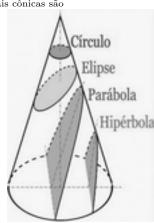
U Positivo - UTFPR - PUCPr - 11/02/2019 - 12:36:35.8Prof Dr P Kantek (pkantek@gmail.com)

Cônicas VIVOt80a, V: 1.05 1

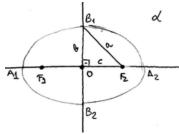
Cônicas

As cônicas são obtidas seccionando um cone (daí o nome). O círculo é uma das cônicas, obtida quando o plano de corte é paralelo à base do cone. As demais cônicas são



1 Elipse

Dados dois pontos distintos F_1 e F_2 pertencentes ao plano α , seja 2c a distância entre eles. A elipse é o conjunto dos pontos de α cuja soma das distâncias a F_1 e F_2 é a constante 2a, sendo que 2a>2c



Em uma elipse, definem-se os elementos principais que são $\,$

 F_1 e F_2 focos da elipse

O centro

 A_1A_2 eixo maior

 B_1B_2 eixo menor

2c distância focal

 $2a \mod do \operatorname{eixo} \operatorname{maior}$

 $2b \mod da$ do eixo menor

 $\frac{c}{a}$ excentricidade

 $a^2 = b^2 + c^2$ relação notável

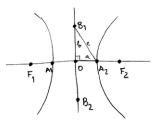
A equação reduzida de uma elipse é

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$$

Achar a elipse com eixo maior = 10 e distância focal = 6. Estudando o triângulo retângulo $\triangle abc$, e sabendo que a=5 e c=3 salta aos olhos que b=4. Daqui $\frac{x^2}{25}+\frac{y^2}{16}=1$, que é a equação procurada

2 Hipérbole

Dados dois pontos distintos F_1 e F_2 pertencentes ao plano α seja 2c a distância entre eles. Hipérbole é o conjunto dos pontos de α cuja diferença em valor absoluto das distâncias a F_1 e F_2 é constante e igual a 2a. Tem-se que 0 < 2a < 2c.



Em uma hiperbole, definem-se os elementos principais que são

 F_1 e F_2 focos da hipérbole

O centro

 A_1A_2 eixo real ou transverso

 B_1B_2 eixo imaginário

2c distância focal

2a medida do eixo real

2b medida do eixo imaginário

 $\frac{c}{a}$ excentricidade

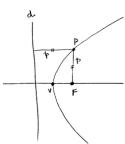
 $c^2=a^2+b^2\;$ relação notável

 ${\bf A}$ equação reduzida da hipérbole é

$$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$$

3 Parábola

Dados um ponto F é uma reta d pertencentes a α com $F \notin d$ seja p a distância entre F e d. Parábola é o conjunto de pontos de α que estão à mesma distância de F e de d.



 $\,$ Em uma parábola, definem-se os elementos principais que são

F foco da parábola

d diretriz

p parâmetro

V vértice

 $\mathbf{reta}\ VF\$ eixo de simetria

 $VF = \frac{p}{2}$ relação notável

A equação reduzida da parábola é

$$y^2 = px$$

Para você fazer

- 1. Dada a elipse $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{9} = 1$ esboce o seu gráfico e determine as coordenadas dos focos.
- 2. Determine os pontos em que a reta 5x + y = 5 intercepta a elipse $25x^2 + y^2 = 25$.
- 3. Dada a elipse $225x^2 + 289y^2 = 65025$ esboce seu gráfico e determine o comprimento do semieixo menor.
- 4. Dada a elipse $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{144} = 1$, esboce seu gráfico e determine as coordenadas dos focos.
- 5. Dada a elipse $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{9} = 1$ esboce o seu gráfico e determine as coordenadas dos vértices.
- 6. Determine o valor de k para que a parábola $y = kx^2$ tenha o foco em (0,3).
- 7. Em um farol parabólico a abertura tem diâmetro de 80cm e profundidade sobre seu eixo de 20cm. Determine a distância em relação ao vértice do farol em que a lâmpada deve ser posicionada.
- 8. Dada a elipse $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{9} = 1$ esboce o seu gráfico e determine o comprimento do semieixo menor.

1	2	3	4
5	6	7	8



