4 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad - \ 5 \ 9 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 3 \ 5 \end{array}$$

Como $4 - 9$ não pode ser feito (pois $9 > 4$), a solução é emprestar uma base do vizinho. Com isto, tem-se $4 + 10 = 14$, e agora pode-se fazer $14 - 9$, cujo resultado é 5.

O um que foi emprestado do 9, deixa-o valendo apenas 8, e agora tem-se $8 - 5 = 3$. O resultado final é 35.

Para facilitar, use a seguinte tabela:

0	.9=0	.9	E=14	J=19	O=24	T=29	Y=34
A=10	F=15	K=20	P=25	U=30	Z=35		
B=11	G=16	L=21	Q=26	V=31			
C=12	H=17	M=22	R=27	W=32			
D=13	I=18	N=23	S=28	X=33			

Nos exercícios a seguir, tente fazer as conversões e as operações solicitadas:

1. Conversões de Base Q para base 10

$$122(18) = \text{_____}(10)$$

$$07(32) = \text{_____}(10)$$

$$510(12) = \text{_____}(10)$$

$$104(24) = \text{_____}(10)$$

$$2120(07) = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$868(10) = \text{_____}(22)$$

$$772(10) = \text{_____}(18)$$

$$642(10) = \text{_____}(21)$$

$$703(10) = \text{_____}(09)$$

$$232(10) = \text{_____}(25)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$1402(06) + 1113(06) = \text{_____}(06)$$

$$1343(05) + 1104(05) = \text{_____}(05)$$

$$1\text{A}1(15) + 1\text{B}9(15) = \text{_____}(15)$$

$$13\text{I}(22) + 103(22) = \text{_____}(22)$$

$$12(19) + 138(19) = \text{_____}(19)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$176(18) - 128(18) = \text{_____}(18)$$

$$297(12) - 181(12) = \text{_____}(12)$$

$$\text{LF}(26) - \text{GP}(26) = \text{_____}(26)$$

$$\text{DD}(27) - 80(27) = \text{_____}(27)$$

$$671(09) - 271(09) = \text{_____}(09)$$

Para você fazer

1. Conversões de Base Q para base 10

$$8\text{E}_{(25)} = \text{_____}(10)$$

$$167_{(18)} = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$00618_{(10)} = \text{_____}(12)$$

$$00205_{(10)} = \text{_____}(29)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$\text{J}4_{(21)} + \text{G}6_{(21)} = \text{_____}(21)$$

$$4\text{F}_{(23)} + \text{A}9_{(23)} = \text{_____}(23)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$7\text{A}_{(25)} - 4\text{E}_{(25)} = \text{_____}(25)$$

$$\text{K}5_{(24)} - \text{EM}_{(24)} = \text{_____}(24)$$

5. Somas em bases diferentes: responda na base do resultado

$$\text{G}3\text{D}_{(31)} + \text{B}6\text{D}_{(34)} = \text{_____}(17)$$

$$42017_{(08)} + 205350_{(06)} = \text{_____}(15)$$

6. Subtrações em bases diferentes: responda na base do resultado

$$\text{B}287_{(12)} - 36\text{AB}_{(15)} = \text{_____}(31)$$

$$7409_{(13)} - 125\text{I}_{(24)} = \text{_____}(17)$$



101-76537 - gar a

2. Existem tantos dígitos quanto é o valor da base.
3. Se forem necessários mais de 10 dígitos, o 11º será a letra A, o 12º a letra B e assim por diante até o 36º dígito que será o Z.

5. Somas em bases diferentes:

$$\text{CIT}(31) + 1\text{H}88(18) = \text{_____}(09)$$

$$105045(07) + 1\text{I}4\text{E}(19) = \text{_____}(33)$$

6. Subtrações em bases...

$$\text{KGQ}(30) - 155053(06) = \text{_____}(32)$$

$$\text{M7B}(24) - \text{D}4\text{Q}(31) = \text{_____}(25)$$

Sistema de numeração

Um numeral é um símbolo ou grupo de símbolos que representa um número em um determinado instante da evolução do homem. Tem-se que, numa determinada escrita ou época, os numerais diferenciaram-se dos números do mesmo modo que as palavras se diferenciaram das coisas a que se referem. Os símbolos "11", "onze" e "XI" (onze em latim) são numerais diferentes, representativos do mesmo número, apenas escrito em idiomas e épocas diferentes. A seguir, os vários aspectos dos sistemas de numerais.

Um sistema de numeração, (ou sistema numeral) é um sistema em que um conjunto de números são representados por numerais de uma forma consistente. Pode ser visto como o contexto que permite ao numeral "11" ser interpretado como o numeral romano para dois, o numeral binário para três ou o numeral decimal para onze.

Em condições ideais, um sistema de numeração deve:

Representar uma grande quantidade de números úteis (ex.: todos os números inteiros, ou todos os números reais); Dar a cada número representado uma única descrição (ou pelo menos uma representação padrão); Refletir as estruturas algébricas e aritméticas dos números. Por exemplo, a representação comum decimal dos números inteiros fornece a cada número inteiro uma representação única como uma sequência finita de algarismos, com as operações aritméticas (adição, subtração, multiplicação e divisão) estando presentes como os algoritmos padrões da aritmética. Contudo, quando a representação decimal é usada para os números racionais ou para os números reais, a representação deixa de ser padronizada: muitos números racionais têm dois tipos de numerais, um padrão que tem fim (por exemplo 2,31), e outro que repete-se periodicamente (como 2,30999999...).

Notação posicional

O valor atribuído a um símbolo é dependente da posição em que ele se encontra no conjunto de símbolos que representa uma quantidade. O valor total do número é a soma dos valores relativos de cada algarismo (decimal). Ou seja, a ordem dos algarismos (números) que estamos acostumados a usar: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0.

Exemplo

No sistema de numeração decimal,

$$735=700+30+5$$

Neste exemplo temos que o algarismo 5 representa 5 unidades. O algarismo 3 representa 3 dezenas (ou 3 grupos de dez unidades). E por último o algarismo 7 representa 7 centenas (ou 7 grupos de cem unidades).

$$573=500+70+3$$

Neste outro exemplo temos que o algarismo 3 representa 3 unidades. O algarismo 7 representa 7 dezenas (ou 7 grupos de dez unidades). E, finalmente, o algarismo 5 representa 5 centenas (ou 5 grupos de cem unidades).

Para seu conhecimento, o QR CODE, usa no registro de caracteres, um base de numeração de base 45. O protetor de conteúdos conhecido como Base64, usa um sistema de numeração de base 64, como aliás é o seu nome.

Aritmética não decimal

A aritmética, tal como a conhecemos, não sofre nenhuma mudança conceitual ou operacional se passarmos a usar bases não decimais. O sistema de numeração usado, desde que posicional, funciona bem.

Para as operações a seguir, considere um conjunto de dígitos sujeito as seguintes regras:

1. O primeiro dígito é sempre ZERO.

Na soma individual, dígito a dígito, a regra é simples: se a soma for maior que a base, retira-se uma base do total e vai um...

Na subtração individual, dígito a dígito, se o número a subtrair é maior do que o número do qual vai ser feita a subtração, empresta-se uma base do vizinho esquerdo.

Exemplos:

$$\begin{array}{r} 27(10) + 45(10) = \quad 2 \ 7 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad \quad + \quad 4 \ 5 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad \quad 7 \ 2 \end{array}$$

Como $7 + 5 = 12$ e 12 é maior do que a base, subtrai-se uma base (10) e o resultado é 2, e "vai um". A resposta final é 72.

$$\begin{array}{r} 94(10) - 59(10) = 9 \ 4 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad \quad - \quad 5 \ 9 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad \quad 3 \ 5 \end{array}$$

Como $4 - 9$ não pode ser feito (pois $9 > 4$), a solução é emprestar uma base do vizinho. Com isto, tem-se $4 + 10 = 14$, e agora pode-se fazer $14 - 9$, cujo resultado é 5.

O um que foi emprestado do 9, deixa-o valendo apenas 8, e agora tem-se $8 - 5 = 3$. O resultado final é 35.

Para facilitar, use a seguinte tabela:

0	.9=0	.9	E=14	J=19	O=24	T=29	Y=34
A=10	F=15	K=20	P=25	U=30	Z=35		
B=11	G=16	L=21	Q=26	V=31			
C=12	H=17	M=22	R=27	W=32			
D=13	I=18	N=23	S=28	X=33			

Nos exercícios a seguir, tente fazer as conversões e as operações solicitadas:

1. Conversões de Base Q para base 10

$$122(18) = \text{_____}(10)$$

$$07(32) = \text{_____}(10)$$

$$510(12) = \text{_____}(10)$$

$$104(24) = \text{_____}(10)$$

$$2120(07) = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$868(10) = \text{_____}(22)$$

$$772(10) = \text{_____}(18)$$

$$642(10) = \text{_____}(21)$$

$$703(10) = \text{_____}(09)$$

$$232(10) = \text{_____}(25)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$1402(06) + 1113(06) = \text{_____}(06)$$

$$1343(05) + 1104(05) = \text{_____}(05)$$

$$1\text{A}1(15) + 1\text{B}9(15) = \text{_____}(15)$$

$$13\text{I}(22) + 103(22) = \text{_____}(22)$$

$$12(19) + 138(19) = \text{_____}(19)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$176(18) - 128(18) = \text{_____}(18)$$

$$297(12) - 181(12) = \text{_____}(12)$$

$$\text{LF}(26) - \text{GP}(26) = \text{_____}(26)$$

$$\text{DD}(27) - 80(27) = \text{_____}(27)$$

$$671(09) - 271(09) = \text{_____}(09)$$

Para você fazer

1. Conversões de Base Q para base 10

$$1\text{AA}_{(29)} = \text{_____}(10)$$

$$1\text{A}3_{(23)} = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$00566_{(10)} = \text{_____}(23)$$

$$00381_{(10)} = \text{_____}(30)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$\text{BD}_{(23)} + \text{BK}_{(23)} = \text{_____}(23)$$

$$1\text{A}9_{(12)} + 23\text{A}_{(12)} = \text{_____}(12)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$290_{(15)} - 17\text{B}_{(15)} = \text{_____}(15)$$

$$\text{JB}_{(30)} - 6\text{A}_{(30)} = \text{_____}(30)$$

5. Somas em bases diferentes: responda na base do resultado

$$18\text{D}6_{(24)} + \text{H}37_{(31)} = \text{_____}(26)$$

$$\text{N}1\text{O}_{(28)} + 20\text{GC}_{(17)} = \text{_____}(24)$$

6. Subtrações em bases diferentes: responda na base do resultado

$$\text{HT}6_{(30)} - 1\text{GFF}_{(20)} = \text{_____}(14)$$

$$\text{L}53_{(30)} - \text{BL}9_{(35)} = \text{_____}(20)$$



101-76544 - gar a

2. Existem tantos dígitos quanto é o valor da base.
3. Se forem necessários mais de 10 dígitos, o 11º será a letra A, o 12º a letra B e assim por diante até o 36º dígito que será o Z.

5. Somas em bases diferentes:

$$\text{CIT}(31) + 1\text{H88}(18) = \text{_____}(09)$$

$$105045(07) + 1\text{I4E}(19) = \text{_____}(33)$$

6. Subtrações em bases...

$$\text{KGQ}(30) - 155053(06) = \text{_____}(32)$$

$$\text{M7B}(24) - \text{D4Q}(31) = \text{_____}(25)$$

Sistema de numeração

Um numeral é um símbolo ou grupo de símbolos que representa um número em um determinado instante da evolução do homem. Tem-se que, numa determinada escrita ou época, os numerais diferenciaram-se dos números do mesmo modo que as palavras se diferenciaram das coisas a que se referem. Os símbolos "11", "onze" e "XI" (onze em latim) são numerais diferentes, representativos do mesmo número, apenas escrito em idiomas e épocas diferentes. A seguir, os vários aspectos dos sistemas de numerais.

Um sistema de numeração, (ou sistema numeral) é um sistema em que um conjunto de números são representados por numerais de uma forma consistente. Pode ser visto como o contexto que permite ao numeral "11" ser interpretado como o numeral romano para dois, o numeral binário para três ou o numeral decimal para onze.

Em condições ideais, um sistema de numeração deve:

Representar uma grande quantidade de números úteis (ex.: todos os números inteiros, ou todos os números reais); Dar a cada número representado uma única descrição (ou pelo menos uma representação padrão); Refletir as estruturas algébricas e aritméticas dos números. Por exemplo, a representação comum decimal dos números inteiros fornece a cada número inteiro uma representação única como uma sequência finita de algarismos, com as operações aritméticas (adição, subtração, multiplicação e divisão) estando presentes como os algoritmos padrões da aritmética. Contudo, quando a representação decimal é usada para os números racionais ou para os números reais, a representação deixa de ser padronizada: muitos números racionais têm dois tipos de numerais, um padrão que tem fim (por exemplo 2,31), e outro que repete-se periodicamente (como 2,30999999...).

Notação posicional

O valor atribuído a um símbolo é dependente da posição em que ele se encontra no conjunto de símbolos que representa uma quantidade. O valor total do número é a soma dos valores relativos de cada algarismo (decimal). Ou seja, a ordem dos algarismos (números) que estamos acostumados a usar: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0.

Exemplo

No sistema de numeração decimal,

$$735=700+30+5$$

Neste exemplo temos que o algarismo 5 representa 5 unidades. O algarismo 3 representa 3 dezenas (ou 3 grupos de dez unidades). E por último o algarismo 7 representa 7 centenas (ou 7 grupos de cem unidades).

$$573=500+70+3$$

Neste outro exemplo temos que o algarismo 3 representa 3 unidades. O algarismo 7 representa 7 dezenas (ou 7 grupos de dez unidades). E, finalmente, o algarismo 5 representa 5 centenas (ou 5 grupos de cem unidades).

Para seu conhecimento, o QR CODE, usa no registro de caracteres, um base de numeração de base 45. O protetor de conteúdos conhecido como Base64, usa um sistema de numeração de base 64, como aliás é o seu nome.

Aritmética não decimal

A aritmética, tal como a conhecemos, não sofre nenhuma mudança conceitual ou operacional se passarmos a usar bases não decimais. O sistema de numeração usado, desde que posicional, funciona bem.

Para as operações a seguir, considere um conjunto de dígitos sujeito as seguintes regras:

1. O primeiro dígito é sempre ZERO.

Na soma individual, dígito a dígito, a regra é simples: se a soma for maior que a base, retira-se uma base do total e vai um...

Na subtração individual, dígito a dígito, se o número a subtrair é maior do que o número do qual vai ser feita a subtração, empresta-se uma base do vizinho esquerdo.

Exemplos:

$$\begin{array}{r} 27(10) + 45(10) = \quad 2 \ 7 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad + \ 4 \ 5 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 7 \ 2 \end{array}$$

Como $7 + 5 = 12$ e 12 é maior do que a base, subtrai-se uma base (10) e o resultado é 2, e "vai um". A resposta final é 72.

$$\begin{array}{r} 94(10) - 59(10) = 9 \ 4 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad - \ 5 \ 9 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 3 \ 5 \end{array}$$

Como $4 - 9$ não pode ser feito (pois $9 > 4$), a solução é emprestar uma base do vizinho. Com isto, tem-se $4 + 10 = 14$, e agora pode-se fazer $14 - 9$, cujo resultado é 5.

O um que foi emprestado do 9, deixa-o valendo apenas 8, e agora tem-se $8 - 5 = 3$. O resultado final é 35.

Para facilitar, use a seguinte tabela:

0	.9=0	.9	E=14	J=19	O=24	T=29	Y=34
A=10	F=15	K=20	P=25	U=30	Z=35		
B=11	G=16	L=21	Q=26	V=31			
C=12	H=17	M=22	R=27	W=32			
D=13	I=18	N=23	S=28	X=33			

Nos exercícios a seguir, tente fazer as conversões e as operações solicitadas:

1. Conversões de Base Q para base 10

$$122(18) = \text{_____}(10)$$

$$07(32) = \text{_____}(10)$$

$$510(12) = \text{_____}(10)$$

$$104(24) = \text{_____}(10)$$

$$2120(07) = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$868(10) = \text{_____}(22)$$

$$772(10) = \text{_____}(18)$$

$$642(10) = \text{_____}(21)$$

$$703(10) = \text{_____}(09)$$

$$232(10) = \text{_____}(25)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$1402(06) + 1113(06) = \text{_____}(06)$$

$$1343(05) + 1104(05) = \text{_____}(05)$$

$$1\text{A}1(15) + 1\text{B}9(15) = \text{_____}(15)$$

$$13\text{I}(22) + 103(22) = \text{_____}(22)$$

$$12(19) + 138(19) = \text{_____}(19)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$176(18) - 128(18) = \text{_____}(18)$$

$$297(12) - 181(12) = \text{_____}(12)$$

$$\text{LF}(26) - \text{GP}(26) = \text{_____}(26)$$

$$\text{DD}(27) - 80(27) = \text{_____}(27)$$

$$671(09) - 271(09) = \text{_____}(09)$$

Para você fazer

1. Conversões de Base Q para base 10

$$625(11) = \text{_____}(10)$$

$$2\text{EF}(16) = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$01059(10) = \text{_____}(29)$$

$$00459(10) = \text{_____}(32)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$128(18) + 129(18) = \text{_____}(18)$$

$$\text{A}0(25) + \text{K}\text{F}(25) = \text{_____}(25)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$15\text{G}(20) - \text{G}\text{C}(20) = \text{_____}(20)$$

$$7\text{C}(21) - 69(21) = \text{_____}(21)$$

5. Somas em bases diferentes: responda na base do resultado

$$53220(07) + 7099(12) = \text{_____}(19)$$

$$25561(09) + 37602(08) = \text{_____}(32)$$

6. Subtrações em bases diferentes: responda na base do resultado

$$2\text{B}9\text{D}(19) - \text{C}0\text{C}(35) = \text{_____}(16)$$

$$\text{L}9\text{N}(26) - 43240(07) = \text{_____}(15)$$



101-76568 - gar a

2. Existem tantos dígitos quanto é o valor da base.
3. Se forem necessários mais de 10 dígitos, o 11º será a letra A, o 12º a letra B e assim por diante até o 36º dígito que será o Z.

5. Somas em bases diferentes:

CIT(31) + 1H88(18) = _____(09)

105045(07) + 1I4E(19) = _____(33)

6. Subtrações em bases...

KGQ(30) - 155053(06) = _____(32)

M7B(24) - D4Q(31) = _____(25)

Sistema de numeração

Um numeral é um símbolo ou grupo de símbolos que representa um número em um determinado instante da evolução do homem. Tem-se que, numa determinada escrita ou época, os numerais diferenciaram-se dos números do mesmo modo que as palavras se diferenciaram das coisas a que se referem. Os símbolos "11", "onze" e "XI" (onze em latim) são numerais diferentes, representativos do mesmo número, apenas escrito em idiomas e épocas diferentes. A seguir, os vários aspectos dos sistemas de numerais.

Um sistema de numeração, (ou sistema numeral) é um sistema em que um conjunto de números são representados por numerais de uma forma consistente. Pode ser visto como o contexto que permite ao numeral "11" ser interpretado como o numeral romano para dois, o numeral binário para três ou o numeral decimal para onze.

Em condições ideais, um sistema de numeração deve:

Representar uma grande quantidade de números úteis (ex.: todos os números inteiros, ou todos os números reais); Dar a cada número representado uma única descrição (ou pelo menos uma representação padrão); Refletir as estruturas algébricas e aritméticas dos números. Por exemplo, a representação comum decimal dos números inteiros fornece a cada número inteiro uma representação única como uma sequência finita de algarismos, com as operações aritméticas (adição, subtração, multiplicação e divisão) estando presentes como os algoritmos padrões da aritmética. Contudo, quando a representação decimal é usada para os números racionais ou para os números reais, a representação deixa de ser padronizada: muitos números racionais têm dois tipos de numerais, um padrão que tem fim (por exemplo 2,31), e outro que repete-se periodicamente (como 2,30999999...).

Notação posicional

O valor atribuído a um símbolo é dependente da posição em que ele se encontra no conjunto de símbolos que representa uma quantidade. O valor total do número é a soma dos valores relativos de cada algarismo (decimal). Ou seja, a ordem dos algarismos (números) que estamos acostumados a usar: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0.

Exemplo

No sistema de numeração decimal,

$$735=700+30+5$$

Neste exemplo temos que o algarismo 5 representa 5 unidades. O algarismo 3 representa 3 dezenas (ou 3 grupos de dez unidades). E por último o algarismo 7 representa 7 centenas (ou 7 grupos de cem unidades).

$$573=500+70+3$$

Neste outro exemplo temos que o algarismo 3 representa 3 unidades. O algarismo 7 representa 7 dezenas (ou 7 grupos de dez unidades). E, finalmente, o algarismo 5 representa 5 centenas (ou 5 grupos de cem unidades).

Para seu conhecimento, o QR CODE, usa no registro de caracteres, um base de numeração de base 45. O protetor de conteúdos conhecido como Base64, usa um sistema de numeração de base 64, como aliás é o seu nome.

Aritmética não decimal

A aritmética, tal como a conhecemos, não sofre nenhuma mudança conceitual ou operacional se passarmos a usar bases não decimais. O sistema de numeração usado, desde que posicional, funciona bem.

Para as operações a seguir, considere um conjunto de dígitos sujeito as seguintes regras:

1. O primeiro dígito é sempre ZERO.

Na soma individual, dígito a dígito, a regra é simples: se a soma for maior que a base, retira-se uma base do total e vai um...

Na subtração individual, dígito a dígito, se o número a subtrair é maior do que o número do qual vai ser feita a subtração, empresta-se uma base do vizinho esquerdo.

Exemplos:

$$\begin{array}{r} 27(10) + 45(10) = \quad 2 \ 7 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad + \ 4 \ 5 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 7 \ 2 \end{array}$$

Como $7 + 5 = 12$ e 12 é maior do que a base, subtrai-se uma base (10) e o resultado é 2, e "vai um". A resposta final é 72.

$$\begin{array}{r} 94(10) - 59(10) = 9 \ 4 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad - \ 5 \ 9 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 3 \ 5 \end{array}$$

Como $4 - 9$ não pode ser feito (pois $9 > 4$), a solução é emprestar uma base do vizinho. Com isto, tem-se $4 + 10 = 14$, e agora pode-se fazer $14 - 9$, cujo resultado é 5.

O um que foi emprestado do 9, deixa-o valendo apenas 8, e agora tem-se $8 - 5 = 3$. O resultado final é 35.

Para facilitar, use a seguinte tabela:

0	.9=0	.9	E=14	J=19	O=24	T=29	Y=34
A=10	F=15	K=20	P=25	U=30	Z=35		
B=11	G=16	L=21	Q=26	V=31			
C=12	H=17	M=22	R=27	W=32			
D=13	I=18	N=23	S=28	X=33			

Nos exercícios a seguir, tente fazer as conversões e as operações solicitadas:

1. Conversões de Base Q para base 10

$$122(18) = \text{_____}(10)$$

$$07(32) = \text{_____}(10)$$

$$510(12) = \text{_____}(10)$$

$$104(24) = \text{_____}(10)$$

$$2120(07) = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$868(10) = \text{_____}(22)$$

$$772(10) = \text{_____}(18)$$

$$642(10) = \text{_____}(21)$$

$$703(10) = \text{_____}(09)$$

$$232(10) = \text{_____}(25)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$1402(06) + 1113(06) = \text{_____}(06)$$

$$1343(05) + 1104(05) = \text{_____}(05)$$

$$1A1(15) + 1B9(15) = \text{_____}(15)$$

$$13I(22) + 103(22) = \text{_____}(22)$$

$$I2(19) + 138(19) = \text{_____}(19)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$176(18) - 128(18) = \text{_____}(18)$$

$$297(12) - 181(12) = \text{_____}(12)$$

$$LF(26) - GP(26) = \text{_____}(26)$$

$$DD(27) - 80(27) = \text{_____}(27)$$

$$671(09) - 271(09) = \text{_____}(09)$$

Para você fazer

1. Conversões de Base Q para base 10

$$1L0_{(22)} = \text{_____}(10)$$

$$2E8_{(20)} = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$00629_{(10)} = \text{_____}(24)$$

$$00647_{(10)} = \text{_____}(15)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$1D4_{(14)} + 14A_{(14)} = \text{_____}(14)$$

$$160_{(11)} + 347_{(11)} = \text{_____}(11)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$CG_{(22)} - 5F_{(22)} = \text{_____}(22)$$

$$66_{(32)} - 56_{(32)} = \text{_____}(32)$$

5. Somas em bases diferentes: responda na base do resultado

$$A557_{(12)} + 1H20_{(21)} = \text{_____}(29)$$

$$71D0_{(14)} + 33135_{(08)} = \text{_____}(07)$$

6. Subtrações em bases diferentes: responda na base do resultado

$$52605_{(07)} - 177I_{(20)} = \text{_____}(33)$$

$$7920_{(13)} - BID_{(31)} = \text{_____}(19)$$



101-76575 - gar a

2. Existem tantos dígitos quanto é o valor da base.
3. Se forem necessários mais de 10 dígitos, o 11º será a letra A, o 12º a letra B e assim por diante até o 36º dígito que será o Z.

5. Somas em bases diferentes:

$$\text{CIT}(31) + 1\text{H}88(18) = \text{_____}(09)$$

$$105045(07) + 1\text{I}4\text{E}(19) = \text{_____}(33)$$

6. Subtrações em bases...

$$\text{KGQ}(30) - 155053(06) = \text{_____}(32)$$

$$\text{M7B}(24) - \text{D}4\text{Q}(31) = \text{_____}(25)$$

Sistema de numeração

Um numeral é um símbolo ou grupo de símbolos que representa um número em um determinado instante da evolução do homem. Tem-se que, numa determinada escrita ou época, os numerais diferenciaram-se dos números do mesmo modo que as palavras se diferenciaram das coisas a que se referem. Os símbolos "11", "onze" e "XI" (onze em latim) são numerais diferentes, representativos do mesmo número, apenas escrito em idiomas e épocas diferentes. A seguir, os vários aspectos dos sistemas de numerais.

Um sistema de numeração, (ou sistema numeral) é um sistema em que um conjunto de números são representados por numerais de uma forma consistente. Pode ser visto como o contexto que permite ao numeral "11" ser interpretado como o numeral romano para dois, o numeral binário para três ou o numeral decimal para onze.

Em condições ideais, um sistema de numeração deve:

Representar uma grande quantidade de números úteis (ex.: todos os números inteiros, ou todos os números reais); Dar a cada número representado uma única descrição (ou pelo menos uma representação padrão); Refletir as estruturas algébricas e aritméticas dos números. Por exemplo, a representação comum decimal dos números inteiros fornece a cada número inteiro uma representação única como uma sequência finita de algarismos, com as operações aritméticas (adição, subtração, multiplicação e divisão) estando presentes como os algoritmos padrões da aritmética. Contudo, quando a representação decimal é usada para os números racionais ou para os números reais, a representação deixa de ser padronizada: muitos números racionais têm dois tipos de numerais, um padrão que tem fim (por exemplo 2,31), e outro que repete-se periodicamente (como 2,30999999...).

Notação posicional

O valor atribuído a um símbolo é dependente da posição em que ele se encontra no conjunto de símbolos que representa uma quantidade. O valor total do número é a soma dos valores relativos de cada algarismo (decimal). Ou seja, a ordem dos algarismos (números) que estamos acostumados a usar: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0.

Exemplo

No sistema de numeração decimal,

$$735=700+30+5$$

Neste exemplo temos que o algarismo 5 representa 5 unidades. O algarismo 3 representa 3 dezenas (ou 3 grupos de dez unidades). E por último o algarismo 7 representa 7 centenas (ou 7 grupos de cem unidades).

$$573=500+70+3$$

Neste outro exemplo temos que o algarismo 3 representa 3 unidades. O algarismo 7 representa 7 dezenas (ou 7 grupos de dez unidades). E, finalmente, o algarismo 5 representa 5 centenas (ou 5 grupos de cem unidades).

Para seu conhecimento, o QR CODE, usa no registro de caracteres, um base de numeração de base 45. O protetor de conteúdos conhecido como Base64, usa um sistema de numeração de base 64, como aliás é o seu nome.

Aritmética não decimal

A aritmética, tal como a conhecemos, não sofre nenhuma mudança conceitual ou operacional se passarmos a usar bases não decimais. O sistema de numeração usado, desde que posicional, funciona bem.

Para as operações a seguir, considere um conjunto de dígitos sujeito as seguintes regras:

1. O primeiro dígito é sempre ZERO.

Na soma individual, dígito a dígito, a regra é simples: se a soma for maior que a base, retira-se uma base do total e vai um...

Na subtração individual, dígito a dígito, se o número a subtrair é maior do que o número do qual vai ser feita a subtração, empresta-se uma base do vizinho esquerdo.

Exemplos:

$$\begin{array}{r} 27(10) + 45(10) = \quad 2 \ 7 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad + \ 4 \ 5 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 7 \ 2 \end{array}$$

Como $7 + 5 = 12$ e 12 é maior do que a base, subtrai-se uma base (10) e o resultado é 2, e "vai um". A resposta final é 72.

$$\begin{array}{r} 94(10) - 59(10) = 9 \ 4 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad - \ 5 \ 9 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 3 \ 5 \end{array}$$

Como $4 - 9$ não pode ser feito (pois $9 > 4$), a solução é emprestar uma base do vizinho. Com isto, tem-se $4 + 10 = 14$, e agora pode-se fazer $14 - 9$, cujo resultado é 5.

O um que foi emprestado do 9, deixa-o valendo apenas 8, e agora tem-se $8 - 5 = 3$. O resultado final é 35.

Para facilitar, use a seguinte tabela:

0	.9=0	.9	E=14	J=19	O=24	T=29	Y=34
A=10	F=15	K=20	P=25	U=30	Z=35		
B=11	G=16	L=21	Q=26	V=31			
C=12	H=17	M=22	R=27	W=32			
D=13	I=18	N=23	S=28	X=33			

Nos exercícios a seguir, tente fazer as conversões e as operações solicitadas:

1. Conversões de Base Q para base 10

$$122(18) = \text{_____}(10)$$

$$07(32) = \text{_____}(10)$$

$$510(12) = \text{_____}(10)$$

$$104(24) = \text{_____}(10)$$

$$2120(07) = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$868(10) = \text{_____}(22)$$

$$772(10) = \text{_____}(18)$$

$$642(10) = \text{_____}(21)$$

$$703(10) = \text{_____}(09)$$

$$232(10) = \text{_____}(25)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$1402(06) + 1113(06) = \text{_____}(06)$$

$$1343(05) + 1104(05) = \text{_____}(05)$$

$$1\text{A}1(15) + 1\text{B}9(15) = \text{_____}(15)$$

$$13\text{I}(22) + 103(22) = \text{_____}(22)$$

$$12(19) + 138(19) = \text{_____}(19)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$176(18) - 128(18) = \text{_____}(18)$$

$$297(12) - 181(12) = \text{_____}(12)$$

$$\text{LF}(26) - \text{GP}(26) = \text{_____}(26)$$

$$\text{DD}(27) - 80(27) = \text{_____}(27)$$

$$671(09) - 271(09) = \text{_____}(09)$$

Para você fazer

1. Conversões de Base Q para base 10

$$2\text{B}4_{(13)} = \text{_____}(10)$$

$$30\text{F}_{(19)} = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$00214_{(10)} = \text{_____}(27)$$

$$00480_{(10)} = \text{_____}(24)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$72_{(31)} + \text{B}\text{M}_{(31)} = \text{_____}(31)$$

$$\text{G}\text{T}_{(31)} + \text{G}5_{(31)} = \text{_____}(31)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$\text{A}\text{F}_{(29)} - 8\text{C}_{(29)} = \text{_____}(29)$$

$$400_{(12)} - 333_{(12)} = \text{_____}(12)$$

5. Somas em bases diferentes: responda na base do resultado

$$224401_{(06)} + 2\text{B}56_{(16)} = \text{_____}(22)$$

$$8\text{A}\text{A}5_{(12)} + 5\text{A}5\text{C}_{(13)} = \text{_____}(20)$$

6. Subtrações em bases diferentes: responda na base do resultado

$$36\text{C}\text{C}_{(18)} - 6590_{(13)} = \text{_____}(07)$$

$$6180_{(13)} - 3\text{C}86_{(15)} = \text{_____}(21)$$



101-76582 - gar a

2. Existem tantos dígitos quanto é o valor da base.
3. Se forem necessários mais de 10 dígitos, o 11º será a letra A, o 12º a letra B e assim por diante até o 36º dígito que será o Z.

5. Somas em bases diferentes:

$$\text{CIT}(31) + 1\text{H}88(18) = \text{_____}(09)$$

$$105045(07) + 1\text{I}4\text{E}(19) = \text{_____}(33)$$

6. Subtrações em bases...

$$\text{KGQ}(30) - 155053(06) = \text{_____}(32)$$

$$\text{M7B}(24) - \text{D}4\text{Q}(31) = \text{_____}(25)$$

Sistema de numeração

Um numeral é um símbolo ou grupo de símbolos que representa um número em um determinado instante da evolução do homem. Tem-se que, numa determinada escrita ou época, os numerais diferenciaram-se dos números do mesmo modo que as palavras se diferenciaram das coisas a que se referem. Os símbolos "11", "onze" e "XI" (onze em latim) são numerais diferentes, representativos do mesmo número, apenas escrito em idiomas e épocas diferentes. A seguir, os vários aspectos dos sistemas de numerais.

Um sistema de numeração, (ou sistema numeral) é um sistema em que um conjunto de números são representados por numerais de uma forma consistente. Pode ser visto como o contexto que permite ao numeral "11" ser interpretado como o numeral romano para dois, o numeral binário para três ou o numeral decimal para onze.

Em condições ideais, um sistema de numeração deve:

Representar uma grande quantidade de números úteis (ex.: todos os números inteiros, ou todos os números reais); Dar a cada número representado uma única descrição (ou pelo menos uma representação padrão); Refletir as estruturas algébricas e aritméticas dos números. Por exemplo, a representação comum decimal dos números inteiros fornece a cada número inteiro uma representação única como uma sequência finita de algarismos, com as operações aritméticas (adição, subtração, multiplicação e divisão) estando presentes como os algoritmos padrões da aritmética. Contudo, quando a representação decimal é usada para os números racionais ou para os números reais, a representação deixa de ser padronizada: muitos números racionais têm dois tipos de numerais, um padrão que tem fim (por exemplo 2,31), e outro que repete-se periodicamente (como 2,30999999...).

Notação posicional

O valor atribuído a um símbolo é dependente da posição em que ele se encontra no conjunto de símbolos que representa uma quantidade. O valor total do número é a soma dos valores relativos de cada algarismo (decimal). Ou seja, a ordem dos algarismos (números) que estamos acostumados a usar: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0.

Exemplo

No sistema de numeração decimal,

$$735=700+30+5$$

Neste exemplo temos que o algarismo 5 representa 5 unidades. O algarismo 3 representa 3 dezenas (ou 3 grupos de dez unidades). E por último o algarismo 7 representa 7 centenas (ou 7 grupos de cem unidades).

$$573=500+70+3$$

Neste outro exemplo temos que o algarismo 3 representa 3 unidades. O algarismo 7 representa 7 dezenas (ou 7 grupos de dez unidades). E, finalmente, o algarismo 5 representa 5 centenas (ou 5 grupos de cem unidades).

Para seu conhecimento, o QR CODE, usa no registro de caracteres, um base de numeração de base 45. O protetor de conteúdos conhecido como Base64, usa um sistema de numeração de base 64, como aliás é o seu nome.

Aritmética não decimal

A aritmética, tal como a conhecemos, não sofre nenhuma mudança conceitual ou operacional se passarmos a usar bases não decimais. O sistema de numeração usado, desde que posicional, funciona bem.

Para as operações a seguir, considere um conjunto de dígitos sujeito as seguintes regras:

1. O primeiro dígito é sempre ZERO.

Na soma individual, dígito a dígito, a regra é simples: se a soma for maior que a base, retira-se uma base do total e vai um...

Na subtração individual, dígito a dígito, se o número a subtrair é maior do que o número do qual vai ser feita a subtração, empresta-se uma base do vizinho esquerdo.

Exemplos:

$$\begin{array}{r} 27(10) + 45(10) = \quad 2 \ 7 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad + \quad 4 \ 5 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 7 \ 2 \end{array}$$

Como $7 + 5 = 12$ e 12 é maior do que a base, subtrai-se uma base (10) e o resultado é 2, e "vai um". A resposta final é 72.

$$\begin{array}{r} 94(10) - 59(10) = 9 \ 4 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad - \quad 5 \ 9 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 3 \ 5 \end{array}$$

Como $4 - 9$ não pode ser feito (pois $9 > 4$), a solução é emprestar uma base do vizinho. Com isto, tem-se $4 + 10 = 14$, e agora pode-se fazer $14 - 9$, cujo resultado é 5.

O um que foi emprestado do 9, deixa-o valendo apenas 8, e agora tem-se $8 - 5 = 3$. O resultado final é 35.

Para facilitar, use a seguinte tabela:

0	.9=0	.9	E=14	J=19	O=24	T=29	Y=34
A=10	F=15	K=20	P=25	U=30	Z=35		
B=11	G=16	L=21	Q=26	V=31			
C=12	H=17	M=22	R=27	W=32			
D=13	I=18	N=23	S=28	X=33			

Nos exercícios a seguir, tente fazer as conversões e as operações solicitadas:

1. Conversões de Base Q para base 10

$$122(18) = \text{_____}(10)$$

$$07(32) = \text{_____}(10)$$

$$510(12) = \text{_____}(10)$$

$$104(24) = \text{_____}(10)$$

$$2120(07) = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$868(10) = \text{_____}(22)$$

$$772(10) = \text{_____}(18)$$

$$642(10) = \text{_____}(21)$$

$$703(10) = \text{_____}(09)$$

$$232(10) = \text{_____}(25)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$1402(06) + 1113(06) = \text{_____}(06)$$

$$1343(05) + 1104(05) = \text{_____}(05)$$

$$1\text{A}1(15) + 1\text{B}9(15) = \text{_____}(15)$$

$$13\text{I}(22) + 103(22) = \text{_____}(22)$$

$$12(19) + 138(19) = \text{_____}(19)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$176(18) - 128(18) = \text{_____}(18)$$

$$297(12) - 181(12) = \text{_____}(12)$$

$$\text{LF}(26) - \text{GP}(26) = \text{_____}(26)$$

$$\text{DD}(27) - 80(27) = \text{_____}(27)$$

$$671(09) - 271(09) = \text{_____}(09)$$

Para você fazer

1. Conversões de Base Q para base 10

$$2\text{G}4(17) = \text{_____}(10)$$

$$1\text{D}\text{P}(26) = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$00997(10) = \text{_____}(24)$$

$$01033(10) = \text{_____}(18)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$20\text{D}(16) + 1\text{C}\text{E}(16) = \text{_____}(16)$$

$$\text{H}7(22) + \text{L}\text{F}(22) = \text{_____}(22)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$\text{E}\text{A}(28) - \text{B}9(28) = \text{_____}(28)$$

$$86(24) - 45(24) = \text{_____}(24)$$

5. Somas em bases diferentes: responda na base do resultado

$$\text{E}\text{I}8(29) + 8557(11) = \text{_____}(30)$$

$$\text{F}\text{Y}7(35) + \text{P}\text{C}\text{G}(26) = \text{_____}(28)$$

6. Subtrações em bases diferentes: responda na base do resultado

$$26576(09) - \text{B}\text{J}\text{K}(30) = \text{_____}(23)$$

$$\text{G}\text{A}\text{I}(35) - 29\text{D}4(16) = \text{_____}(06)$$



101-76599 - gar a

2. Existem tantos dígitos quanto é o valor da base.
3. Se forem necessários mais de 10 dígitos, o 11º será a letra A, o 12º a letra B e assim por diante até o 36º dígito que será o Z.

5. Somas em bases diferentes:

$$\text{CIT}(31) + 1\text{H}88(18) = \text{_____}(09)$$

$$105045(07) + 1\text{I}4\text{E}(19) = \text{_____}(33)$$

6. Subtrações em bases...

$$\text{KGQ}(30) - 155053(06) = \text{_____}(32)$$

$$\text{M7B}(24) - \text{D}4\text{Q}(31) = \text{_____}(25)$$

Sistema de numeração

Um numeral é um símbolo ou grupo de símbolos que representa um número em um determinado instante da evolução do homem. Tem-se que, numa determinada escrita ou época, os numerais diferenciaram-se dos números do mesmo modo que as palavras se diferenciaram das coisas a que se referem. Os símbolos "11", "onze" e "XI" (onze em latim) são numerais diferentes, representativos do mesmo número, apenas escrito em idiomas e épocas diferentes. A seguir, os vários aspectos dos sistemas de numerais.

Um sistema de numeração, (ou sistema numeral) é um sistema em que um conjunto de números são representados por numerais de uma forma consistente. Pode ser visto como o contexto que permite ao numeral "11" ser interpretado como o numeral romano para dois, o numeral binário para três ou o numeral decimal para onze.

Em condições ideais, um sistema de numeração deve:

Representar uma grande quantidade de números úteis (ex.: todos os números inteiros, ou todos os números reais); Dar a cada número representado uma única descrição (ou pelo menos uma representação padrão); Refletir as estruturas algébricas e aritméticas dos números. Por exemplo, a representação comum decimal dos números inteiros fornece a cada número inteiro uma representação única como uma sequência finita de algarismos, com as operações aritméticas (adição, subtração, multiplicação e divisão) estando presentes como os algoritmos padrões da aritmética. Contudo, quando a representação decimal é usada para os números racionais ou para os números reais, a representação deixa de ser padronizada: muitos números racionais têm dois tipos de numerais, um padrão que tem fim (por exemplo 2,31), e outro que repete-se periodicamente (como 2,30999999...).

Notação posicional

O valor atribuído a um símbolo é dependente da posição em que ele se encontra no conjunto de símbolos que representa uma quantidade. O valor total do número é a soma dos valores relativos de cada algarismo (decimal). Ou seja, a ordem dos algarismos (números) que estamos acostumados a usar: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0.

Exemplo

No sistema de numeração decimal,

$$735=700+30+5$$

Neste exemplo temos que o algarismo 5 representa 5 unidades. O algarismo 3 representa 3 dezenas (ou 3 grupos de dez unidades). E por último o algarismo 7 representa 7 centenas (ou 7 grupos de cem unidades).

$$573=500+70+3$$

Neste outro exemplo temos que o algarismo 3 representa 3 unidades. O algarismo 7 representa 7 dezenas (ou 7 grupos de dez unidades). E, finalmente, o algarismo 5 representa 5 centenas (ou 5 grupos de cem unidades).

Para seu conhecimento, o QR CODE, usa no registro de caracteres, um base de numeração de base 45. O protetor de conteúdos conhecido como Base64, usa um sistema de numeração de base 64, como aliás é o seu nome.

Aritmética não decimal

A aritmética, tal como a conhecemos, não sofre nenhuma mudança conceitual ou operacional se passarmos a usar bases não decimais. O sistema de numeração usado, desde que posicional, funciona bem.

Para as operações a seguir, considere um conjunto de dígitos sujeito as seguintes regras:

1. O primeiro dígito é sempre ZERO.

Na soma individual, dígito a dígito, a regra é simples: se a soma for maior que a base, retira-se uma base do total e vai um...

Na subtração individual, dígito a dígito, se o número a subtrair é maior do que o número do qual vai ser feita a subtração, empresta-se uma base do vizinho esquerdo.

Exemplos:

$$\begin{array}{r} 27(10) + 45(10) = \quad 2 \ 7 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad + \quad 4 \ 5 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 7 \ 2 \end{array}$$

Como $7 + 5 = 12$ e 12 é maior do que a base, subtrai-se uma base (10) e o resultado é 2, e "vai um". A resposta final é 72.

$$\begin{array}{r} 94(10) - 59(10) = 9 \ 4 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad - \quad 5 \ 9 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 3 \ 5 \end{array}$$

Como $4 - 9$ não pode ser feito (pois $9 > 4$), a solução é emprestar uma base do vizinho. Com isto, tem-se $4 + 10 = 14$, e agora pode-se fazer $14 - 9$, cujo resultado é 5.

O um que foi emprestado do 9, deixa-o valendo apenas 8, e agora tem-se $8 - 5 = 3$. O resultado final é 35.

Para facilitar, use a seguinte tabela:

0..9=0..9	E=14	J=19	O=24	T=29	Y=34
A=10	F=15	K=20	P=25	U=30	Z=35
B=11	G=16	L=21	Q=26	V=31	
C=12	H=17	M=22	R=27	W=32	
D=13	I=18	N=23	S=28	X=33	

Nos exercícios a seguir, tente fazer as conversões e as operações solicitadas:

1. Conversões de Base Q para base 10

$$122(18) = \text{_____}(10)$$

$$07(32) = \text{_____}(10)$$

$$510(12) = \text{_____}(10)$$

$$104(24) = \text{_____}(10)$$

$$2120(07) = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$868(10) = \text{_____}(22)$$

$$772(10) = \text{_____}(18)$$

$$642(10) = \text{_____}(21)$$

$$703(10) = \text{_____}(09)$$

$$232(10) = \text{_____}(25)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$1402(06) + 1113(06) = \text{_____}(06)$$

$$1343(05) + 1104(05) = \text{_____}(05)$$

$$1\text{A}1(15) + 1\text{B}9(15) = \text{_____}(15)$$

$$13\text{I}(22) + 103(22) = \text{_____}(22)$$

$$12(19) + 138(19) = \text{_____}(19)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$176(18) - 128(18) = \text{_____}(18)$$

$$297(12) - 181(12) = \text{_____}(12)$$

$$\text{LF}(26) - \text{GP}(26) = \text{_____}(26)$$

$$\text{DD}(27) - 80(27) = \text{_____}(27)$$

$$671(09) - 271(09) = \text{_____}(09)$$

Para você fazer

1. Conversões de Base Q para base 10

$$17\text{E}(19) = \text{_____}(10)$$

$$581(13) = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$00722(10) = \text{_____}(16)$$

$$00216(10) = \text{_____}(30)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$\text{F}0(25) + \text{C}\text{C}(25) = \text{_____}(25)$$

$$84(27) + \text{E}1(27) = \text{_____}(27)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$1\text{F}\text{A}(17) - \text{A}0(17) = \text{_____}(17)$$

$$23\text{C}(14) - 119(14) = \text{_____}(14)$$

5. Somas em bases diferentes: responda na base do resultado

$$\text{C}\text{O}\text{L}(29) + \text{A}3\text{E}(32) = \text{_____}(16)$$

$$\text{O}\text{G}\text{R}(28) + 1\text{K}\text{K}3(21) = \text{_____}(16)$$

6. Subtrações em bases diferentes: responda na base do resultado

$$24117(09) - 8219(11) = \text{_____}(14)$$

$$\text{N}9\text{P}(26) - 11\text{C}8(22) = \text{_____}(14)$$



101-76601 - gar a

2. Existem tantos dígitos quanto é o valor da base.
3. Se forem necessários mais de 10 dígitos, o 11º será a letra A, o 12º a letra B e assim por diante até o 36º dígito que será o Z.

5. Somas em bases diferentes:

$$\text{CIT}(31) + 1\text{H}88(18) = \text{_____}(09)$$

$$105045(07) + 1\text{I}4\text{E}(19) = \text{_____}(33)$$

6. Subtrações em bases...

$$\text{KGQ}(30) - 155053(06) = \text{_____}(32)$$

$$\text{M7B}(24) - \text{D}4\text{Q}(31) = \text{_____}(25)$$

Sistema de numeração

Um numeral é um símbolo ou grupo de símbolos que representa um número em um determinado instante da evolução do homem. Tem-se que, numa determinada escrita ou época, os numerais diferenciaram-se dos números do mesmo modo que as palavras se diferenciaram das coisas a que se referem. Os símbolos "11", "onze" e "XI" (onze em latim) são numerais diferentes, representativos do mesmo número, apenas escrito em idiomas e épocas diferentes. A seguir, os vários aspectos dos sistemas de numerais.

Um sistema de numeração, (ou sistema numeral) é um sistema em que um conjunto de números são representados por numerais de uma forma consistente. Pode ser visto como o contexto que permite ao numeral "11" ser interpretado como o numeral romano para dois, o numeral binário para três ou o numeral decimal para onze.

Em condições ideais, um sistema de numeração deve:

Representar uma grande quantidade de números úteis (ex.: todos os números inteiros, ou todos os números reais); Dar a cada número representado uma única descrição (ou pelo menos uma representação padrão); Refletir as estruturas algébricas e aritméticas dos números. Por exemplo, a representação comum decimal dos números inteiros fornece a cada número inteiro uma representação única como uma sequência finita de algarismos, com as operações aritméticas (adição, subtração, multiplicação e divisão) estando presentes como os algoritmos padrões da aritmética. Contudo, quando a representação decimal é usada para os números racionais ou para os números reais, a representação deixa de ser padronizada: muitos números racionais têm dois tipos de numerais, um padrão que tem fim (por exemplo 2,31), e outro que repete-se periodicamente (como 2,30999999...).

Notação posicional

O valor atribuído a um símbolo é dependente da posição em que ele se encontra no conjunto de símbolos que representa uma quantidade. O valor total do número é a soma dos valores relativos de cada algarismo (decimal). Ou seja, a ordem dos algarismos (números) que estamos acostumados a usar: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0.

Exemplo

No sistema de numeração decimal,

$$735=700+30+5$$

Neste exemplo temos que o algarismo 5 representa 5 unidades. O algarismo 3 representa 3 dezenas (ou 3 grupos de dez unidades). E por último o algarismo 7 representa 7 centenas (ou 7 grupos de cem unidades).

$$573=500+70+3$$

Neste outro exemplo temos que o algarismo 3 representa 3 unidades. O algarismo 7 representa 7 dezenas (ou 7 grupos de dez unidades). E, finalmente, o algarismo 5 representa 5 centenas (ou 5 grupos de cem unidades).

Para seu conhecimento, o QR CODE, usa no registro de caracteres, um base de numeração de base 45. O protetor de conteúdos conhecido como Base64, usa um sistema de numeração de base 64, como aliás é o seu nome.

Aritmética não decimal

A aritmética, tal como a conhecemos, não sofre nenhuma mudança conceitual ou operacional se passarmos a usar bases não decimais. O sistema de numeração usado, desde que posicional, funciona bem.

Para as operações a seguir, considere um conjunto de dígitos sujeito as seguintes regras:

1. O primeiro dígito é sempre ZERO.

Na soma individual, dígito a dígito, a regra é simples: se a soma for maior que a base, retira-se uma base do total e vai um...

Na subtração individual, dígito a dígito, se o número a subtrair é maior do que o número do qual vai ser feita a subtração, empresta-se uma base do vizinho esquerdo.

Exemplos:

$$\begin{array}{r} 27(10) + 45(10) = \quad 2 \ 7 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad + \ 4 \ 5 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 7 \ 2 \end{array}$$

Como $7 + 5 = 12$ e 12 é maior do que a base, subtrai-se uma base (10) e o resultado é 2, e "vai um". A resposta final é 72.

$$\begin{array}{r} 94(10) - 59(10) = 9 \ 4 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad - \ 5 \ 9 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 3 \ 5 \end{array}$$

Como $4 - 9$ não pode ser feito (pois $9 > 4$), a solução é emprestar uma base do vizinho. Com isto, tem-se $4 + 10 = 14$, e agora pode-se fazer $14 - 9$, cujo resultado é 5.

O um que foi emprestado do 9, deixa-o valendo apenas 8, e agora tem-se $8 - 5 = 3$. O resultado final é 35.

Para facilitar, use a seguinte tabela:

0	.9=0	.9	E=14	J=19	O=24	T=29	Y=34
A=10	F=15	K=20	P=25	U=30	Z=35		
B=11	G=16	L=21	Q=26	V=31			
C=12	H=17	M=22	R=27	W=32			
D=13	I=18	N=23	S=28	X=33			

Nos exercícios a seguir, tente fazer as conversões e as operações solicitadas:

1. Conversões de Base Q para base 10

$$122(18) = \text{_____}(10)$$

$$07(32) = \text{_____}(10)$$

$$510(12) = \text{_____}(10)$$

$$104(24) = \text{_____}(10)$$

$$2120(07) = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$868(10) = \text{_____}(22)$$

$$772(10) = \text{_____}(18)$$

$$642(10) = \text{_____}(21)$$

$$703(10) = \text{_____}(09)$$

$$232(10) = \text{_____}(25)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$1402(06) + 1113(06) = \text{_____}(06)$$

$$1343(05) + 1104(05) = \text{_____}(05)$$

$$1\text{A}1(15) + 1\text{B}9(15) = \text{_____}(15)$$

$$13\text{I}(22) + 103(22) = \text{_____}(22)$$

$$12(19) + 138(19) = \text{_____}(19)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$176(18) - 128(18) = \text{_____}(18)$$

$$297(12) - 181(12) = \text{_____}(12)$$

$$\text{LF}(26) - \text{GP}(26) = \text{_____}(26)$$

$$\text{DD}(27) - 80(27) = \text{_____}(27)$$

$$671(09) - 271(09) = \text{_____}(09)$$

Para você fazer

1. Conversões de Base Q para base 10

$$17\text{H}_{(28)} = \text{_____}(10)$$

$$7\text{R}_{(29)} = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$00980_{(10)} = \text{_____}(11)$$

$$00479_{(10)} = \text{_____}(25)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$6\text{O}_{(31)} + \text{DR}_{(31)} = \text{_____}(31)$$

$$\text{J}9_{(28)} + \text{A}4_{(28)} = \text{_____}(28)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$\text{IE}_{(28)} - \text{D}1_{(28)} = \text{_____}(28)$$

$$\text{JQ}_{(30)} - \text{GF}_{(30)} = \text{_____}(30)$$

5. Somas em bases diferentes: responda na base do resultado

$$2248_{(18)} + \text{H}89_{(26)} = \text{_____}(23)$$

$$1\text{JDH}_{(21)} + 28\text{C}3_{(17)} = \text{_____}(07)$$

6. Subtrações em bases diferentes: responda na base do resultado

$$\text{B}332_{(12)} - \text{NOI}_{(28)} = \text{_____}(33)$$

$$4\text{D}74_{(14)} - 1\text{E}01_{(20)} = \text{_____}(23)$$



101-76625 - gar a

Sistema de numeração

Um numeral é um símbolo ou grupo de símbolos que representa um número em um determinado instante da evolução do homem. Tem-se que, numa determinada escrita ou época, os numerais diferenciaram-se dos números do mesmo modo que as palavras se diferenciaram das coisas a que se referem. Os símbolos "11", "onze" e "XI" (onze em latim) são numerais diferentes, representativos do mesmo número, apenas escrito em idiomas e épocas diferentes. A seguir, os vários aspectos dos sistemas de numerais.

Um sistema de numeração, (ou sistema numeral) é um sistema em que um conjunto de números são representados por numerais de uma forma consistente. Pode ser visto como o contexto que permite ao numeral "11" ser interpretado como o numeral romano para dois, o numeral binário para três ou o numeral decimal para onze.

Em condições ideais, um sistema de numeração deve:

Representar uma grande quantidade de números úteis (ex.: todos os números inteiros, ou todos os números reais); Dar a cada número representado uma única descrição (ou pelo menos uma representação padrão); Refletir as estruturas algébricas e aritméticas dos números. Por exemplo, a representação comum decimal dos números inteiros fornece a cada número inteiro uma representação única como uma sequência finita de algarismos, com as operações aritméticas (adição, subtração, multiplicação e divisão) estando presentes como os algoritmos padrões da aritmética. Contudo, quando a representação decimal é usada para os números racionais ou para os números reais, a representação deixa de ser padronizada: muitos números racionais têm dois tipos de numerais, um padrão que tem fim (por exemplo 2,31), e outro que repete-se periodicamente (como 2,30999999...).

Notação posicional

O valor atribuído a um símbolo é dependente da posição em que ele se encontra no conjunto de símbolos que representa uma quantidade. O valor total do número é a soma dos valores relativos de cada algarismo (decimal). Ou seja, a ordem dos algarismos (números) que estamos acostumados a usar: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0.

Exemplo

No sistema de numeração decimal,

$$735=700+30+5$$

Neste exemplo temos que o algarismo 5 representa 5 unidades. O algarismo 3 representa 3 dezenas (ou 3 grupos de dez unidades). E por último o algarismo 7 representa 7 centenas (ou 7 grupos de cem unidades).

$$573=500+70+3$$

Neste outro exemplo temos que o algarismo 3 representa 3 unidades. O algarismo 7 representa 7 dezenas (ou 7 grupos de dez unidades). E, finalmente, o algarismo 5 representa 5 centenas (ou 5 grupos de cem unidades).

Para seu conhecimento, o QR CODE, usa no registro de caracteres, um base de numeração de base 45. O protetor de conteúdos conhecido como Base64, usa um sistema de numeração de base 64, como aliás é o seu nome.

Aritmética não decimal

A aritmética, tal como a conhecemos, não sofre nenhuma mudança conceitual ou operacional se passarmos a usar bases não decimais. O sistema de numeração usado, desde que posicional, funciona bem.

Para as operações a seguir, considere um conjunto de dígitos sujeito as seguintes regras:

1. O primeiro dígito é sempre ZERO.

2. Existem tantos dígitos quanto é o valor da base.

3. Se forem necessários mais de 10 dígitos, o 11º será a letra A, o 12º a letra B e assim por diante até o 36º dígito que será o Z.

Na soma individual, dígito a dígito, a regra é simples: se a soma for maior que a base, retira-se uma base do total e vai um...

Na subtração individual, dígito a dígito, se o número a subtrair é maior do que o número do qual vai ser feita a subtração, empresta-se uma base do vizinho esquerdo.

Exemplos:

$$\begin{array}{r} 27(10) + 45(10) = \quad 2 \ 7 \\ \quad \quad \quad \quad + \quad 4 \ 5 \\ \hline \quad \quad \quad \quad 7 \ 2 \end{array}$$

Como $7 + 5 = 12$ e 12 é maior do que a base, subtrai-se uma base (10) e o resultado é 2, e "vai um". A resposta final é 72.

$$\begin{array}{r} 94(10) - 59(10) = 9 \ 4 \\ \quad \quad \quad \quad - \quad 5 \ 9 \\ \hline \quad \quad \quad \quad 3 \ 5 \end{array}$$

Como $4 - 9$ não pode ser feito (pois $9 > 4$), a solução é emprestar uma base do vizinho. Com isto, tem-se $4 + 10 = 14$, e agora pode-se fazer $14 - 9$, cujo resultado é 5.

O um que foi emprestado do 9, deixa-o valendo apenas 8, e agora tem-se $8 - 5 = 3$. O resultado final é 35.

Para facilitar, use a seguinte tabela:

0	.9=0	.9	E=14	J=19	O=24	T=29	Y=34
A=10	F=15	K=20	P=25	U=30	Z=35		
B=11	G=16	L=21	Q=26	V=31			
C=12	H=17	M=22	R=27	W=32			
D=13	I=18	N=23	S=28	X=33			

Nos exercícios a seguir, tente fazer as conversões e as operações solicitadas:

1. Conversões de Base Q para base 10

$$122(18) = \text{_____}(10)$$

$$07(32) = \text{_____}(10)$$

$$510(12) = \text{_____}(10)$$

$$104(24) = \text{_____}(10)$$

$$2120(07) = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$868(10) = \text{_____}(22)$$

$$772(10) = \text{_____}(18)$$

$$642(10) = \text{_____}(21)$$

$$703(10) = \text{_____}(09)$$

$$232(10) = \text{_____}(25)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$1402(06) + 1113(06) = \text{_____}(06)$$

$$1343(05) + 1104(05) = \text{_____}(05)$$

$$1A1(15) + 1B9(15) = \text{_____}(15)$$

$$13I(22) + 103(22) = \text{_____}(22)$$

$$I2(19) + 138(19) = \text{_____}(19)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$176(18) - 128(18) = \text{_____}(18)$$

$$297(12) - 181(12) = \text{_____}(12)$$

$$LF(26) - GP(26) = \text{_____}(26)$$

$$DD(27) - 80(27) = \text{_____}(27)$$

$$671(09) - 271(09) = \text{_____}(09)$$

5. Somas em bases diferentes:

$$CIT(31) + 1H88(18) = \text{_____}(09)$$

$$105045(07) + 1I4E(19) = \text{_____}(33)$$

6. Subtrações em bases...

$$KGQ(30) - 155053(06) = \text{_____}(32)$$

$$M7B(24) - D4Q(31) = \text{_____}(25)$$

Para você fazer

1. Conversões de Base Q para base 10

$$229_{(18)} = \text{_____}(10)$$

$$162_{(20)} = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$01123_{(10)} = \text{_____}(20)$$

$$00315_{(10)} = \text{_____}(13)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$18A_{(14)} + 185_{(14)} = \text{_____}(14)$$

$$G8_{(30)} + 3M_{(30)} = \text{_____}(30)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$402_{(11)} - 213_{(11)} = \text{_____}(11)$$

$$KN_{(26)} - 6A_{(26)} = \text{_____}(26)$$

5. Somas em bases diferentes: responda na base do resultado

$$101B_{(27)} + 36G2_{(17)} = \text{_____}(09)$$

$$N6N_{(29)} + ENU_{(35)} = \text{_____}(07)$$

6. Subtrações em bases diferentes: responda na base do resultado

$$1JB2_{(20)} - H69_{(30)} = \text{_____}(11)$$

$$2C8C_{(19)} - 3A2C_{(15)} = \text{_____}(08)$$



101-76632 - gar a

Sistema de numeração

Um numeral é um símbolo ou grupo de símbolos que representa um número em um determinado instante da evolução do homem. Tem-se que, numa determinada escrita ou época, os numerais diferenciaram-se dos números do mesmo modo que as palavras se diferenciaram das coisas a que se referem. Os símbolos "11", "onze" e "XI" (onze em latim) são numerais diferentes, representativos do mesmo número, apenas escrito em idiomas e épocas diferentes. A seguir, os vários aspectos dos sistemas de numerais.

Um sistema de numeração, (ou sistema numeral) é um sistema em que um conjunto de números são representados por numerais de uma forma consistente. Pode ser visto como o contexto que permite ao numeral "11" ser interpretado como o numeral romano para dois, o numeral binário para três ou o numeral decimal para onze.

Em condições ideais, um sistema de numeração deve:

Representar uma grande quantidade de números úteis (ex.: todos os números inteiros, ou todos os números reais); Dar a cada número representado uma única descrição (ou pelo menos uma representação padrão); Refletir as estruturas algébricas e aritméticas dos números. Por exemplo, a representação comum decimal dos números inteiros fornece a cada número inteiro uma representação única como uma sequência finita de algarismos, com as operações aritméticas (adição, subtração, multiplicação e divisão) estando presentes como os algoritmos padrões da aritmética. Contudo, quando a representação decimal é usada para os números racionais ou para os números reais, a representação deixa de ser padronizada: muitos números racionais têm dois tipos de numerais, um padrão que tem fim (por exemplo 2,31), e outro que repete-se periodicamente (como 2,30999999...).

Notação posicional

O valor atribuído a um símbolo é dependente da posição em que ele se encontra no conjunto de símbolos que representa uma quantidade. O valor total do número é a soma dos valores relativos de cada algarismo (decimal). Ou seja, a ordem dos algarismos (números) que estamos acostumados a usar: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0.

Exemplo

No sistema de numeração decimal,

$$735=700+30+5$$

Neste exemplo temos que o algarismo 5 representa 5 unidades. O algarismo 3 representa 3 dezenas (ou 3 grupos de dez unidades). E por último o algarismo 7 representa 7 centenas (ou 7 grupos de cem unidades).

$$573=500+70+3$$

Neste outro exemplo temos que o algarismo 3 representa 3 unidades. O algarismo 7 representa 7 dezenas (ou 7 grupos de dez unidades). E, finalmente, o algarismo 5 representa 5 centenas (ou 5 grupos de cem unidades).

Para seu conhecimento, o QR CODE, usa no registro de caracteres, um base de numeração de base 45. O protetor de conteúdos conhecido como Base64, usa um sistema de numeração de base 64, como aliás é o seu nome.

Aritmética não decimal

A aritmética, tal como a conhecemos, não sofre nenhuma mudança conceitual ou operacional se passarmos a usar bases não decimais. O sistema de numeração usado, desde que posicional, funciona bem.

Para as operações a seguir, considere um conjunto de dígitos sujeito as seguintes regras:

1. O primeiro dígito é sempre ZERO.

2. Existem tantos dígitos quanto é o valor da base.

3. Se forem necessários mais de 10 dígitos, o 11º será a letra A, o 12º a letra B e assim por diante até o 36º dígito que será o Z.

Na soma individual, dígito a dígito, a regra é simples: se a soma for maior que a base, retira-se uma base do total e vai um...

Na subtração individual, dígito a dígito, se o número a subtrair é maior do que o número do qual vai ser feita a subtração, empresta-se uma base do vizinho esquerdo.

Exemplos:

$$\begin{array}{r} 27(10) + 45(10) = \quad 2 \ 7 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad + \quad 4 \ 5 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 7 \ 2 \end{array}$$

Como $7 + 5 = 12$ e 12 é maior do que a base, subtrai-se uma base (10) e o resultado é 2, e "vai um". A resposta final é 72.

$$\begin{array}{r} 94(10) - 59(10) = 9 \ 4 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad - \quad 5 \ 9 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 3 \ 5 \end{array}$$

Como $4 - 9$ não pode ser feito (pois $9 > 4$), a solução é emprestar uma base do vizinho. Com isto, tem-se $4 + 10 = 14$, e agora pode-se fazer $14 - 9$, cujo resultado é 5.

O um que foi emprestado do 9, deixa-o valendo apenas 8, e agora tem-se $8 - 5 = 3$. O resultado final é 35.

Para facilitar, use a seguinte tabela:

0	.9=0	.9	E=14	J=19	O=24	T=29	Y=34
A=10	F=15	K=20	P=25	U=30	Z=35		
B=11	G=16	L=21	Q=26	V=31			
C=12	H=17	M=22	R=27	W=32			
D=13	I=18	N=23	S=28	X=33			

Nos exercícios a seguir, tente fazer as conversões e as operações solicitadas:

1. Conversões de Base Q para base 10

$$122(18) = \text{_____}(10)$$

$$07(32) = \text{_____}(10)$$

$$510(12) = \text{_____}(10)$$

$$104(24) = \text{_____}(10)$$

$$2120(07) = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$868(10) = \text{_____}(22)$$

$$772(10) = \text{_____}(18)$$

$$642(10) = \text{_____}(21)$$

$$703(10) = \text{_____}(09)$$

$$232(10) = \text{_____}(25)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$1402(06) + 1113(06) = \text{_____}(06)$$

$$1343(05) + 1104(05) = \text{_____}(05)$$

$$1A1(15) + 1B9(15) = \text{_____}(15)$$

$$13I(22) + 103(22) = \text{_____}(22)$$

$$I2(19) + 138(19) = \text{_____}(19)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$176(18) - 128(18) = \text{_____}(18)$$

$$297(12) - 181(12) = \text{_____}(12)$$

$$LF(26) - GP(26) = \text{_____}(26)$$

$$DD(27) - 80(27) = \text{_____}(27)$$

$$671(09) - 271(09) = \text{_____}(09)$$

5. Somas em bases diferentes:

$$CIT(31) + 1H88(18) = \text{_____}(09)$$

$$105045(07) + 1I4E(19) = \text{_____}(33)$$

6. Subtrações em bases...

$$KGQ(30) - 155053(06) = \text{_____}(32)$$

$$M7B(24) - D4Q(31) = \text{_____}(25)$$

Para você fazer

1. Conversões de Base Q para base 10

$$G7(31) = \text{_____}(10)$$

$$1HE(20) = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$01021(10) = \text{_____}(16)$$

$$00713(10) = \text{_____}(22)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$D1(15) + 21C(15) = \text{_____}(15)$$

$$GB(20) + AI(20) = \text{_____}(20)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$88(23) - 6A(23) = \text{_____}(23)$$

$$BG(31) - 96(31) = \text{_____}(31)$$

5. Somas em bases diferentes: responda na base do resultado

$$2860(17) + E80(29) = \text{_____}(35)$$

$$MQ4(28) + PHJ(26) = \text{_____}(15)$$

6. Subtrações em bases diferentes: responda na base do resultado

$$675A(14) - 1F14(21) = \text{_____}(15)$$

$$24HG(20) - 19FA(21) = \text{_____}(27)$$



101-76649 - gar a

Sistema de numeração

Um numeral é um símbolo ou grupo de símbolos que representa um número em um determinado instante da evolução do homem. Tem-se que, numa determinada escrita ou época, os numerais diferenciaram-se dos números do mesmo modo que as palavras se diferenciaram das coisas a que se referem. Os símbolos "11", "onze" e "XI" (onze em latim) são numerais diferentes, representativos do mesmo número, apenas escrito em idiomas e épocas diferentes. A seguir, os vários aspectos dos sistemas de numerais.

Um sistema de numeração, (ou sistema numeral) é um sistema em que um conjunto de números são representados por numerais de uma forma consistente. Pode ser visto como o contexto que permite ao numeral "11" ser interpretado como o numeral romano para dois, o numeral binário para três ou o numeral decimal para onze.

Em condições ideais, um sistema de numeração deve:

Representar uma grande quantidade de números úteis (ex.: todos os números inteiros, ou todos os números reais); Dar a cada número representado uma única descrição (ou pelo menos uma representação padrão); Refletir as estruturas algébricas e aritméticas dos números. Por exemplo, a representação comum decimal dos números inteiros fornece a cada número inteiro uma representação única como uma sequência finita de algarismos, com as operações aritméticas (adição, subtração, multiplicação e divisão) estando presentes como os algoritmos padrões da aritmética. Contudo, quando a representação decimal é usada para os números racionais ou para os números reais, a representação deixa de ser padronizada: muitos números racionais têm dois tipos de numerais, um padrão que tem fim (por exemplo 2,31), e outro que repete-se periodicamente (como 2,30999999...).

Notação posicional

O valor atribuído a um símbolo é dependente da posição em que ele se encontra no conjunto de símbolos que representa uma quantidade. O valor total do número é a soma dos valores relativos de cada algarismo (decimal). Ou seja, a ordem dos algarismos (números) que estamos acostumados a usar: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0.

Exemplo

No sistema de numeração decimal,

$$735=700+30+5$$

Neste exemplo temos que o algarismo 5 representa 5 unidades. O algarismo 3 representa 3 dezenas (ou 3 grupos de dez unidades). E por último o algarismo 7 representa 7 centenas (ou 7 grupos de cem unidades).

$$573=500+70+3$$

Neste outro exemplo temos que o algarismo 3 representa 3 unidades. O algarismo 7 representa 7 dezenas (ou 7 grupos de dez unidades). E, finalmente, o algarismo 5 representa 5 centenas (ou 5 grupos de cem unidades).

Para seu conhecimento, o QR CODE, usa no registro de caracteres, um base de numeração de base 45. O protetor de conteúdos conhecido como Base64, usa um sistema de numeração de base 64, como aliás é o seu nome.

Aritmética não decimal

A aritmética, tal como a conhecemos, não sofre nenhuma mudança conceitual ou operacional se passarmos a usar bases não decimais. O sistema de numeração usado, desde que posicional, funciona bem.

Para as operações a seguir, considere um conjunto de dígitos sujeito as seguintes regras:

1. O primeiro dígito é sempre ZERO.

2. Existem tantos dígitos quanto é o valor da base.

3. Se forem necessários mais de 10 dígitos, o 11º será a letra A, o 12º a letra B e assim por diante até o 36º dígito que será o Z.

Na soma individual, dígito a dígito, a regra é simples: se a soma for maior que a base, retira-se uma base do total e vai um...

Na subtração individual, dígito a dígito, se o número a subtrair é maior do que o número do qual vai ser feita a subtração, empresta-se uma base do vizinho esquerdo.

Exemplos:

$$\begin{array}{r} 27(10) + 45(10) = \quad 2 \ 7 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad + \quad 4 \ 5 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 7 \ 2 \end{array}$$

Como $7 + 5 = 12$ e 12 é maior do que a base, subtrai-se uma base (10) e o resultado é 2, e "vai um". A resposta final é 72.

$$\begin{array}{r} 94(10) - 59(10) = 9 \ 4 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad - \quad 5 \ 9 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 3 \ 5 \end{array}$$

Como $4 - 9$ não pode ser feito (pois $9 > 4$), a solução é emprestar uma base do vizinho. Com isto, tem-se $4 + 10 = 14$, e agora pode-se fazer $14 - 9$, cujo resultado é 5.

O um que foi emprestado do 9, deixa-o valendo apenas 8, e agora tem-se $8 - 5 = 3$. O resultado final é 35.

Para facilitar, use a seguinte tabela:

0	.9=0	.9	E=14	J=19	O=24	T=29	Y=34
A=10	F=15	K=20	P=25	U=30	Z=35		
B=11	G=16	L=21	Q=26	V=31			
C=12	H=17	M=22	R=27	W=32			
D=13	I=18	N=23	S=28	X=33			

Nos exercícios a seguir, tente fazer as conversões e as operações solicitadas:

1. Conversões de Base Q para base 10

$$122(18) = \text{_____}(10)$$

$$07(32) = \text{_____}(10)$$

$$510(12) = \text{_____}(10)$$

$$104(24) = \text{_____}(10)$$

$$2120(07) = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$868(10) = \text{_____}(22)$$

$$772(10) = \text{_____}(18)$$

$$642(10) = \text{_____}(21)$$

$$703(10) = \text{_____}(09)$$

$$232(10) = \text{_____}(25)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$1402(06) + 1113(06) = \text{_____}(06)$$

$$1343(05) + 1104(05) = \text{_____}(05)$$

$$1A1(15) + 1B9(15) = \text{_____}(15)$$

$$13I(22) + 103(22) = \text{_____}(22)$$

$$I2(19) + 138(19) = \text{_____}(19)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$176(18) - 128(18) = \text{_____}(18)$$

$$297(12) - 181(12) = \text{_____}(12)$$

$$LF(26) - GP(26) = \text{_____}(26)$$

$$DD(27) - 80(27) = \text{_____}(27)$$

$$671(09) - 271(09) = \text{_____}(09)$$

5. Somas em bases diferentes:

$$CIT(31) + 1H88(18) = \text{_____}(09)$$

$$105045(07) + 1I4E(19) = \text{_____}(33)$$

6. Subtrações em bases...

$$KGQ(30) - 155053(06) = \text{_____}(32)$$

$$M7B(24) - D4Q(31) = \text{_____}(25)$$

Para você fazer

1. Conversões de Base Q para base 10

$$11K_{(31)} = \text{_____}(10)$$

$$581_{(12)} = \text{_____}(10)$$

2. Conversões de base 10 para base Q

$$00938_{(10)} = \text{_____}(25)$$

$$00822_{(10)} = \text{_____}(12)$$

3. Somas em base diferente de 10

$$EJ_{(30)} + AE_{(30)} = \text{_____}(30)$$

$$86_{(25)} + EO_{(25)} = \text{_____}(25)$$

4. Subtrações em base diferente de 10

$$31B_{(12)} - 10B_{(12)} = \text{_____}(12)$$

$$11E_{(19)} - H4_{(19)} = \text{_____}(19)$$

5. Somas em bases diferentes: responda na base do resultado

$$129H_{(23)} + BG8_{(32)} = \text{_____}(33)$$

$$H5H_{(29)} + 195F_{(21)} = \text{_____}(06)$$

6. Subtrações em bases diferentes: responda na base do resultado

$$HCB_{(31)} - 25AI_{(19)} = \text{_____}(30)$$

$$K4N_{(25)} - B6N_{(32)} = \text{_____}(29)$$



101-76656 - gar a

Instrucoes de aplicacao

As respostas da parte comum da folha sao: 1) 362, 775, 732, 868, 749 2) 1HA, 26G, 19C, 861, 97 3) 2515, 3002, 36A, 23L, 22A 4) 4G, 116, 4G, 5D, 400
5) 35344(09), TCP(33)
6) 321(32), 88(25)