CEP-UFPR-UTFPR-PUC/Pr-UP Sistemas de Informação 10/06/2024 - 08:31:22.8 Matemática aplicada (pkantek@gmail.com) vivxj39a V: 1.02 75572 CASSIANO MAGNO CHAGAS E SA (75572); MANUELLA LEAL DE MEIRELLES (75684); 24JOG204 - 1 27/jun limite 1. avaliacao ____ /

SUDOKU para computadores O Sudoku é um quebra-cabeça moderno (parece ter sido inventado por um arquiteto aposentado de 74 anos. Howard Garns em 1979) e começou a se tornar popular no Japão, com o nome de suuji wa dokushin ni kagiru, que significa "os dígitos devem permanecer únicos". Sua popularidade naquele país se explica pela dificuldade do idioma japonês para fazer palavras cruzadas. No Ocidente, o jogo só começou a se popularizar em 2004, quando Wayne Gould um juiz aposentado de Hong Kong, que também era fã de puzzles e programador de computador viajou a Londres para convencer os editores do The Times a publicar o sudoku. Gould havia criado um programa de computador que gerava jogos de sudoku com vários níveis de dificuldade e não estava cobrando nada por ele. O Times decidiu arriscar e no dia 12 de novembro de 2004 publicou seu primeiro sudoku. No Brasil o sudoku é publicado pela Coquetel (Ediouro) desde o início de 2005 e a Folha de São Paulo e a extinta Gazeta do Povo começaram a publicar um sudoku diariamente. O sudoku é muito popular hoje e parece ter as características de um bom e duradouro quebra cabeça:

- é disponível em diversos graus de dificuldade
- sua regra de solução é muito simples
- a habilidade de resolvê-lo cresce com a prática
- ao resolvê-lo a pessoa vê o progresso em direção à solução

O jogo é apresentado em uma grade 9×9 , que está dividida em 9 linhas, 9 colunas e 9 blocos (de 3×3 cada). Neste texto, estes três elementos (linhas, colunas e blocos) serão chamados genericamente de "grupos". A regra única do SUDOKU é que em cada grupo deve haver um conjunto completo de números 1..9. Note-se que os números são usados apenas por comodidade, nenhuma propriedade aritmética deles é importante. Poder-se-iam usar 9 símbolos de times de futebol, cores, signos do zodíaco etc. Antes de continuar a leitura, tente resolver este sudoku

		4	8					
	9		4	6			7	
	5					6	1	4
2	1		6			5		
5	8		7		9		4	1
		7			8		6	9
3	4	5					9	
	6			3	7		2	
					4	1		

O objetivo deste exercicio e construir um resolvedor de SUDOKUs (bem formados = que têm solução única). Este exercício vai ainda abordar os temas de recursividade (uma função chama a si mesmo para resolver uma nova instância (possivelmente mais simples), até que o problema todo esteja resolvido. Outro conceito importante é o de backtracking que é usado junto com a recursividade. Quando uma determinada linha de ação conduz a um beco sem saída, há que desfazer o último tramo e seguir por outro caminho. Pense num laberinto, cuja saída é desconhecida. É a mesma estratégia. Finalmente, o terceiro conceito deste exercício é o da **força bruta** que significa testar todas as alternativas possíveis em busca da certa. Claro está que esta estratégia só é possível a um computador, pela rapidez com que ele gera e testa as alternativas. Em compensação para usar a força bruta, não há necessidade de maior inteligência ou estratégia. É esta a troca que se propõe aqui.

O algoritmo

Primeiro vamos programar uma função simples que recebe uma linha e coluna e um valor k que pretensamente vai ser colocado nessa linha,coluna. Esta função faz uma verificação na linha da grade, na coluna da grade e no bloco. Se o valor k não estiver em nenhuma dessas localizações, então a função retorna <code>Verdadeiro</code> sinalizando que k pode ser colocada aqui. Se o k aparecer em algum lugar dos pesquisados, esta função retorna <code>falso</code>. Veja

```
função resolve(grade, linha, coluna, k)
   para x de 0 a 8
      se grade[linha][x] = k
         retorne Falso
      fim{se}
      se grade[x][coluna] = k
         retorne Falso
      fim{se}
   fim{para}
   comecolin = lin - lin % 3
   comecocol = col - col % 3
   para i de 0 a 2
      para j de 0 a 2
         se grade[comecolin+i][comecocol+j]=k
             retorne Falso
         fim{se}
      fim{para}
   fim{para}
   retorne Verdadeiro
fim{função}
```

Agora vem a espinha dorsal do algoritmo. Primeiro o usuário deve montar a grade, preocupando-se em salvar a grade vazia, já que o algoritmo faz as modificações na grade passada, e que portanto fica diferente do que era (fica resolvida). Para esta função deve ser passado uma linha e coluna, que pode ser 0,0. Vamos por partes

```
função sudoku (grade, linha, coluna)
se (linha=8) E (coluna=9)
retorne Verdadeiro
fim(se)
```

Este teste no início impede que a linha extravase as dimensões da grade. Depois,

```
se coluna = 9
      linha = linha + 1
      coluna = 0
   fim{se}
   se grade[linha][coluna] > 0 // está preenchida
      retorne sudoku (grade, linha, coluna + 1)
   fim{se}
   para k de 1 a 9
      se resolve(grade, linha, coluna, k)
         grade[linha][coluna] = k
         se sudoku (grade, linha, coluna+1)
           retorne Verdadeiro
         fim{se}
      fim{se}
      grade[linha][coluna]=0
   fim{para}
fim{função}
```

Agora, deve-se montar a grade e depois

```
se sudoku(grade,0,0)
imprima(grade)
senão
imprima ("sudoku sem solução")
fim{se}
```

#include<iostream>

for $(x=0;x<9;x++){$

veja a seguir uma implementação deste código em C++

```
using namespace std;
int puzzle(int a[9][9]){
  int i,j;
  for (i=0;i<9;i++){
    for(j=0;j<9;j++){
      cout<<end1;  }}
  cout<(end1;  }
}
int resolve(int grade[9][9], int lin, int col, int k){
  int i,j,x,comecolin,comecocol;
  for (x=0;x<9;x++){
    if (grade[lin][x]==k){return 0;}
}</pre>
```

```
if (grade[x][col]==k){return 0;}
   comecolin=lin-(lin%3):
   comecocol=col-(col%3);
   for (i=0:i<3:i++){
      for(i=0:i<3:i++){
        if (grade[comecolin+i][comecocol+j]==k){
      }
   return 1;
int sudoku(int grade[9][9], int lin, int col){
   if ((lin==8)&&(col==9)){return 1:}
  if (col==9){lin++; col=0;}
if (grade[lin][col]>0){
      return sudoku(grade, lin, col+1);
   for (k=1; k<10; k++){
      if (resolve(grade, lin, col, k)){
          grade[lin][col]=k;
          if (sudoku(grade, lin, col+1)){return 1;}
      grade[lin][col]=0;
   return 0;
int M[9][9]={{1,0,0, 0,0,0, 2,0,0},
            {0,0,0, 1,0,3, 0,0,4},
            {0,0,5, 0,6,7, 8,0,0},
            {6,0,8, 0,9,1, 0,0,5},
            {0,5,0, 0,0,0, 0,1,0},
            {2,0,0, 6,4,0, 7,0,3},
            {0,0,7, 8,1,0, 6,0,0},
            {4,0,0,5,0,2,0,0,0},
            {0,0,2, 0,0,0, 0,0,9}};
int main(){
    if (sudoku(M, 0, 0)){puzzle(M);}
    else {cout<<" solucao impossivel";}</pre>
```

Para você fazer

A seguir um sudoku para você resolver. Resolva a mão, ou usando este programa, à sua escolha.

	8				5			
					3	4	5	7
				7		8		9
	6		4			9		3
		7		1		5		
4		8			7		2	
9		1		2				
8	4	2	3					
			1				8	

1) L,C	2) L,C	3) L,C					
7,2	6,9	4,1					
Responda aqui:							
1	2	3					

204-75572 - n lin

CEP-UFPR-UTFPR-PUC/Pr-UP Sistemas de Informação 10/06/2024 - 08:31:22.8 Matemática aplicada (pkantek@gmail.com) Prof Dr P Kantek vivxj39a V: 1.02

75615 IAN DOLABELLA OHATA (75615); HENRIQUE IVANKIO GUSSE (75608); 24JOG204 - 2 27/jun limite 1. avaliacao ____/

SUDOKU para computadores O Sudoku é um quebra-cabeça moderno (parece ter sido inventado por um arquiteto aposentado de 74 anos, Howard Garns em 1979) e começou a se tornar popular no Japão, com o nome de suuji wa dokushin ni kagiru, que significa "os dígitos devem permanecer únicos". Sua popularidade naquele país se explica pela dificuldade do idioma japonês para fazer palavras cruzadas. No Ocidente, o jogo só começou a se popularizar em 2004, quando Wayne Gould um juiz aposentado de Hong Kong, que também era fã de puzzles e programador de computador viajou a Londres para convencer os editores do The Times a publicar o sudoku. Gould havia criado um programa de computador que gerava jogos de sudoku com vários níveis de dificuldade e não estava cobrando nada por ele. O Times decidiu arriscar e no dia 12 de novembro de 2004 publicou seu primeiro sudoku. No Brasil o sudoku é publicado pela Coquetel (Ediouro) desde o início de 2005 e a Folha de São Paulo e a extinta Gazeta do Povo começaram a publicar um sudoku diariamente. O sudoku é muito popular hoje e parece ter as características de um bom e duradouro quebra cabeça:

- é disponível em diversos graus de dificuldade
- sua regra de solução é muito simples
- a habilidade de resolvê-lo cresce com a prática
- ao resolvê-lo a pessoa vê o progresso em direção à solução

O jogo é apresentado em uma grade 9×9 , que está dividida em 9 linhas, 9 colunas e 9 blocos (de 3×3 cada). Neste texto, estes três elementos (linhas, colunas e blocos) serão chamados genericamente de "grupos". A regra única do SUDOKU é que em cada grupo deve haver um conjunto completo de números 1..9. Note-se que os números são usados apenas por comodidade, nenhuma propriedade aritmética deles é importante. Poder-se-iam usar 9 símbolos de times de futebol, cores, signos do zodíaco etc. Antes de continuar a leitura, tente resolver este sudoku

		4	8					
	9		4	6			7	
	5					6	1	4
2	1		6			5		
5	8		7		9		4	1
		7			8		6	9
3	4	5					9	
	6			3	7		2	
					4	1		

O objetivo deste exercicio e construir um resolvedor de SUDOKUs (bem formados = que têm solução única). Este exercício vai ainda abordar os temas de recursividade (uma função chama a si mesmo para resolver uma nova instância (possivelmente mais simples), até que o problema todo esteja resolvido. Outro conceito importante é o de backtracking que é usado junto com a recursividade. Quando uma determinada linha de ação conduz a um beco sem saída, há que desfazer o último tramo e seguir por outro caminho. Pense num laberinto, cuja saída é desconhecida. É a mesma estratégia. Finalmente, o terceiro conceito deste exercício é o da **força bruta** que significa testar todas as alternativas possíveis em busca da certa. Claro está que esta estratégia só é possível a um computador, pela rapidez com que ele gera e testa as alternativas. Em compensação para usar a força bruta, não há necessidade de maior inteligência ou estratégia. É esta a troca que se propõe aqui.

O algoritmo

Primeiro vamos programar uma função simples que recebe uma linha e coluna e um valor k que pretensamente vai ser colocado nessa linha,coluna. Esta função faz uma verificação na linha da grade, na coluna da grade e no bloco. Se o valor k não estiver em nenhuma dessas localizações, então a função retorna <code>Verdadeiro</code> sinalizando que k pode ser colocada aqui. Se o k aparecer em algum lugar dos pesquisados, esta função retorna <code>falso</code>. Veja

```
função resolve(grade, linha, coluna, k)
   para x de 0 a 8
      se grade[linha][x] = k
          retorne Falso
       fim{se}
       se grade[x][coluna] = k
          retorne Falso
       fim{se}
   fim{para}
   comecolin = lin - lin % 3
   comecocol = col - col % 3
   para i de 0 a 2
      para j de 0 a 2
          se grade[comecolin+i][comecocol+j]=k
              retorne Falso
          fim{se}
       fim{para}
   fim{para}
   retorne Verdadeiro
\texttt{fim}\{\texttt{fun} \texttt{ç} \tilde{\texttt{ao}}\}
```

Agora vem a espinha dorsal do algoritmo. Primeiro o usuário deve montar a grade, preocupando-se em salvar a grade vazia, já que o algoritmo faz as modificações na grade passada, e que portanto fica diferente do que era (fica resolvida). Para esta função deve ser passado uma linha e coluna, que pode ser 0,0. Vamos por partes

```
função sudoku (grade, linha, coluna)
  se (linha=8) E (coluna=9)
    retorne Verdadeiro
  fim{se}
```

Este teste no início impede que a linha extravase as dimensões da grade. Depois,

```
se coluna = 9
      linha = linha + 1
      coluna = 0
   fim{se}
   se grade[linha][coluna] > 0 // está preenchida
      retorne sudoku (grade, linha, coluna + 1)
   fim{se}
   para k de 1 a 9
      se resolve(grade, linha, coluna, k)
  grade[linha][coluna] = k
          se sudoku (grade, linha, coluna+1)
            retorne Verdadeiro
          fim{se}
      fim{se}
      grade[linha][coluna]=0
   fim{para}
fim{funcão}
```

Agora, deve-se montar a grade e depois

```
se sudoku(grade,0,0)
imprima(grade)
senão
imprima ("sudoku sem solução")
fim{se}
```

comecocol=col-(col%3);

veja a seguir uma implementação deste código em C++

```
#include<iostream>
using namespace std;
int puzzle(int a[9][9]){
   int i,j;
   for (i=0;i<9;i++){
        cout<<a[i][j]<<"";
        cout<<endl;
   }
}
int resolve(int grade[9][9], int lin, int col, int k){
   int i,j,x,comecolin,comecocol;
   for (x=0;x<9;x++){
        if (grade[lin][x]==k){return 0;}
   }
for (x=0;x<9;x++){
        if (grade[x][col]==k){return 0;}
}
comecolin=lin-(lin%3);</pre>
```

```
for (i=0;i<3;i++){
      for(j=0;j<3;j++){
        if (grade[comecolin+i][comecocol+j]==k){
            return 0;
     }
   return 1;
int sudoku(int grade[9][9], int lin, int col){
    int k:
   if ((lin==8)&&(col==9)){return 1;}
   if (col==9){lin++; col=0;}
   if (grade[lin][col]>0){
      return sudoku(grade, lin, col+1);
   for (k=1: k<10: k++)
      if (resolve(grade, lin, col, k)){
          grade[lin][col]=k;
          if (sudoku(grade, lin, col+1)){return 1;}
      grade[lin][col]=0;
   return 0:
int M[9][9]=\{\{1,0,0,0,0,0,2,0,0\},
             {0,0,0, 1,0,3, 0,0,4},
             {0,0,5, 0,6,7, 8,0,0},
             {6,0,8, 0,9,1, 0,0,5},
             {0,5,0, 0,0,0, 0,1,0},
             {2,0,0, 6,4,0, 7,0,3},
             {0,0,7, 8,1,0, 6,0,0},
             {4,0,0, 5,0,2, 0,0,0},
             {0,0,2, 0,0,0, 0,0,9}};
int main(){
    if (sudoku(M, 0, 0)){puzzle(M);}
else {cout<<" solucao impossivel";}</pre>
```

Para você fazer

A seguir um sudoku para você resolver. Resolva a mão, ou usando este programa, à sua escolha.

3	6	1		2	5	9		
	8		9	6			1	
4							5	7
		8				4	7	1
			6		3			
2	5	9				8		
7	4							5
	2			1	8		6	
		5	4	7		3	2	9

1) L,C	2) L,C	3) L,C
5,8	4,4	6,8
Respon	ıda aqui:	
1	2	3



204-75615 - n lim

CEP-UFPR-UTFPR-PUC/Pr-UP Sistemas de Informação 10/06/2024 - 08:31:22.8 Matemática aplicada (pkantek@gmail.com) vivxj39a V: 1.02 75639 JOAO LUCA FERNANDES DE OLIV(

75639); ERAN MARTINEZ RAMOS (75596); 24JOG204 - 3 27/jun limite 1. avaliacao _____

SUDOKU para computadores O Sudoku é um quebra-cabeça moderno (parece ter sido inventado por um arquiteto aposentado de 74 anos. Howard Garns em 1979) e começou a se tornar popular no Japão, com o nome de suuji wa dokushin ni kagiru, que significa "os dígitos devem permanecer únicos". Sua popularidade naquele país se explica pela dificuldade do idioma japonês para fazer palavras cruzadas. No Ocidente, o jogo só começou a se popularizar em 2004, quando Wayne Gould um juiz aposentado de Hong Kong, que também era fã de puzzles e programador de computador viajou a Londres para convencer os editores do The Times a publicar o sudoku. Gould havia criado um programa de computador que gerava jogos de sudoku com vários níveis de dificuldade e não estava cobrando nada por ele. O Times decidiu arriscar e no dia 12 de novembro de 2004 publicou seu primeiro sudoku. No Brasil o sudoku é publicado pela Coquetel (Ediouro) desde o início de 2005 e a Folha de São Paulo e a extinta Gazeta do Povo começaram a publicar um sudoku diariamente. O sudoku é muito popular hoje e parece ter as características de um bom e duradouro quebra cabeça:

- é disponível em diversos graus de dificuldade
- · sua regra de solução é muito simples
- a habilidade de resolvê-lo cresce com a prática
- ao resolvê-lo a pessoa vê o progresso em direção à solução

O jogo é apresentado em uma grade 9×9 , que está dividida em 9 linhas, 9 colunas e 9 blocos (de 3×3 cada). Neste texto, estes três elementos (linhas, colunas e blocos) serão chamados genericamente de "grupos". A regra única do SUDOKU é que em cada grupo deve haver um conjunto completo de números 1..9. Note-se que os números são usados apenas por comodidade, nenhuma propriedade aritmética deles é importante. Poder-se-iam usar 9 símbolos de times de futebol, cores, signos do zodíaco etc. Antes de continuar a leitura, tente resolver este sudoku

		4	8					
	9		4	6			7	
	5					6	1	4
2	1		6			5		
5	8		7		9		4	1
		7			8		6	9
3	4	5					9	
	6			3	7		2	
					4	1		

O objetivo deste exercicio e construir um resolvedor de SUDOKUs (bem formados = que têm solução única). Este exercício vai ainda abordar os temas de recursividade (uma função chama a si mesmo para resolver uma nova instância (possivelmente mais simples), até que o problema todo esteja resolvido. Outro conceito importante é o de backtracking que é usado junto com a recursividade. Quando uma determinada linha de ação conduz a um beco sem saída, há que desfazer o último tramo e seguir por outro caminho. Pense num laberinto, cuja saída é desconhecida. É a mesma estratégia. Finalmente, o terceiro conceito deste exercício é o da **força bruta** que significa testar todas as alternativas possíveis em busca da certa. Claro está que esta estratégia só é possível a um computador, pela rapidez com que ele gera e testa as alternativas. Em compensação para usar a força bruta, não há necessidade de maior inteligência ou estratégia. É esta a troca que se propõe aqui.

O algoritmo

Primeiro vamos programar uma função simples que recebe uma linha e coluna e um valor k que pretensamente vai ser colocado nessa linha,coluna. Esta função faz uma verificação na linha da grade, na coluna da grade e no bloco. Se o valor k não estiver em nenhuma dessas localizações, então a função retorna <code>Verdadeiro</code> sinalizando que k pode ser colocada aqui. Se o k aparecer em algum lugar dos pesquisados, esta função retorna <code>falso</code>. Veja

```
função resolve(grade, linha, coluna, k)
   para x de 0 a 8
      se grade[linha][x] = k
         retorne Falso
      fim{se}
      se grade[x][coluna] = k
         retorne Falso
      fim{se}
   fim{para}
   comecolin = lin - lin % 3
   comecocol = col - col % 3
   para i de 0 a 2
      para j de 0 a 2
         se grade[comecolin+i][comecocol+j]=k
             retorne Falso
         fim{se}
      fim{para}
   fim{para}
   retorne Verdadeiro
fim{função}
```

Agora vem a espinha dorsal do algoritmo. Primeiro o usuário deve montar a grade, preocupando-se em salvar a grade vazia, já que o algoritmo faz as modificações na grade passada, e que portanto fica diferente do que era (fica resolvida). Para esta função deve ser passado uma linha e coluna, que pode ser 0,0. Vamos por partes

```
função sudoku (grade, linha, coluna)
se (linha=8) E (coluna=9)
retorne Verdadeiro
fim(se)
```

Este teste no início impede que a linha extravase as dimensões da grade. Depois,

```
se coluna = 9
      linha = linha + 1
      coluna = 0
   se grade[linha][coluna] > 0 // está preenchida
      retorne sudoku (grade, linha, coluna + 1)
   fim{se}
   para k de 1 a 9
      se resolve(grade, linha, coluna, k)
         grade[linha][coluna] = k
         se sudoku (grade, linha, coluna+1)
           retorne Verdadeiro
         fim{se}
      fim{se}
      grade[linha][coluna]=0
   fim{para}
fim{função}
```

Agora, deve-se montar a grade e depois

```
se sudoku(grade,0,0)
imprima(grade)
senão
imprima ("sudoku sem solução")
fim{se}
```

#include<iostream>

veja a seguir uma implementação deste código em C++

```
using namespace std;
int puzzle(int a[9][9]){
  int i, j;
  for (i=0;i<9;i++){
    for(j=0;j<9;j++){
      cout<<a[i][j]<<" ";
    }
    cout<<endl;
}
int resolve(int grade[9][9], int lin, int col, int k){
  int i,j,x,comecolin,comecocol;
  for (x=0;x<9;x++){
    if (grade[lin][x]==k){return 0;}
}
for (x=0;x<9;x++){</pre>
```

```
if (grade[x][col]==k){return 0;}
   comecolin=lin-(lin%3):
   comecocol=col-(col%3);
   for (i=0:i<3:i++){
      for(i=0:i<3:i++){
        if (grade[comecolin+i][comecocol+j]==k){
      }
   return 1;
int sudoku(int grade[9][9], int lin, int col){
   if ((lin==8)&&(col==9)){return 1:}
  if (col==9){lin++; col=0;}
if (grade[lin][col]>0){
      return sudoku(grade, lin, col+1);
   for (k=1; k<10; k++){
      if (resolve(grade, lin, col, k)){
          grade[lin][col]=k;
          if (sudoku(grade, lin, col+1)){return 1;}
      grade[lin][col]=0;
   return 0;
int M[9][9]={{1,0,0, 0,0,0, 2,0,0},
            {0,0,0, 1,0,3, 0,0,4},
            {0,0,5, 0,6,7, 8,0,0},
            {6,0,8, 0,9,1, 0,0,5},
            {0,5,0, 0,0,0, 0,1,0},
            {2,0,0, 6,4,0, 7,0,3},
            {0,0,7, 8,1,0, 6,0,0},
            {4,0,0,5,0,2,0,0,0},
            {0,0,2, 0,0,0, 0,0,9}};
int main(){
    if (sudoku(M, 0, 0)){puzzle(M);}
    else {cout<<" solucao impossivel";}</pre>
```

Para você fazer

A seguir um sudoku para você resolver. Resolva a mão, ou usando este programa, à sua escolha.

3	6			2			8	9
			3	6	1			
8		3				6		2
4			6		3			7
6		7				1		8
			4	1	8			
9	7			3			1	4

1) L,C	2) L,C	3) L,C					
7,2	9,4	7,9					
Responda aqui:							
1	2	3					



204-75639 - n lin

CEP-UFPR-UTFPR-PUC/Pr-UP Sistemas de Informação 10/06/2024 - 08:31:22.8 Matemática aplicada (pkantek@gmail.com) vivxj39a V: 1.02 75646 JOAO PEDRO DE BRITO DUARTE (75646); ARIEL GUSTAVO RODRIGUES DA (75565); 24JOG204 - 4 27/jun limite 1. avaliacao /

SUDOKU para computadores O Sudoku é um quebra-cabeça moderno (parece ter sido inventado por um arquiteto aposentado de 74 anos. Howard Garns em 1979) e começou a se tornar popular no Japão, com o nome de suuji wa dokushin ni kagiru, que significa "os dígitos devem permanecer únicos". Sua popularidade naquele país se explica pela dificuldade do idioma japonês para fazer palavras cruzadas. No Ocidente, o jogo só começou a se popularizar em 2004, quando Wayne Gould um juiz aposentado de Hong Kong, que também era fã de puzzles e programador de computador viajou a Londres para convencer os editores do The Times a publicar o sudoku. Gould havia criado um programa de computador que gerava jogos de sudoku com vários níveis de dificuldade e não estava cobrando nada por ele. O Times decidiu arriscar e no dia 12 de novembro de 2004 publicou seu primeiro sudoku. No Brasil o sudoku é publicado pela Coquetel (Ediouro) desde o início de 2005 e a Folha de São Paulo e a extinta Gazeta do Povo começaram a publicar um sudoku diariamente. O sudoku é muito popular hoje e parece ter as características de um bom e duradouro quebra cabeça:

- é disponível em diversos graus de dificuldade
- sua regra de solução é muito simples
- a habilidade de resolvê-lo cresce com a prática
- ao resolvê-lo a pessoa vê o progresso em direção à solução

O jogo é apresentado em uma grade 9×9 , que está dividida em 9 linhas, 9 colunas e 9 blocos (de 3×3 cada). Neste texto, estes três elementos (linhas, colunas e blocos) serão chamados genericamente de "grupos". A regra única do SUDOKU é que em cada grupo deve haver um conjunto completo de números 1..9. Note-se que os números são usados apenas por comodidade, nenhuma propriedade aritmética deles é importante. Poder-se-iam usar 9 símbolos de times de futebol, cores, signos do zodíaco etc. Antes de continuar a leitura, tente resolver este sudoku

		4	8					
	9		4	6			7	
	5					6	1	4
2	1		6			5		
5	8		7		9		4	1
		7			8		6	9
3	4	5					9	
	6			3	7		2	
					4	1		

O objetivo deste exercicio e construir um resolvedor de SUDOKUs (bem formados = que têm solução única). Este exercício vai ainda abordar os temas de recursividade (uma função chama a si mesmo para resolver uma nova instância (possivelmente mais simples), até que o problema todo esteja resolvido. Outro conceito importante é o de backtracking que é usado junto com a recursividade. Quando uma determinada linha de ação conduz a um beco sem saída, há que desfazer o último tramo e seguir por outro caminho. Pense num laberinto, cuja saída é desconhecida. É a mesma estratégia. Finalmente, o terceiro conceito deste exercício é o da **força bruta** que significa testar todas as alternativas possíveis em busca da certa. Claro está que esta estratégia só é possível a um computador, pela rapidez com que ele gera e testa as alternativas. Em compensação para usar a força bruta, não há necessidade de maior inteligência ou estratégia. É esta a troca que se propõe aqui.

O algoritmo

Primeiro vamos programar uma função simples que recebe uma linha e coluna e um valor k que pretensamente vai ser colocado nessa linha,coluna. Esta função faz uma verificação na linha da grade, na coluna da grade e no bloco. Se o valor k não estiver em nenhuma dessas localizações, então a função retorna Verdadeiro sinalizando que k pode ser colocada aqui. Se o k aparecer em algum lugar dos pesquisados, esta função retorna falso. Veja

```
função resolve(grade, linha, coluna, k)
   para x de 0 a 8
      se grade[linha][x] = k
         retorne Falso
      fim{se}
      se grade[x][coluna] = k
         retorne Falso
      fim{se}
   fim{para}
   comecolin = lin - lin % 3
   comecocol = col - col % 3
   para i de 0 a 2
      para j de 0 a 2
         se grade[comecolin+i][comecocol+j]=k
             retorne Falso
         fim{se}
      fim{para}
   fim{para}
   retorne Verdadeiro
fim{função}
```

Agora vem a espinha dorsal do algoritmo. Primeiro o usuário deve montar a grade, preocupando-se em salvar a grade vazia, já que o algoritmo faz as modificações na grade passada, e que portanto fica diferente do que era (fica resolvida). Para esta função deve ser passado uma linha e coluna, que pode ser 0,0. Vamos por partes

```
função sudoku (grade, linha, coluna)
se (linha=8) E (coluna=9)
retorne Verdadeiro
fim(se)
```

Este teste no início impede que a linha extravase as dimensões da grade. Depois,

```
se coluna = 9
      linha = linha + 1
      coluna = 0
   se grade[linha][coluna] > 0 // está preenchida
      retorne sudoku (grade, linha, coluna + 1)
   fim{se}
   para k de 1 a 9
      se resolve(grade, linha, coluna, k)
         grade[linha][coluna] = k
         se sudoku (grade, linha, coluna+1)
           retorne Verdadeiro
         fim{se}
      fim{se}
      grade[linha][coluna]=0
   fim{para}
fim{função}
```

Agora, deve-se montar a grade e depois

```
se sudoku(grade,0,0)
imprima(grade)
senão
imprima ("sudoku sem solução")
fim{se}
```

veja a seguir uma implementação deste código em C++

```
#include<iostream>
using namespace std;
int puzzle(int a[9][9]){
   int i,j;
   for (i=0;i<9;i++){
        cout<<a[i][j]<<"";
        cout<<endl;
    }
}
int resolve(int grade[9][9], int lin, int col, int k){
   int i,j,x,comecolin,comecocol;
   for (x=0;x<9;x++){
        if (grade[lin][x]==k){return 0;}
}</pre>
```

for $(x=0;x<9;x++){$

```
if (grade[x][col]==k){return 0;}
   comecolin=lin-(lin%3):
   comecocol=col-(col%3);
   for (i=0:i<3:i++){
      for(i=0:i<3:i++){
        if (grade[comecolin+i][comecocol+j]==k){
      }
   return 1;
int sudoku(int grade[9][9], int lin, int col){
   if ((lin==8)&&(col==9)){return 1:}
  if (col==9){lin++; col=0;}
if (grade[lin][col]>0){
      return sudoku(grade, lin, col+1);
   for (k=1; k<10; k++){
      if (resolve(grade, lin, col, k)){
          grade[lin][col]=k;
          if (sudoku(grade, lin, col+1)){return 1;}
      grade[lin][col]=0;
   return 0;
int M[9][9]={{1,0,0, 0,0,0, 2,0,0},
            {0,0,0, 1,0,3, 0,0,4},
            {0,0,5, 0,6,7, 8,0,0},
            {6,0,8, 0,9,1, 0,0,5},
            {0,5,0, 0,0,0, 0,1,0},
            {2,0,0, 6,4,0, 7,0,3},
            {0,0,7, 8,1,0, 6,0,0},
            {4,0,0,5,0,2,0,0,0},
            {0,0,2, 0,0,0, 0,0,9}};
int main(){
    if (sudoku(M, 0, 0)){puzzle(M);}
    else {cout<<" solucao impossivel";}</pre>
```

Para você fazer

A seguir um sudoku para você resolver. Resolva a mão, ou usando este programa, à sua escolha.

	3		2		6	
9		3		5		1
	1	8		6	4	
	8	1		2	9	
7						8
	6	7		8	2	
	2	6		9	5	
8		2		3		9
	5		1		3	

1) L,C	2) L,C	3) L,C					
4,1	5,8	9,4					
Responda aqui:							
1	2	3					



204-75646 - n lin

CEP-UFPR-UTFPR-PUC/Pr-UP Sistemas de 10/06/2024 - 08:31:22.8 Informação Matemática aplicada Prof Dr P Kantek (pkantek@gmail.com)vivxi39a V: 1.02

MARIA EDUARDA DA SILVA (75691); MAYCON TAVARES WOLPE (75727); 24JOG204 - 5 27/jun limite 1. avaliacao

SUDOKU para computadores O Sudoku é um quebra-cabeça moderno (parece ter sido inventado por um arquiteto aposentado de 74 anos, Howard Garns em 1979) e começou a se tornar popular no Japão, com o nome de suuji wa dokushin ni kagiru, que significa "os dígitos devem permanecer únicos". Sua popularidade naquele país se explica pela dificuldade do idioma japonês para fazer palavras cruzadas. No Ocidente, o jogo só começou a se popularizar em 2004, quando Wayne Gould um juiz aposentado de Hong Kong, que também era fã de puzzles e programador de computador viajou a Londres para convencer os editores do The Times a publicar o sudoku. Gould havia criado um programa de computador que gerava jogos de sudoku com vários níveis de dificuldade e não estava cobrando nada por ele. O Times decidiu arriscar e no dia 12 de novembro de 2004 publicou seu primeiro sudoku. No Brasil o sudoku é publicado pela Coquetel (Ediouro) desde o início de 2005 e a Folha de São Paulo e a extinta Gazeta do Povo começaram a publicar um sudoku diariamente. O sudoku é muito popular hoje e parece ter as características de um bom e duradouro quebra cabeça:

- é disponível em diversos graus de dificuldade
- sua regra de solução é muito simples
- a habilidade de resolvê-lo cresce com a prática
- ao resolvê-lo a pessoa vê o progresso em direção à solução

O jogo é apresentado em uma grade $9\times 9,$ que está dividida em 9 linhas, 9 colunas e 9 blocos (de 3×3 cada). Neste texto, estes três elementos (linhas, colunas e blocos) serão chamados genericamente de "grupos". A regra única do SUDOKU é que em cada grupo deve haver um conjunto completo de números 1..9. Note-se que os números são usados apenas por comodidade, nenhuma propriedade aritmética deles é importante. Poder-se-iam usar 9 símbolos de times de futebol, cores, signos do zodíaco etc. Antes de continuar a leitura, tente resolver este sudoku

		4	8					
	9		4	6			7	
	5					6	1	4
2	1		6			5		
5	8		7		9		4	1
		7			8		6	9
3	4	5					9	
	6			3	7		2	
					4	1		

O objetivo deste exercicio e construir um resolvedor de SUDOKUs (bem formados = que têm solução única). Este exercício vai ainda abordar os temas de recursividade (uma função chama a si mesmo para resolver uma nova instância (possivelmente mais simples), até que o problema todo esteja resolvido. Outro conceito importante é o de backtracking que é usado junto com a recursividade. Quando uma determinada linha de ação conduz a um beco sem saída, há que desfazer o último tramo e seguir por outro caminho. Pense num laberinto, cuja saída é desconhecida. É a mesma estratégia. Finalmente, o terceiro conceito deste exercício é o da **força bruta** que significa testar todas as alternativas possíveis em busca da certa. Claro está que esta estratégia só é possível a um computador, pela rapidez com que ele gera e testa as alternativas. Em compensação para usar a força bruta, não há necessidade de maior inteligência ou estratégia. É esta a troca que se propõe aqui.

O algoritmo

Primeiro vamos programar uma função simples que recebe uma linha e coluna e um valor k que pretensamente vai ser colocado nessa linha, coluna. Esta função faz uma verificação na linha da grade, na coluna da grade e no bloco. Se o valor k não estiver em nenhuma dessas localizações, então a função retorna Verdadeiro sinalizando que k pode ser colocada aqui. Se o k aparecer em algum lugar dos pesquisados, esta função retorna falso. Veja

```
função resolve(grade, linha, coluna, k)
   para x de 0 a 8
      se grade[linha][x] = k
          retorne Falso
       fim{se}
       se grade[x][coluna] = k
          retorne Falso
       fim{se}
   fim{para}
   comecolin = lin - lin % 3
   comecocol = col - col % 3
   para i de 0 a 2
      para j de 0 a 2
          se grade[comecolin+i][comecocol+j]=k
              retorne Falso
          fim{se}
       fim{para}
   fim{para}
   retorne Verdadeiro
\texttt{fim}\{\texttt{fun} \texttt{ç} \tilde{\texttt{ao}}\}
```

Agora vem a espinha dorsal do algoritmo. Primeiro o usuário deve montar a grade, preocupando-se em salvar a grade vazia, já que o algoritmo faz as modificações na grade passada, e que portanto fica diferente do que era (fica resolvida). Para esta função deve ser passado uma linha e coluna, que pode ser 0,0. Vamos por partes

```
função sudoku (grade, linha, coluna)
   se (linha=8) E (coluna=9)
     retorne Verdadeiro
   fim{se}
```

Este teste no início impede que a linha extravase as dimensões da grade. Depois,

```
se coluna = 9
      linha = linha + 1
      coluna = 0
   fim{se}
   se grade[linha][coluna] > 0 // está preenchida
      retorne sudoku (grade, linha, coluna + 1)
   fim{se}
   para k de 1 a 9
      se resolve(grade, linha, coluna, k)
  grade[linha][coluna] = k
          se sudoku (grade, linha, coluna+1)
            retorne Verdadeiro
          fim{se}
      fim{se}
      grade[linha][coluna]=0
   fim{para}
fim{funcão}
```

Agora, deve-se montar a grade e depois

```
se sudoku(grade.0.0)
  imprima(grade)
senão
   imprima ("sudoku sem solução")
fim{se}
```

comecolin=lin-(lin%3):

comecocol=col-(col%3);

veja a seguir uma implementação deste código em

```
#include<iostream>
using namespace std;
int puzzle(int a[9][9]){
   int i,j;
   for (i=0;i<9;i++){
      for(j=0;j<9;j++){
        cout<<a[i][j]<<"
      cout<<endl;
int resolve(int grade[9][9], int lin, int col, int k){
   int i,j,x,comecolin,comecocol;
   for (x=0;x<9;x++){
       if (grade[lin][x]==k){return 0;}
   for (x=0;x<9;x++){
       if (grade[x][col]==k){return 0;}
```

```
for (i=0;i<3;i++){
      for(j=0;j<3;j++){
        if (grade[comecolin+i][comecocol+j]==k){
            return 0;
     }
   return 1;
int sudoku(int grade[9][9], int lin, int col){
    int k:
   if ((lin==8)&&(col==9)){return 1;}
   if (col==9){lin++; col=0;}
   if (grade[lin][col]>0){
      return sudoku(grade, lin, col+1);
   for (k=1: k<10: k++)
      if (resolve(grade, lin, col, k)){
          grade[lin][col]=k;
          if (sudoku(grade, lin, col+1)){return 1;}
      grade[lin][col]=0;
   return 0:
int M[9][9]=\{\{1,0,0,0,0,0,2,0,0\},
             {0,0,0, 1,0,3, 0,0,4},
             {0,0,5, 0,6,7, 8,0,0},
             {6,0,8, 0,9,1, 0,0,5},
             {0,5,0, 0,0,0, 0,1,0},
             {2,0,0, 6,4,0, 7,0,3},
             {0,0,7, 8,1,0, 6,0,0},
             {4,0,0, 5,0,2, 0,0,0},
             {0,0,2, 0,0,0, 0,0,9}};
int main(){
    if (sudoku(M, 0, 0)){puzzle(M);}
else {cout<<" solucao impossivel";}</pre>
```

Para você fazer

A seguir um sudoku para você resolver. Resolva a mão, ou usando este programa, à sua escolha.

		6		8		3		
	4	9		7		2	5	
			4		5			
6			3	1	7			4
		7				8		
1			8	2	6			9
			7		2			
	7	5		4		1	9	
		3		9		6		

Para efeitos de correção, localize os valores encontrados nas células calculadas

3) L.C

2) L.C

1) 1,0	2) 1,0	0) E,C
7,3	9,6	6,3
Responda a	ıqui:	
1	2	3



1) L.C

CEP-UFPR-UTFPR-PUC/Pr-UP Sistemas de Informação 10/06/2024 - 08:31:22.8 Matemática aplicada (pkantek@gmail.com) vivxj39a V: 1.02 75703 MATHEUS AITA FABRICIO DE CA(

75703);
PEDRO TOLEDO LEAL (75734);
24JOG204 - 6 27/jun limite 1. avaliacao

SUDOKU para computadores O Sudoku é um quebra-cabeça moderno (parece ter sido inventado por um arquiteto aposentado de 74 anos. Howard Garns em 1979) e começou a se tornar popular no Japão, com o nome de suuji wa dokushin ni kagiru, que significa "os dígitos devem permanecer únicos". Sua popularidade naquele país se explica pela dificuldade do idioma japonês para fazer palavras cruzadas. No Ocidente, o jogo só começou a se popularizar em 2004, quando Wayne Gould um juiz aposentado de Hong Kong, que também era fã de puzzles e programador de computador viajou a Londres para convencer os editores do The Times a publicar o sudoku. Gould havia criado um programa de computador que gerava jogos de sudoku com vários níveis de dificuldade e não estava cobrando nada por ele. O Times decidiu arriscar e no dia 12 de novembro de 2004 publicou seu primeiro sudoku. No Brasil o sudoku é publicado pela Coquetel (Ediouro) desde o início de 2005 e a Folha de São Paulo e a extinta Gazeta do Povo começaram a publicar um sudoku diariamente. O sudoku é muito popular hoje e parece ter as características de um bom e duradouro quebra cabeça:

- é disponível em diversos graus de dificuldade
- sua regra de solução é muito simples
- a habilidade de resolvê-lo cresce com a prática
- ao resolvê-lo a pessoa vê o progresso em direção à solução

O jogo é apresentado em uma grade 9×9 , que está dividida em 9 linhas, 9 colunas e 9 blocos (de 3×3 cada). Neste texto, estes três elementos (linhas, colunas e blocos) serão chamados genericamente de "grupos". A regra única do SUDOKU é que em cada grupo deve haver um conjunto completo de números 1..9. Note-se que os números são usados apenas por comodidade, nenhuma propriedade aritmética deles é importante. Poder-se-iam usar 9 símbolos de times de futebol, cores, signos do zodíaco etc. Antes de continuar a leitura, tente resolver este sudoku

		4	8					
	9		4	6			7	
	5					6	1	4
2	1		6			5		
5	8		7		9		4	1
		7			8		6	9
3	4	5					9	
	6			3	7		2	
					4	1		

O objetivo deste exercicio e construir um resolvedor de SUDOKUs (bem formados = que têm solução única). Este exercício vai ainda abordar os temas de recursividade (uma função chama a si mesmo para resolver uma nova instância (possivelmente mais simples), até que o problema todo esteja resolvido. Outro conceito importante é o de backtracking que é usado junto com a recursividade. Quando uma determinada linha de ação conduz a um beco sem saída, há que desfazer o último tramo e seguir por outro caminho. Pense num laberinto, cuja saída é desconhecida. É a mesma estratégia. Finalmente, o terceiro conceito deste exercício é o da **força bruta** que significa testar todas as alternativas possíveis em busca da certa. Claro está que esta estratégia só é possível a um computador, pela rapidez com que ele gera e testa as alternativas. Em compensação para usar a força bruta, não há necessidade de maior inteligência ou estratégia. É esta a troca que se propõe aqui.

O algoritmo

Primeiro vamos programar uma função simples que recebe uma linha e coluna e um valor k que pretensamente vai ser colocado nessa linha,coluna. Esta função faz uma verificação na linha da grade, na coluna da grade e no bloco. Se o valor k não estiver em nenhuma dessas localizações, então a função retorna <code>Verdadeiro</code> sinalizando que k pode ser colocada aqui. Se o k aparecer em algum lugar dos pesquisados, esta função retorna <code>falso</code>. Veja

```
função resolve(grade, linha, coluna, k)
   para x de 0 a 8
      se grade[linha][x] = k
         retorne Falso
      fim{se}
      se grade[x][coluna] = k
         retorne Falso
      fim{se}
   fim{para}
   comecolin = lin - lin % 3
   comecocol = col - col % 3
   para i de 0 a 2
      para j de 0 a 2
         se grade[comecolin+i][comecocol+j]=k
             retorne Falso
         fim{se}
      fim{para}
   fim{para}
   retorne Verdadeiro
fim{função}
```

Agora vem a espinha dorsal do algoritmo. Primeiro o usuário deve montar a grade, preocupando-se em salvar a grade vazia, já que o algoritmo faz as modificações na grade passada, e que portanto fica diferente do que era (fica resolvida). Para esta função deve ser passado uma linha e coluna, que pode ser 0,0. Vamos por partes

```
função sudoku (grade, linha, coluna)
se (linha=8) E (coluna=9)
retorne Verdadeiro
fim(se)
```

Este teste no início impede que a linha extravase as dimensões da grade. Depois,

```
se coluna = 9
      linha = linha + 1
      coluna = 0
   se grade[linha][coluna] > 0 // está preenchida
      retorne sudoku (grade, linha, coluna + 1)
   fim{se}
   para k de 1 a 9
      se resolve(grade, linha, coluna, k)
         grade[linha][coluna] = k
         se sudoku (grade, linha, coluna+1)
           retorne Verdadeiro
         fim{se}
      fim{se}
      grade[linha][coluna]=0
   fim{para}
fim{função}
```

Agora, deve-se montar a grade e depois

```
se sudoku(grade,0,0)
   imprima(grade)
senão
   imprima ("sudoku sem solução")
fim{se}
```

#include<iostream>

veja a seguir uma implementação deste código em C++

```
using namespace std;
int puzzle(int a[9][9]){
   int i,j;
   for (i=0;i<9;i++){
      for(j=0;j<9;j++){
       cout<<a[i][j]<<" ";
      }
   cout<(end1;   }
}
int resolve(int grade[9][9], int lin, int col, int k){
   int i,j,x,comecolin,comecocol;
   for (x=0;x<9;x++){
      if (grade[lin][x]==k){return 0;}
   }
   for (x=0;x<9;x++){</pre>
```

```
if (grade[x][col]==k){return 0;}
   comecolin=lin-(lin%3):
   comecocol=col-(col%3);
   for (i=0:i<3:i++){
      for(i=0:i<3:i++){
        if (grade[comecolin+i][comecocol+j]==k){
      }
   return 1;
int sudoku(int grade[9][9], int lin, int col){
   if ((lin==8)&&(col==9)){return 1:}
  if (col==9){lin++; col=0;}
if (grade[lin][col]>0){
      return sudoku(grade, lin, col+1);
   for (k=1; k<10; k++){
      if (resolve(grade, lin, col, k)){
          grade[lin][col]=k;
          if (sudoku(grade, lin, col+1)){return 1;}
      grade[lin][col]=0;
   return 0;
int M[9][9]={{1,0,0, 0,0,0, 2,0,0},
            {0,0,0, 1,0,3, 0,0,4},
            {0,0,5, 0,6,7, 8,0,0},
            {6,0,8, 0,9,1, 0,0,5},
            {0,5,0, 0,0,0, 0,1,0},
            {2,0,0, 6,4,0, 7,0,3},
            {0,0,7, 8,1,0, 6,0,0},
            {4,0,0,5,0,2,0,0,0},
            {0,0,2, 0,0,0, 0,0,9}};
int main(){
    if (sudoku(M, 0, 0)){puzzle(M);}
    else {cout<<" solucao impossivel";}</pre>
```

Para você fazer

A seguir um sudoku para você resolver. Resolva a mão, ou usando este programa, à sua escolha.

	3		2		6	
9		3		5		1
	1	8		6	4	
	8	1		2	9	
7						8
	6	7		8	2	
	2	6		9	5	
8		2		3		9
	5		1		3	

1) L,C	2) L,C	3) L,C					
9,6	6,5	9,8					
Responda aqui:							
1	2	3					



204-75703 - n lim

CEP-UFPR-UTFPR-PUC/Pr-UP Sistemas de Informação 10/06/2024 - 08:31:22.8 Matemática aplicada (pkantek@gmail.com) Prof Dr P Kantek vivxj39a V: 1.02

75677 LUIZ FELIPE GUEDES BUCCHERI(75677); MATHEUS LEANDRO DE BITENCOU(75710); 24JOG204 - 7 27/jun limite 1. avaliacao _____/

SUDOKU para computadores O Sudoku é um quebra-cabeça moderno (parece ter sido inventado por um arquiteto aposentado de 74 anos. Howard Garns em 1979) e começou a se tornar popular no Japão, com o nome de suuji wa dokushin ni kagiru, que significa "os dígitos devem permanecer únicos". Sua popularidade naquele país se explica pela dificuldade do idioma japonês para fazer palavras cruzadas. No Ocidente, o jogo só começou a se popularizar em 2004, quando Wayne Gould um juiz aposentado de Hong Kong, que também era fã de puzzles e programador de computador viajou a Londres para convencer os editores do The Times a publicar o sudoku. Gould havia criado um programa de computador que gerava jogos de sudoku com vários níveis de dificuldade e não estava cobrando nada por ele. O Times decidiu arriscar e no dia 12 de novembro de 2004 publicou seu pri-

- de um bom e duradouro quebra cabeça:

 é disponível em diversos graus de dificuldade
 - sua regra de solução é muito simples

meiro sudoku. No Brasil o sudoku é publicado pela

Coquetel (Ediouro) desde o início de 2005 e a Folha

de São Paulo e a extinta Gazeta do Povo começa-

ram a publicar um sudoku diariamente. O sudoku

é muito popular hoje e parece ter as características

- a habilidade de resolvê-lo cresce com a prática
- ao resolvê-lo a pessoa vê o progresso em direção à solução

O jogo é apresentado em uma grade 9×9 , que está dividida em 9 linhas, 9 colunas e 9 blocos (de 3×3 cada). Neste texto, estes três elementos (linhas, colunas e blocos) serão chamados genericamente de "grupos". A regra única do SUDOKU é que em cada grupo deve haver um conjunto completo de números 1..9. Note-se que os números são usados apenas por comodidade, nenhuma propriedade aritmética deles é importante. Poder-se-iam usar 9 símbolos de times de futebol, cores, signos do zodíaco etc. Antes de continuar a leitura, tente resolver este sudoku

		4	8					
		4						
	9		4	6			7	
	5					6	1	4
2	1		6			5		
5	8		7		9		4	1
		7			8		6	9
3	4	5					9	
	6			3	7		2	
					4	1		

O obietivo deste exercicio e construir um resolvedor de SUDOKUs (bem formados = que têm solução única). Este exercício vai ainda abordar os temas de recursividade (uma função chama a si mesmo para resolver uma nova instância (possivelmente mais simples), até que o problema todo esteja resolvido. Outro conceito importante é o de backtracking que é usado junto com a recursividade. Quando uma determinada linha de ação conduz a um beco sem saída, há que desfazer o último tramo e seguir por outro caminho. Pense num laberinto, cuja saída é desconhecida. É a mesma estratégia. Finalmente, o terceiro conceito deste exercício é o da **força bruta** que significa testar todas as alternativas possíveis em busca da certa. Claro está que esta estratégia só é possível a um computador, pela rapidez com que ele gera e testa as alternativas. Em compensação para usar a força bruta, não há necessidade de maior inteligência ou estratégia. É esta a troca que se propõe aqui.

O algoritmo

Primeiro vamos programar uma função simples que recebe uma linha e coluna e um valor k que pretensamente vai ser colocado nessa linha,coluna. Esta função faz uma verificação na linha da grade, na coluna da grade e no bloco. Se o valor k não estiver em nenhuma dessas localizações, então a função retorna Verdadeiro sinalizando que k pode ser colocada aqui. Se o k aparecer em algum lugar dos pesquisados, esta função retorna falso. Veja

```
função resolve(grade, linha, coluna, k)
   para x de 0 a 8
      se grade[linha][x] = k
         retorne Falso
      fim{se}
      se grade[x][coluna] = k
         retorne Falso
      fim{se}
   fim{para}
   comecolin = lin - lin % 3
   comecocol = col - col % 3
   para i de 0 a 2
      para j de 0 a 2
         se grade[comecolin+i][comecocol+j]=k
             retorne Falso
         fim{se}
      fim{para}
   fim{para}
   retorne Verdadeiro
fim{função}
```

Agora vem a espinha dorsal do algoritmo. Primeiro o usuário deve montar a grade, preocupando-se em salvar a grade vazia, já que o algoritmo faz as modificações na grade passada, e que portanto fica diferente do que era (fica resolvida). Para esta função deve ser passado uma linha e coluna, que pode ser 0,0. Vamos por partes

```
função sudoku (grade, linha, coluna)
se (linha=8) E (coluna=9)
retorne Verdadeiro
fim(se)
```

Este teste no início impede que a linha extravase as dimensões da grade. Depois,

```
se coluna = 9
      linha = linha + 1
      coluna = 0
   fim{se}
   se grade[linha][coluna] > 0 // está preenchida
      retorne sudoku (grade, linha, coluna + 1)
   fim{se}
   para k de 1 a 9
      se resolve(grade, linha, coluna, k)
         grade[linha][coluna] = k
         se sudoku (grade, linha, coluna+1)
           retorne Verdadeiro
         fim{se}
      fim{se}
      grade[linha][coluna]=0
   fim{para}
fim{função}
```

Agora, deve-se montar a grade e depois

```
se sudoku(grade,0,0)
imprima(grade)
senão
imprima ("sudoku sem solução")
fim{se}
```

veja a seguir uma implementação deste código em C++

```
#include<iostream>
using namespace std;
int puzzle(int a[9][9]){
   int i,j;
   for (i=0;i<9;i++){
        for(j=0;j<9;j++){
            cout<<a[i][j]<<"";
        }
        cout<<endl;
    }
}
int resolve(int grade[9][9], int lin, int col, int k){
    int i,j,x,comecolin,comecocl;
    for (x=0;x<9;x++){
        if (grade[lin][x]==k){return 0;}
}</pre>
```

for $(x=0;x<9;x++){$

```
if (grade[x][col]==k){return 0;}
   comecolin=lin-(lin%3):
   comecocol=col-(col%3);
   for (i=0:i<3:i++){
      for(i=0:i<3:i++){
        if (grade[comecolin+i][comecocol+j]==k){
      }
   return 1;
int sudoku(int grade[9][9], int lin, int col){
   if ((lin==8)&&(col==9)){return 1:}
  if (col==9){lin++; col=0;}
if (grade[lin][col]>0){
      return sudoku(grade, lin, col+1);
   for (k=1; k<10; k++){
      if (resolve(grade, lin, col, k)){
          grade[lin][col]=k;
          if (sudoku(grade, lin, col+1)){return 1;}
      grade[lin][col]=0;
   return 0;
int M[9][9]={{1,0,0, 0,0,0, 2,0,0},
            {0,0,0, 1,0,3, 0,0,4},
            {0,0,5, 0,6,7, 8,0,0},
            {6,0,8, 0,9,1, 0,0,5},
            {0,5,0, 0,0,0, 0,1,0},
            {2,0,0, 6,4,0, 7,0,3},
            {0,0,7, 8,1,0, 6,0,0},
            {4,0,0,5,0,2,0,0,0},
            {0,0,2, 0,0,0, 0,0,9}};
int main(){
    if (sudoku(M, 0, 0)){puzzle(M);}
    else {cout<<" solucao impossivel";}</pre>
```

Para você fazer

A seguir um sudoku para você resolver. Resolva a mão, ou usando este programa, à sua escolha.

	5	3				7	9	
		9	7	5	3	4		
1								2
	9			8			1	
			9		7			
	8			3			7	
5								3
		7	6	4	1	2		
	6	1				9	4	

1) L,C	2) L,C	3) L,C					
7,4	6,4	4,3					
Responda aqui:							
1	2	3					



204-75677 - n lim

CEP-UFPR-UTFPR-PUC/Pr-UP Sistemas de Informação 10/06/2024 - 08:31:22.8 Matemática aplicada (pkantek@gmail.com) vivxj39a V: 1.02 75653 JOAO PEDRO MARIANO SUEKE (75653); PHELIPE GABRIEL LIMA DA SIL(75741); 24JOG204 - 8 27/jun limite 1. avaliacao _____/

SUDOKU para computadores O Sudoku é um quebra-cabeça moderno (parece ter sido inventado por um arquiteto aposentado de 74 anos. Howard Garns em 1979) e começou a se tornar popular no Japão, com o nome de suuji wa dokushin ni kagiru, que significa "os dígitos devem permanecer únicos". Sua popularidade naquele país se explica pela dificuldade do idioma japonês para fazer palavras cruzadas. No Ocidente, o jogo só começou a se popularizar em 2004, quando Wayne Gould um juiz aposentado de Hong Kong, que também era fã de puzzles e programador de computador viajou a Londres para convencer os editores do The Times a publicar o sudoku. Gould havia criado um programa de computador que gerava jogos de sudoku com vários níveis de dificuldade e não estava cobrando nada por ele. O Times decidiu arriscar e no dia 12 de novembro de 2004 publicou seu primeiro sudoku. No Brasil o sudoku é publicado pela Coquetel (Ediouro) desde o início de 2005 e a Folha de São Paulo e a extinta Gazeta do Povo começaram a publicar um sudoku diariamente. O sudoku é muito popular hoje e parece ter as características de um bom e duradouro quebra cabeça:

- é disponível em diversos graus de dificuldade
- · sua regra de solução é muito simples
- a habilidade de resolvê-lo cresce com a prática
- ao resolvê-lo a pessoa vê o progresso em direção à solução

O jogo é apresentado em uma grade 9×9 , que está dividida em 9 linhas, 9 colunas e 9 blocos (de 3×3 cada). Neste texto, estes três elementos (linhas, colunas e blocos) serão chamados genericamente de "grupos". A regra única do SUDOKU é que em cada grupo deve haver um conjunto completo de números 1..9. Note-se que os números são usados apenas por comodidade, nenhuma propriedade aritmética deles é importante. Poder-se-iam usar 9 símbolos de times de futebol, cores, signos do zodíaco etc. Antes de continuar a leitura, tente resolver este sudoku

		4	8					
	9		4	6			7	
	5					6	1	4
2	1		6			5		
5	8		7		9		4	1
		7			8		6	9
3	4	5					9	
	6			3	7		2	
					4	1		

O objetivo deste exercicio e construir um resolvedor de SUDOKUs (bem formados = que têm solução única). Este exercício vai ainda abordar os temas de recursividade (uma função chama a si mesmo para resolver uma nova instância (possivelmente mais simples), até que o problema todo esteja resolvido. Outro conceito importante é o de backtracking que é usado junto com a recursividade. Quando uma determinada linha de ação conduz a um beco sem saída, há que desfazer o último tramo e seguir por outro caminho. Pense num laberinto, cuja saída é desconhecida. É a mesma estratégia. Finalmente, o terceiro conceito deste exercício é o da **força bruta** que significa testar todas as alternativas possíveis em busca da certa. Claro está que esta estratégia só é possível a um computador, pela rapidez com que ele gera e testa as alternativas. Em compensação para usar a força bruta, não há necessidade de maior inteligência ou estratégia. É esta a troca que se propõe aqui.

O algoritmo

Primeiro vamos programar uma função simples que recebe uma linha e coluna e um valor k que pretensamente vai ser colocado nessa linha,coluna. Esta função faz uma verificação na linha da grade, na coluna da grade e no bloco. Se o valor k não estiver em nenhuma dessas localizações, então a função retorna Verdadeiro sinalizando que k pode ser colocada aqui. Se o k aparecer em algum lugar dos pesquisados, esta função retorna falso. Veja

```
função resolve(grade, linha, coluna, k)
   para x de 0 a 8
      se grade[linha][x] = k
         retorne Falso
      fim{se}
      se grade[x][coluna] = k
         retorne Falso
      fim{se}
   fim{para}
   comecolin = lin - lin % 3
   comecocol = col - col % 3
   para i de 0 a 2
      para j de 0 a 2
         se grade[comecolin+i][comecocol+j]=k
             retorne Falso
         fim{se}
      fim{para}
   fim{para}
   retorne Verdadeiro
fim{função}
```

Agora vem a espinha dorsal do algoritmo. Primeiro o usuário deve montar a grade, preocupando-se em salvar a grade vazia, já que o algoritmo faz as modificações na grade passada, e que portanto fica diferente do que era (fica resolvida). Para esta função deve ser passado uma linha e coluna, que pode ser 0,0. Vamos por partes

```
função sudoku (grade, linha, coluna)
se (linha=8) E (coluna=9)
retorne Verdadeiro
fim(se)
```

Este teste no início impede que a linha extravase as dimensões da grade. Depois,

```
se coluna = 9
      linha = linha + 1
      coluna = 0
   se grade[linha][coluna] > 0 // está preenchida
      retorne sudoku (grade, linha, coluna + 1)
   fim{se}
   para k de 1 a 9
      se resolve(grade, linha, coluna, k)
         grade[linha][coluna] = k
         se sudoku (grade, linha, coluna+1)
           retorne Verdadeiro
         fim{se}
      fim{se}
      grade[linha][coluna]=0
   fim{para}
fim{função}
```

Agora, deve-se montar a grade e depois

```
se sudoku(grade,0,0)
imprima(grade)
senão
imprima ("sudoku sem solução")
fim{se}
```

veja a seguir uma implementação deste código em C++

```
#include<iostream>
using namespace std;
int puzzle(int a[9][9]){
   int i,j;
   for (i=0;i<9;i++){
      for(j=0;j<9;j++){
      cout<<a[i][j]<<" "; }
      cout<<end1; }
}
int resolve(int grade[9][9], int lin, int col, int k){
   int i,j,x,comecolin,comecocol;
   for (x=0;x<9;x++){
      if (grade[lin][x]==k){return 0;}
}</pre>
```

for $(x=0;x<9;x++){$

```
if (grade[x][col]==k){return 0;}
   comecolin=lin-(lin%3):
   comecocol=col-(col%3);
   for (i=0:i<3:i++){
      for(i=0:i<3:i++){
        if (grade[comecolin+i][comecocol+j]==k){
      }
   return 1;
int sudoku(int grade[9][9], int lin, int col){
   if ((lin==8)&&(col==9)){return 1:}
  if (col==9){lin++; col=0;}
if (grade[lin][col]>0){
      return sudoku(grade, lin, col+1);
   for (k=1; k<10; k++){
      if (resolve(grade, lin, col, k)){
          grade[lin][col]=k;
          if (sudoku(grade, lin, col+1)){return 1;}
      grade[lin][col]=0;
   return 0;
int M[9][9]={{1,0,0, 0,0,0, 2,0,0},
            {0,0,0, 1,0,3, 0,0,4},
            {0,0,5, 0,6,7, 8,0,0},
            {6,0,8, 0,9,1, 0,0,5},
            {0,5,0, 0,0,0, 0,1,0},
            {2,0,0, 6,4,0, 7,0,3},
            {0,0,7, 8,1,0, 6,0,0},
            {4,0,0,5,0,2,0,0,0},
            {0,0,2, 0,0,0, 0,0,9}};
int main(){
    if (sudoku(M, 0, 0)){puzzle(M);}
    else {cout<<" solucao impossivel";}</pre>
```

Para você fazer

A seguir um sudoku para você resolver. Resolva a mão, ou usando este programa, à sua escolha.

	2		8	1		7	4	
7					3	1		
	9				2	8		5
		9		4			8	7
4			2		8			3
1	6			3		2		
3		2	7				6	
		5	6					8
	7	6		5	1		9	

1) L,C	2) L,C	3) L,C					
5,8	7,7	6,6					
Responda aqui:							
1	2	3					



204-75653 - n lin

CEP-UFPR-UTFPR-PUC/Pr-UP Sistemas de Informação 10/06/2024 - 08:31:22.8 Matemática aplicada (pkantek@gmail.com) Prof Dr P Kantek

vivxj39a V: 1.02 75765 LUCAS ANTOSZCZYSZEN (75765); JOAO BONFIN LINO (75622);

24JOG204 - 9 27/jun limite 1. avaliacao

 ${\bf SUDOKU\ para\ computadores}\ {\rm O\ Su-}$ doku é um quebra-cabeça moderno (parece ter sido inventado por um arquiteto aposentado de 74 anos, Howard Garns em 1979) e começou a se tornar popular no Japão, com o nome de suuji wa dokushin ni kagiru, que significa "os dígitos devem permanecer únicos". Sua popularidade naquele país se explica pela dificuldade do idioma japonês para fazer palavras cruzadas. No Ocidente, o jogo só começou a se popularizar em 2004, quando Wayne Gould um juiz aposentado de Hong Kong, que também era fã de puzzles e programador de computador viajou a Londres para convencer os editores do The Times a publicar o sudoku. Gould havia criado um programa de computador que gerava jogos de sudoku com vários níveis de dificuldade e não estava cobrando nada por ele. O Times decidiu arriscar e no dia 12 de novembro de 2004 publicou seu primeiro sudoku. No Brasil o sudoku é publicado pela Coquetel (Ediouro) desde o início de 2005 e a Folha de São Paulo e a extinta Gazeta do Povo começaram a publicar um sudoku diariamente. O sudoku é muito popular hoje e parece ter as características de um bom e duradouro quebra cabeça:

- é disponível em diversos graus de dificuldade
- sua regra de solução é muito simples
- a habilidade de resolvê-lo cresce com a prática
- ao resolvê-lo a pessoa vê o progresso em direção à solução

O jogo é apresentado em uma grade 9×9 , que está dividida em 9 linhas, 9 colunas e 9 blocos (de 3×3 cada). Neste texto, estes três elementos (linhas, colunas e blocos) serão chamados genericamente de "grupos". A regra única do SUDOKU é que em cada grupo deve haver um conjunto completo de números 1..9. Note-se que os números são usados apenas por comodidade, nenhuma propriedade aritmética deles é importante. Poder-se-iam usar 9 símbolos de times de futebol, cores, signos do zodíaco etc. Antes de continuar a leitura, tente resolver este sudoku

		4	8					
	9		4	6			7	
	5					6	1	4
2	1		6			5		
5	8		7		9		4	1
		7			8		6	9
3	4	5					9	
	6			3	7		2	
					4	1		

O objetivo deste exercicio e construir um resolvedor de SUDOKUs (bem formados = que têm solução única). Este exercício vai ainda abordar os temas de recursividade (uma função chama a si mesmo para resolver uma nova instância (possivelmente mais simples), até que o problema todo esteja resolvido. Outro conceito importante é o de backtracking que é usado junto com a recursividade. Quando uma determinada linha de ação conduz a um beco sem saída, há que desfazer o último tramo e seguir por outro caminho. Pense num laberinto, cuja saída é desconhecida. É a mesma estratégia. Finalmente, o terceiro conceito deste exercício é o da **força bruta** que significa testar todas as alternativas possíveis em busca da certa. Claro está que esta estratégia só é possível a um computador, pela rapidez com que ele gera e testa as alternativas. Em compensação para usar a força bruta, não há necessidade de maior inteligência ou estratégia. É esta a troca que se propõe aqui.

O algoritmo

Primeiro vamos programar uma função simples que recebe uma linha e coluna e um valor k que pretensamente vai ser colocado nessa linha, coluna. Esta função faz uma verificação na linha da grade, na coluna da grade e no bloco. Se o valor k não estiver em nenhuma dessas localizações, então a função retorna <code>Verdadeiro</code> sinalizando que k pode ser colocada aqui. Se o k aparecer em algum lugar dos pesquisados, esta função retorna <code>falso</code>. Veja

```
função resolve(grade, linha, coluna, k)
   para x de 0 a 8
      se grade[linha][x] = k
          retorne Falso
       fim{se}
       se grade[x][coluna] = k
          retorne Falso
       fim{se}
   fim{para}
   comecolin = lin - lin % 3
   comecocol = col - col % 3
   para i de 0 a 2
      para j de 0 a 2
          se grade[comecolin+i][comecocol+j]=k
              retorne Falso
          fim{se}
       fim{para}
   fim{para}
   retorne Verdadeiro
\texttt{fim}\{\texttt{fun} \texttt{ç} \tilde{\texttt{ao}}\}
```

Agora vem a espinha dorsal do algoritmo. Primeiro o usuário deve montar a grade, preocupando-se em salvar a grade vazia, já que o algoritmo faz as modificações na grade passada, e que portanto fica diferente do que era (fica resolvida). Para esta função deve ser passado uma linha e coluna, que pode ser 0,0. Vamos por partes

```
função sudoku (grade, linha, coluna)
  se (linha=8) E (coluna=9)
    retorne Verdadeiro
  fim{se}
```

Este teste no início impede que a linha extravase as dimensões da grade. Depois,

```
se coluna = 9
      linha = linha + 1
      coluna = 0
   fim{se}
   se grade[linha][coluna] > 0 // está preenchida
      retorne sudoku (grade, linha, coluna + 1)
   fim{se}
   para k de 1 a 9
      se resolve(grade, linha, coluna, k)
  grade[linha][coluna] = k
          se sudoku (grade, linha, coluna+1)
            retorne Verdadeiro
          fim{se}
      fim{se}
      grade[linha][coluna]=0
   fim{para}
fim{função}
```

Agora, deve-se montar a grade e depois

```
se sudoku(grade,0,0)
imprima(grade)
senão
imprima ("sudoku sem solução")
fim{se}
```

comecocol=col-(col%3);

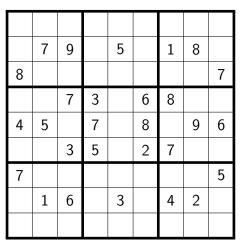
veja a seguir uma implementação deste código em C++

```
#include<iostream>
using namespace std;
int puzzle(int a[9][9]){
   int i,j;
   for (i=0;i<9;i++){
        for(j=0;j<9;j++){
        cout<<a[i][j]<<" ";
        }
        cout<<endl;    }
}
int resolve(int grade[9][9], int lin, int col, int k){
   int i,j,x,comecolin,comecocol;
   for (x=0;x<9;x++){
        if (grade[lin][x]==k){return 0;}
   }
for (x=0;x<9;x++){
        if (grade[x][col]==k){return 0;}
}
comecolin=lin-(lin%3);</pre>
```

```
for (i=0;i<3;i++){
      for(j=0;j<3;j++){
        if (grade[comecolin+i][comecocol+j]==k){
             return 0;
      }
   return 1;
int sudoku(int grade[9][9], int lin, int col){
    int k:
   if ((lin==8)&&(col==9)){return 1;}
   if (col==9){lin++; col=0;}
   if (grade[lin][col]>0){
      return sudoku(grade, lin, col+1);
   for (k=1: k<10: k++)
      if (resolve(grade, lin, col, k)){
           grade[lin][col]=k;
           if (sudoku(grade, lin, col+1)){return 1;}
      grade[lin][col]=0;
   return 0:
int M[9][9]=\{\{1,0,0,0,0,0,2,0,0\},
             {0,0,0, 1,0,3, 0,0,4},
             {0,0,5, 0,6,7, 8,0,0},
             {6,0,8, 0,9,1, 0,0,5},
             {0,5,0, 0,0,0, 0,1,0},
{2,0,0, 6,4,0, 7,0,3},
             {0,0,7, 8,1,0, 6,0,0},
             {4,0,0, 5,0,2, 0,0,0},
             {0,0,2, 0,0,0, 0,0,9}};
int main(){
    if (sudoku(M, 0, 0)){puzzle(M);}
else {cout<<" solucao impossivel";}</pre>
```

Para você fazer

A seguir um sudoku para você resolver. Resolva a mão, ou usando este programa, à sua escolha.



1) L,C	2) L,C	3) L,C
9,9	9,5	4,5
Responda a	qui:	
1	2	3
H		



204-75765 - n lim

CEP-UFPR-UTFPR-PUC/Pr-UP Sistemas de Informação 10/06/2024 - 08:31:22.8 Matemática aplicada (pkantek@gmail.com) vivxj39a V: 1.02

75660 JOAO VICTOR GOMES VILELA GE(
75660); CHRISTOPHER BUCH FILIPAK (75589); 24JOG204 - 10 27/jun limite 1. avaliacao

SUDOKU para computadores O Sudoku é um quebra-cabeça moderno (parece ter sido inventado por um arquiteto aposentado de 74 anos. Howard Garns em 1979) e começou a se tornar popular no Japão, com o nome de suuji wa dokushin ni kagiru, que significa "os dígitos devem permanecer únicos". Sua popularidade naquele país se explica pela dificuldade do idioma japonês para fazer palavras cruzadas. No Ocidente, o jogo só começou a se popularizar em 2004, quando Wayne Gould um juiz aposentado de Hong Kong, que também era fã de puzzles e programador de computador viajou a Londres para convencer os editores do The Times a publicar o sudoku. Gould havia criado um programa de computador que gerava jogos de sudoku com vários níveis de dificuldade e não estava cobrando nada por ele. O Times decidiu arriscar e no dia 12 de novembro de 2004 publicou seu primeiro sudoku. No Brasil o sudoku é publicado pela Coquetel (Ediouro) desde o início de 2005 e a Folha de São Paulo e a extinta Gazeta do Povo começaram a publicar um sudoku diariamente. O sudoku é muito popular hoje e parece ter as características

- de um bom e duradouro quebra cabeça:

 é disponível em diversos graus de dificuldade
 - · sua regra de solução é muito simples
 - a habilidade de resolvê-lo cresce com a prática
 - ao resolvê-lo a pessoa vê o progresso em direção à solução

O jogo é apresentado em uma grade 9×9 , que está dividida em 9 linhas, 9 colunas e 9 blocos (de 3×3 cada). Neste texto, estes três elementos (linhas, colunas e blocos) serão chamados genericamente de "grupos". A regra única do SUDOKU é que em cada grupo deve haver um conjunto completo de números 1..9. Note-se que os números são usados apenas por comodidade, nenhuma propriedade aritmética deles é importante. Poder-se-iam usar 9 símbolos de times de futebol, cores, signos do zodíaco etc. Antes de continuar a leitura, tente resolver este sudoku

		4	8					
				_			_	
	9		4	6			7	
	5					6	1	4
2	1		6			5		
5	8		7		9		4	1
		7			8		6	9
3	4	5					9	
	6			3	7		2	
					4	1		

O obietivo deste exercicio e construir um resolvedor de SUDOKUs (bem formados = que têm solução única). Este exercício vai ainda abordar os temas de recursividade (uma função chama a si mesmo para resolver uma nova instância (possivelmente mais simples), até que o problema todo esteja resolvido. Outro conceito importante é o de backtracking que é usado junto com a recursividade. Quando uma determinada linha de ação conduz a um beco sem saída, há que desfazer o último tramo e seguir por outro caminho. Pense num laberinto, cuja saída é desconhecida. É a mesma estratégia. Finalmente, o terceiro conceito deste exercício é o da **força bruta** que significa testar todas as alternativas possíveis em busca da certa. Claro está que esta estratégia só é possível a um computador, pela rapidez com que ele gera e testa as alternativas. Em compensação para usar a força bruta, não há necessidade de maior inteligência ou estratégia. É esta a troca que se propõe aqui.

O algoritmo

Primeiro vamos programar uma função simples que recebe uma linha e coluna e um valor k que pretensamente vai ser colocado nessa linha,coluna. Esta função faz uma verificação na linha da grade, na coluna da grade e no bloco. Se o valor k não estiver em nenhuma dessas localizações, então a função retorna Verdadeiro sinalizando que k pode ser colocada aqui. Se o k aparecer em algum lugar dos pesquisados, esta função retorna falso. Veja

```
função resolve(grade, linha, coluna, k)
   para x de 0 a 8
      se grade[linha][x] = k
         retorne Falso
      fim{se}
      se grade[x][coluna] = k
         retorne Falso
      fim{se}
   fim{para}
   comecolin = lin - lin % 3
   comecocol = col - col % 3
   para i de 0 a 2
      para j de 0 a 2
         se grade[comecolin+i][comecocol+j]=k
             retorne Falso
         fim{se}
      fim{para}
   fim{para}
   retorne Verdadeiro
fim{função}
```

Agora vem a espinha dorsal do algoritmo. Primeiro o usuário deve montar a grade, preocupando-se em salvar a grade vazia, já que o algoritmo faz as modificações na grade passada, e que portanto fica diferente do que era (fica resolvida). Para esta função deve ser passado uma linha e coluna, que pode ser 0,0. Vamos por partes

```
função sudoku (grade, linha, coluna)
se (linha=8) E (coluna=9)
retorne Verdadeiro
fim(se)
```

Este teste no início impede que a linha extravase as dimensões da grade. Depois,

```
se coluna = 9
      linha = linha + 1
      coluna = 0
   fim{se}
   se grade[linha][coluna] > 0 // está preenchida
      retorne sudoku (grade, linha, coluna + 1)
   fim{se}
   para k de 1 a 9
      se resolve(grade, linha, coluna, k)
         grade[linha][coluna] = k
         se sudoku (grade, linha, coluna+1)
           retorne Verdadeiro
         fim{se}
      fim{se}
      grade[linha][coluna]=0
   fim{para}
fim{função}
```

Agora, deve-se montar a grade e depois

```
se sudoku(grade,0,0)
   imprima(grade)
senão
   imprima ("sudoku sem solução")
fim{se}
```

#include<iostream>

veja a seguir uma implementação deste código em C++

```
using namespace std;
int puzzle(int a[9][9]){
  int i, j;
  for (i=0;i<9;i++){
    for(j=0;j<9;j++){
      cout<<a[i][j]<<" ";
    }
    cout<<end1;
  }
}
int resolve(int grade[9][9], int lin, int col, int k){
  int i,j,x,comecolin,comecocol;
  for (x=0;x<9;x++){
    if (grade[lin][x]==k){return 0;}
  }
for (x=0;x<9;x++){</pre>
```

```
if (grade[x][col]==k){return 0;}
   comecolin=lin-(lin%3):
   comecocol=col-(col%3);
   for (i=0:i<3:i++){
      for(i=0:i<3:i++){
        if (grade[comecolin+i][comecocol+j]==k){
      }
   return 1;
int sudoku(int grade[9][9], int lin, int col){
   if ((lin==8)&&(col==9)){return 1:}
  if (col==9){lin++; col=0;}
if (grade[lin][col]>0){
      return sudoku(grade, lin, col+1);
   for (k=1; k<10; k++){
      if (resolve(grade, lin, col, k)){
          grade[lin][col]=k;
          if (sudoku(grade, lin, col+1)){return 1;}
      grade[lin][col]=0;
   return 0;
int M[9][9]={{1,0,0, 0,0,0, 2,0,0},
            {0,0,0, 1,0,3, 0,0,4},
            {0,0,5, 0,6,7, 8,0,0},
            {6,0,8, 0,9,1, 0,0,5},
            {0,5,0, 0,0,0, 0,1,0},
            {2,0,0, 6,4,0, 7,0,3},
            {0,0,7, 8,1,0, 6,0,0},
            {4,0,0,5,0,2,0,0,0},
            {0,0,2, 0,0,0, 0,0,9}};
int main(){
    if (sudoku(M, 0, 0)){puzzle(M);}
    else {cout<<" solucao impossivel";}</pre>
```

Para você fazer

A seguir um sudoku para você resolver. Resolva a mão, ou usando este programa, à sua escolha.

			7			8		
		6					3	1
	4				2			
	2	4		7				
	1			3			8	
				6		2	9	
			8				7	
8	6					5		
		2			6			

1) L,C	2) L,C	3) L,C
6,3	4,1	6,6
Responda a	qui:	
1	2	3
ш	1	



204-75660 - n lim

CEP-UFPR-UTFPR-PUC/Pr-UP Sistemas de Informação 10/06/2024 - 08:31:22.8 Matemática aplicada (pkantek@gmail.com) Prof Dr P Kantek

vivxj39a V: 1.02 75758 REBECA CABRAL DOS SANTOS (75758); 24JOG204 - 11 27/jun limite 1. avaliacao

SUDOKU para computadores O Sudoku é um quebra-cabeça moderno (parece ter sido inventado por um arquiteto aposentado de 74 anos, Howard Garns em 1979) e começou a se tornar popular no Japão, com o nome de suuji wa dokushin ni kagiru, que significa "os dígitos devem permanecer únicos". Sua popularidade naquele país se explica pela dificuldade do idioma japonês para fazer palavras cruzadas. No Ocidente, o jogo só começou a se popularizar em 2004, quando Wayne Gould um juiz aposentado de Hong Kong, que também era fã de puzzles e programador de computador viajou a Londres para convencer os editores do The Times a publicar o sudoku. Gould havia criado um programa de computador que gerava jogos de sudoku com vários níveis de dificuldade e não estava cobrando nada por ele. O Times decidiu arriscar e no dia 12 de novembro de 2004 publicou seu primeiro sudoku. No Brasil o sudoku é publicado pela Coquetel (Ediouro) desde o início de 2005 e a Folha de São Paulo e a extinta Gazeta do Povo começaram a publicar um sudoku diariamente. O sudoku é muito popular hoje e parece ter as características de um bom e duradouro quebra cabeça:

- é disponível em diversos graus de dificuldade
- sua regra de solução é muito simples
- a habilidade de resolvê-lo cresce com a prática
- ao resolvê-lo a pessoa vê o progresso em direção à solução

O jogo é apresentado em uma grade 9×9 , que está dividida em 9 linhas, 9 colunas e 9 blocos (de 3×3 cada). Neste texto, estes três elementos (linhas, colunas e blocos) serão chamados genericamente de "grupos". A regra única do SUDOKU é que em cada grupo deve haver um conjunto completo de números 1..9. Note-se que os números são usados apenas por comodidade, nenhuma propriedade aritmética deles é importante. Poder-se-iam usar 9 símbolos de times de futebol, cores, signos do zodíaco etc. Antes de continuar a leitura, tente resolver este sudoku

		4	8					
	9		4	6			7	
	5					6	1	4
2	1		6			5		
5	8		7		9		4	1
		7			8		6	9
3	4	5					9	
	6			3	7		2	
					4	1		

O objetivo deste exercicio e construir um resolvedor de SUDOKUs (bem formados = que têm solução única). Este exercício vai ainda abordar os temas de recursividade (uma função chama a si mesmo para resolver uma nova instância (possivelmente mais simples), até que o problema todo esteja resolvido. Outro conceito importante é o de backtracking que é usado junto com a recursividade. Quando uma determinada linha de ação conduz a um beco sem saída, há que desfazer o último tramo e seguir por outro caminho. Pense num laberinto, cuja saída é desconhecida. É a mesma estratégia. Finalmente, o terceiro conceito deste exercício é o da **força bruta** que significa testar todas as alternativas possíveis em busca da certa. Claro está que esta estratégia só é possível a um computador, pela rapidez com que ele gera e testa as alternativas. Em compensação para usar a força bruta, não há necessidade de maior inteligência ou estratégia. É esta a troca que se propõe aqui.

O algoritmo

Primeiro vamos programar uma função simples que recebe uma linha e coluna e um valor k que pretensamente vai ser colocado nessa linha,coluna. Esta função faz uma verificação na linha da grade, na coluna da grade e no bloco. Se o valor k não estiver em nenhuma dessas localizações, então a função retorna <code>Verdadeiro</code> sinalizando que k pode ser colocada aqui. Se o k aparecer em algum lugar dos pesquisados, esta função retorna <code>falso</code>. Veja

```
função resolve(grade, linha, coluna, k)
   para x de 0 a 8
      se grade[linha][x] = k
          retorne Falso
       fim{se}
       se grade[x][coluna] = k
          retorne Falso
       fim{se}
   fim{para}
   comecolin = lin - lin % 3
   comecocol = col - col % 3
   para i de 0 a 2
      para j de 0 a 2
          se grade[comecolin+i][comecocol+j]=k
              retorne Falso
          fim{se}
       fim{para}
   fim{para}
   retorne Verdadeiro
\texttt{fim}\{\texttt{fun} \texttt{ç} \tilde{\texttt{ao}}\}
```

Agora vem a espinha dorsal do algoritmo. Primeiro o usuário deve montar a grade, preocupando-se em salvar a grade vazia, já que o algoritmo faz as modificações na grade passada, e que portanto fica diferente do que era (fica resolvida). Para esta função deve ser passado uma linha e coluna, que pode ser 0,0. Vamos por partes

```
função sudoku (grade, linha, coluna)
  se (linha=8) E (coluna=9)
    retorne Verdadeiro
  fim{se}
```

Este teste no início impede que a linha extravase as dimensões da grade. Depois,

```
se coluna = 9
      linha = linha + 1
      coluna = 0
   fim{se}
   se grade[linha][coluna] > 0 // está preenchida
      retorne sudoku (grade, linha, coluna + 1)
   fim{se}
   para k de 1 a 9
      se resolve(grade, linha, coluna, k)
  grade[linha][coluna] = k
          se sudoku (grade, linha, coluna+1)
            retorne Verdadeiro
          fim{se}
      fim{se}
      grade[linha][coluna]=0
   fim{para}
fim{funcão}
```

Agora, deve-se montar a grade e depois

```
se sudoku(grade,0,0)
    imprima(grade)
senão
    imprima ("sudoku sem solução")
fim{se}
```

comecocol=col-(col%3);

veja a seguir uma implementação deste código em C++

```
#include<iostream>
using namespace std;
int puzzle(int a[9][9]){
   int i,j;
   for (i=0;i<9;i++){
      for(j=0;j<9;j++){
      cout<<a[i][j]<<" ";
      }
   cout<<endl; }
}
int resolve(int grade[9][9], int lin, int col, int k){
   int i,j,x,comecolin,comecocol;
   for (x=0;x<9;x++){
      if (grade[lin][x]==k){return 0;}
   }
for (x=0;x<9;x++){
      if (grade[x][col]==k){return 0;}
}
comecolin=lin-(lin%3);</pre>
```

```
for (i=0;i<3;i++){
      for(j=0;j<3;j++){
        if (grade[comecolin+i][comecocol+j]==k){
             return 0;
      }
   return 1;
int sudoku(int grade[9][9], int lin, int col){
    int k:
   if ((lin==8)&&(col==9)){return 1;}
   if (col==9){lin++; col=0;}
   if (grade[lin][col]>0){
      return sudoku(grade, lin, col+1);
   for (k=1: k<10: k++)
      if (resolve(grade, lin, col, k)){
           grade[lin][col]=k;
           if (sudoku(grade, lin, col+1)){return 1;}
      grade[lin][col]=0;
   return 0:
int M[9][9]=\{\{1,0,0,0,0,0,2,0,0\},
             {0,0,0, 1,0,3, 0,0,4},
             {0,0,5, 0,6,7, 8,0,0},
             {6,0,8, 0,9,1, 0,0,5},
             {0,5,0, 0,0,0, 0,1,0},
{2,0,0, 6,4,0, 7,0,3},
             {0,0,7, 8,1,0, 6,0,0},
             {4,0,0, 5,0,2, 0,0,0},
             {0,0,2, 0,0,0, 0,0,9}};
int main(){
    if (sudoku(M, 0, 0)){puzzle(M);}
else {cout<<" solucao impossivel";}</pre>
```

🏻 Para você fazer

A seguir um sudoku para você resolver. Resolva a mão, ou usando este programa, à sua escolha.

		_						
		5		8		7		
7			2		4			5
3	2						8	4
	6		1		5		4	
		8				5		
	7		8		3		1	
4	5						9	1
6			5		8			7
		3		1		6		

1) L,C	2) L,C	3) L,C
8,2	8,5	5,5
Responda a	qui:	
1	2	3



204-75758 - n lim