Iniciando na programação

Citando Aristóteles, *Tudo o que precisamos aprender, aprendemos fazendo* (no seu livro *Ética*), vamos concordar que para se desenvolver na habilidade de programar computadores, o que é necessário fazer é programar. Na verdade, nada é muito diferente em muitas outras habilidades humanas: cirurgia, conserto de veículos, alta gastronomia, tocar piano ou qualquer outro instrumento, escrever bem, desenhar maravilhosamente, erguer uma parede, ... a lista é interminável.

Dito isto, a seguir vem uma lista de programas que você deve produzir. A linguagem escolhida pode ser qualquer uma:

C durante muito tempo a linguagem usada em universidades e escolas para aprender

C++ uma evolução de C, sobretudo para simplificar as entradas e saídas de dados

Python a nova queridinha no processo de aprender a programar. É a que garante maior produtividade sobretudo no início do aprendizado

Javascript um bocadinho mais complicada, por ter que usar um browser durante sua execução, mas tem a vantagem de permitir um visual GUI bem elegante e fácil (por conta da dupla HTML/CSS)

APL meio antiga, mas insuperável para construir programas pequenos embora muito poderosos

Java até pouco tempo a preferida dos desenvolvedores, roda em qualquer coisa aparentada ao computador

Outras Assembler, Octave, Maple, Pascal, Fortran, Lisp, Prolog, ... a lista é quase interminável.

Enfim, a lista acima apareceu para subsidiar o comentário de que **não importa a linguagem escolhida** o algoritmo é sempre o mesmo ou muito parecido. E, o algoritmo é sempre o mais difícil de produzir. Então, de fato, a linguagem utilizada é somente importante.

Em resumo, use o que quiser e dentro da linguagem escolhida use o recurso que quiser. O importante é achar o resultado:

Programa 1: Múltiplos de um número

Se listarmos todos os números naturais abaixo de 10 que são múltiplos de 3 ou 5, teremos:

3, 5, 6 e 9

A soma desses números é 23.

Resolvendo o caso para uma instância real. Suponhamos $a = 3$ e $b = 5$ e $limite = 1000$. Uma maneira simples de resolver o caso é:

```
limite = 1000 - 1
soma = 0
para i de 1 até limite passo 1
  se (i%3==0) || (i%5==0)
    soma=soma+i
fim{se}
fim{para}
escreva(soma)
```

Este programa deve imprimir 233.168 que é a soma pedida.

O próximo passo é deixar o programa genérico com as variáveis a , b e $limite$ sendo lidas no início do processamento.

Teste o seu programa com as seguintes triplas

a=7, b=11, lim=2600, resposta=747741
a=2, b=7, lim=2800, resposta=2238600

Desafio Se você for questionado sobre um limite de 1.000.000.000 este programa pode demostrar um tanto. Uma estratégia um pouco mais eficiente, pode ser obter a soma dos divisíveis por a menores que $limite$ somado com a soma dos divisíveis por b (menores que $limite$). Só que fazendo isso, você somou os divisíveis por $a \times b$ duas vezes. Vamos olhar o exemplo para $n = 3$ Precisamos somar $3 + 6 + 9 + 12 + \dots + 999$ que é igual a $3 \times (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 333)$.

Para $n = 5$ precisamos somar $5 + 10 + 15 + \dots + 995 = 5 \times (1 + 2 + 3 + \dots + 199)$. Note que $199 = 995/5$, mas também $999/5$ em termos de divisão inteira. Se também notarmos que $1 + 2 + 3 + \dots + p = \frac{1}{2} \times p \times (p + 1)$, temos:

Se você definir uma função chamada

```
função somds(int n, int lim)
  limite = lim-1
  p = limite / n // (divisao inteira)
  retorne n * (p * (p+1)) / 2
fim{função}
```

O cálculo agora é fácil, bastando fazer:

somds(3,1000)+somds(5,1000)-somds(15,1000)

Programa 2: Números primos

Um número primo é um número natural maior que 1 que possui apenas dois divisores positivos: 1 e ele mesmo.

Em outras palavras, um número primo não pode ser formado pela multiplicação de outros números naturais menores.

Exemplos de números primos: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, ...

Propriedades importantes dos números primos:

O número 1 não é primo: Ele possui apenas um divisor (ele mesmo). Todos os números pares maiores que 2 são compostos: Eles podem ser formados pela multiplicação de dois números menores (por exemplo, $8 = 2 \times 4$). A distribuição dos números primos é infinita: Não existe um limite para a quantidade de números primos que existem. Os números primos desempenham um papel fundamental na teoria dos números e em diversas áreas da matemática e da computação: Eles são utilizados na criptografia, na construção de códigos e na decomposição de números em fatores primos. Especificamente na área da computação, eles são a base de geração de pseudo-aleatórios, na construção de tabelas e códigos *hash*, na maioria dos algoritmos de criptografia (RSA, El Gamal, elíptica, etc).

Métodos para encontrar números primos: Básico: contar os divisores do número. Se forem apenas 2 o número (inteiro e maior que 1) é primo. Se forem mais, ele é composto. Crivo de Eratóstenes: Um método antigo e eficiente para encontrar números primos menores que um determinado valor. Teste de Miller-Rabin: Um algoritmo probabilístico para determinar se um número é primo ou composto. Outros métodos: É moda procurar estes algoritmos. Se alguém achar um que seja determinístico e de complexidade menor que exponencial, seu nome vai para a história.

Curiosidades: O maior número primo conhecido: Em dezembro de 2023, o maior número primo conhecido é $2^{(82,589,933)} - 1$, com 25.097.524 dígitos decimais. Os números primos gêmeos: São dois números primos consecutivos, como (3, 5) e (11, 13). Os números primos palíndromos: São números primos que leem iguais em ambas as direções, como (2, 5, 7, 11, 131).

O algoritmo que você deve implementar é

```
leia (a,b)
ct = 0
var = 2
enquanto (a<=b)
  var=2
  enquanto (var<a)
    se a%var == 0
      saia // limite é composto
    senão
      var = var + 1
  fim{se}
  fim{enquanto}
  se var == limite
    ct=ct+1 // limite é primo
  fim{se}
  a=a+1
fim{enquanto}
escreva(ct)
```

Para testar seu programa, use considere que entre 2 e 100 há 25 primos. Outras opções de teste:

Li=2780, Ls=8777, Quantidade=689
Li=8041, Ls=9527, Quantidade=168

Programa 3: Sequência de Fibonacci

A Sequência de Fibonacci, também conhecida como Sequência de Leonardo, é uma série de números inteiros positivos, começando normalmente por 0 e 1, na qual cada termo subsequente é a soma dos dois anteriores.

Fórmula: O termo n da sequência de Fibonacci pode ser calculado pela fórmula: $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ Onde: F_n é o termo n da sequência, F_{n-1} é o termo anterior ($n - 1$) da sequência e F_{n-2} é o termo anterior ($n - 2$) da sequência.

Os primeiros termos da sequência são: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ... O quinto termo da sequência (F_5) é igual a 5, pois $F_5 = F_4 + F_3 = 3 + 2 = 5$. O décimo termo da sequência (F_{10}) é igual a 55, pois $F_{10} = F_9 + F_8 = 34 + 21 = 55$.

A razão entre dois números consecutivos da sequência tende para o Número Áureo, representado pela letra grega ϕ (fi). O Número Áureo é um número irracional aproximadamente igual a 1,6180339887... A sequência de Fibonacci está presente em diversos elementos da natureza, como na disposição das pétalas de algumas flores, nas ramificações de árvores e na estrutura de conchas. A sequência de Fibonacci tem diversas aplicações em matemática, computação, arte e arquitetura.

O programa que você deve construir é para obter a soma dos números da sequência de Fibonacci que são PARES e menores ou igual a um determinado limite dado.

Por exemplo, se o limite for 100, a sequência é 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144 e a soma buscada é $2 + 8 + 34 = 44$.

O algoritmo em questão é

```
soma=0
leia(limite)
a=1
b=2
soma=2
c=3
enquanto (c<=limite)
  a=b
  b=c
  c=a+b
  se c%2==0
    soma=soma+c
  fim{se}
fim{enquanto}
escreva(soma)
```

Para testar seu programa use estes casos

Limite=121000, Soma=60696
Limite=1487012, Soma=1089154

🔗 Para você fazer

- Encontre a soma de todos os múltiplos de 3 ou 7 abaixo de 3000
- Descubra quantos primos existem entre 3180 e 6396 (incluídos os extremos).
- O limite da sua implementação para os números de Fibonacci (soma dos pares) é 751607

Responda aqui:

1	2	3
---	---	---

204-75789 -

Iniciando na programação

Citando Aristóteles, *Tudo o que precisamos aprender, aprendemos fazendo* (no seu livro *Ética*), vamos concordar que para se desenvolver na habilidade de programar computadores, o que é necessário fazer é programar. Na verdade, nada é muito diferente em muitas outras habilidades humanas: cirurgia, conserto de veículos, alta gastronomia, tocar piano ou qualquer outro instrumento, escrever bem, desenhar maravilhosamente, erguer uma parede, ... a lista é interminável.

Dito isto, a seguir vem uma lista de programas que você deve produzir. A linguagem escolhida pode ser qualquer uma:

C durante muito tempo a linguagem usada em universidades e escolas para aprender

C++ uma evolução de C, sobretudo para simplificar as entradas e saídas de dados

Python a nova queridinha no processo de aprender a programar. É a que garante maior produtividade sobretudo no início do aprendizado

Javascript um bocadinho mais complicada, por ter que usar um browser durante sua execução, mas tem a vantagem de permitir um visual GUI bem elegante e fácil (por conta da dupla HTML/CSS)

APL meio antiga, mas insuperável para construir programas pequenos embora muito poderosos

Java até pouco tempo a preferida dos desenvolvedores, roda em qualquer coisa aparentada ao computador

Outras Assembler, Octave, Maple, Pascal, Fortran, Lisp, Prolog, ... a lista é quase interminável.

Enfim, a lista acima apareceu para subsidiar o comentário de que **não importa a linguagem escolhida** o algoritmo é sempre o mesmo ou muito parecido. E, o algoritmo é sempre o mais difícil de produzir. Então, de fato, a linguagem utilizada é somente importante.

Em resumo, use o que quiser e dentro da linguagem escolhida use o recurso que quiser. O importante é achar o resultado:

Programa 1: Múltiplos de um número

Se listarmos todos os números naturais abaixo de 10 que são múltiplos de 3 ou 5, teremos:

3, 5, 6 e 9

A soma desses números é 23.

Resolvendo o caso para uma instância real. Suponhamos $a = 3$ e $b = 5$ e $limite = 1000$. Uma maneira simples de resolver o caso é:

```
limite = 1000 - 1
soma = 0
para i de 1 até limite passo 1
  se (i%3==0) || (i%5==0)
    soma=soma+i
fim{se}
fim{para}
escreva(soma)
```

Este programa deve imprimir 233.168 que é a soma pedida.

O próximo passo é deixar o programa genérico com as variáveis a , b e $limite$ sendo lidas no início do processamento.

Teste o seu programa com as seguintes triplas

a=7, b=11, lim=2600, resposta=747741
a=5, b=7, lim=2300, resposta=830467

Desafio Se você for questionado sobre um limite de 1.000.000.000 este programa pode demorar um tanto. Uma estratégia um pouco mais eficiente, pode ser obter a soma dos divisíveis por a menores que $limite$ somado com a soma dos divisíveis por b (menores que $limite$). Só que fazendo isso, você somou os divisíveis por $a \times b$ duas vezes. Vamos olhar o exemplo para $n = 3$ Precisamos somar $3 + 6 + 9 + 12 + \dots + 999$ que é igual a $3 \times (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 333)$.

Para $n = 5$ precisamos somar $5 + 10 + 15 + \dots + 995 = 5 \times (1 + 2 + 3 + \dots + 199)$. Note que $199 = 995/5$, mas também $999/5$ em termos de divisão inteira. Se também notarmos que $1 + 2 + 3 + \dots + p = \frac{1}{2} \times p \times (p + 1)$, temos:

Se você definir uma função chamada

```
função somds(int n, int lim)
  limite = lim-1
  p = limite / n // (divisao inteira)
  retorne n * (p * (p+1)) / 2
fim{função}
```

O cálculo agora é fácil, bastando fazer:

somds(3,1000)+somds(3,1000)-somds(15,1000)

Programa 2: Números primos

Um número primo é um número natural maior que 1 que possui apenas dois divisores positivos: 1 e ele mesmo.

Em outras palavras, um número primo não pode ser formado pela multiplicação de outros números naturais menores.

Exemplos de números primos: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, ...

Propriedades importantes dos números primos:

O número 1 não é primo: Ele possui apenas um divisor (ele mesmo). Todos os números pares maiores que 2 são compostos: Eles podem ser formados pela multiplicação de dois números menores (por exemplo, $8 = 2 \times 4$). A distribuição dos números primos é infinita: Não existe um limite para a quantidade de números primos que existem. Os números primos desempenham um papel fundamental na teoria dos números e em diversas áreas da matemática e da computação: Eles são utilizados na criptografia, na construção de códigos e na decomposição de números em fatores primos. Especificamente na área da computação, eles são a base de geração de pseudo-aleatórios, na construção de tabelas e códigos *hash*, na maioria dos algoritmos de criptografia (RSA, El Gamal, elíptica, etc).

Métodos para encontrar números primos: Básico: contar os divisores do número. Se forem apenas 2 o número (inteiro e maior que 1) é primo. Se forem mais, ele é composto. Crivo de Eratóstenes: Um método antigo e eficiente para encontrar números primos menores que um determinado valor. Teste de Miller-Rabin: Um algoritmo probabilístico para determinar se um número é primo ou composto. Outros métodos: É moda procurar estes algoritmos. Se alguém achar um que seja determinístico e de complexidade menor que exponencial, seu nome vai para a história.

Curiosidades: O maior número primo conhecido: Em dezembro de 2023, o maior número primo conhecido é $2^{(82,589,933)} - 1$, com 25.097.524 dígitos decimais. Os números primos gêmeos: São dois números primos consecutivos, como (3, 5) e (11, 13). Os números primos palíndromos: São números primos que leem iguais em ambas as direções, como (2, 5, 7, 11, 131).

O algoritmo que você deve implementar é

```
leia (a,b)
ct = 0
var = 2
enquanto (a<=b)
  var=2
  enquanto (var<a)
    se a%var == 0
      saia // limite é composto
    senão
      var = var + 1
  fim{se}
  fim{enquanto}
  se var == limite
    ct=ct+1 // limite é primo
  fim{se}
  a=a+1
fim{enquanto}
escreva(ct)
```

Para testar seu programa, use considere que entre 2 e 100 há 25 primos. Outras opções de teste:

Li=2780, Ls=8777, Quantidade=689
Li=8035, Ls=8731, Quantidade=78

Programa 3: Sequência de Fibonacci

A Sequência de Fibonacci, também conhecida como Sequência de Leonardo, é uma série de números inteiros positivos, começando normalmente por 0 e 1, na qual cada termo subsequente é a soma dos dois anteriores.

Fórmula: O termo n da sequência de Fibonacci pode ser calculado pela fórmula: $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ Onde: F_n é o termo n da sequência, F_{n-1} é o termo anterior ($n - 1$) da sequência e F_{n-2} é o termo anterior ($n - 2$) da sequência.

Os primeiros termos da sequência são: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ... O quinto termo da sequência (F_5) é igual a 5, pois $F_5 = F_4 + F_3 = 3 + 2 = 5$. O décimo termo da sequência (F_{10}) é igual a 55, pois $F_{10} = F_9 + F_8 = 34 + 21 = 55$.

A razão entre dois números consecutivos da sequência tende para o Número Áureo, representado pela letra grega ϕ (fi). O Número Áureo é um número irracional aproximadamente igual a 1,6180339887... A sequência de Fibonacci está presente em diversos elementos da natureza, como na disposição das pétalas de algumas flores, nas ramificações de árvores e na estrutura de conchas. A sequência de Fibonacci tem diversas aplicações em matemática, computação, arte e arquitetura.

O programa que você deve construir é para obter a soma dos números da sequência de Fibonacci que são PARES e menores ou igual a um determinado limite dado.

Por exemplo, se o limite for 100, a sequência é 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144 e a soma buscada é $2 + 8 + 34 = 44$.

O algoritmo em questão é

```
soma=0
leia(limite)
a=1
b=2
soma=2
c=3
enquanto (c<=limite)
  a=b
  b=c
  c=a+b
  se c%2==0
    soma=soma+c
  fim{se}
fim{enquanto}
escreva(soma)
```

Para testar seu programa use estes casos

Limite=121000, Soma=60696
Limite=331235, Soma=257114

Para você fazer

- Encontre a soma de todos os múltiplos de 19 ou 2 abaixo de 3400
- Descubra quantos primos existem entre 3022 e 3947 (incluídos os extremos).
- O limite da sua implementação para os números de Fibonacci (soma dos pares) é 846295

Responda aqui:

1	2	3
---	---	---

204-75796 -

Iniciando na programação

Citando Aristóteles, *Tudo o que precisamos aprender, aprendemos fazendo* (no seu livro *Ética*), vamos concordar que para se desenvolver na habilidade de programar computadores, o que é necessário fazer é programar. Na verdade, nada é muito diferente em muitas outras habilidades humanas: cirurgia, conserto de veículos, alta gastronomia, tocar piano ou qualquer outro instrumento, escrever bem, desenhar maravilhosamente, erguer uma parede, ... a lista é interminável.

Dito isto, a seguir vem uma lista de programas que você deve produzir. A linguagem escolhida pode ser qualquer uma:

C durante muito tempo a linguagem usada em universidades e escolas para aprender

C++ uma evolução de C, sobretudo para simplificar as entradas e saídas de dados

Python a nova queridinha no processo de aprender a programar. É a que garante maior produtividade sobretudo no início do aprendizado

Javascript um bocadinho mais complicada, por ter que usar um browser durante sua execução, mas tem a vantagem de permitir um visual GUI bem elegante e fácil (por conta da dupla HTML/CSS)

APL meio antiga, mas insuperável para construir programas pequenos embora muito poderosos

Java até pouco tempo a preferida dos desenvolvedores, roda em qualquer coisa aparentada ao computador

Outras Assembler, Octave, Maple, Pascal, Fortran, Lisp, Prolog, ... a lista é quase interminável.

Enfim, a lista acima apareceu para subsidiar o comentário de que **não importa a linguagem escolhida** o algoritmo é sempre o mesmo ou muito parecido. E, o algoritmo é sempre o mais difícil de produzir. Então, de fato, a linguagem utilizada é somente importante.

Em resumo, use o que quiser e dentro da linguagem escolhida use o recurso que quiser. O importante é achar o resultado:

Programa 1: Múltiplos de um número Se listarmos todos os números naturais abaixo de 10 que são múltiplos de 3 ou 5, teremos:

3, 5, 6 e 9

A soma desses números é 23.

Resolvendo o caso para uma instância real. Suponhamos $a = 3$ e $b = 5$ e $limite = 1000$. Uma maneira simples de resolver o caso é:

```
limite = 1000 - 1
soma = 0
para i de 1 até limite passo 1
  se (i%3==0) || (i%5==0)
    soma=soma+i
fim{se}
fim{para}
escreva(soma)
```

Este programa deve imprimir 233.168 que é a soma pedida.

O próximo passo é deixar o programa genérico com as variáveis a , b e $limite$ sendo lidas no início do processamento.

Teste o seu programa com as seguintes triplas

$a=7, b=11, lim=2600, resposta=747741$
 $a=13, b=5, lim=4700, resposta=2885263$

Desafio Se você for questionado sobre um limite de 1.000.000.000 este programa pode demorar um tanto. Uma estratégia um pouco mais eficiente, pode ser obter a soma dos divisíveis por a menores que $limite$ somado com a soma dos divisíveis por b (menores que $limite$). Só que fazendo isso, você somou os divisíveis por $a \times b$ duas vezes. Vamos olhar o exemplo para $n = 3$ Precisamos somar $3 + 6 + 9 + 12 + \dots + 999$ que é igual a $3 \times (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 333)$.

Para $n = 5$ precisamos somar $5 + 10 + 15 + \dots + 995 = 5 \times (1 + 2 + 3 + \dots + 199)$. Note que $199 = 995/5$, mas também $999/5$ em termos de divisão inteira. Se também notarmos que $1 + 2 + 3 + \dots + p = \frac{1}{2} \times p \times (p + 1)$, temos:

Se você definir uma função chamada

```
função somds(int n, int lim)
  limite = lim-1
  p = limite / n // (divisao inteira)
  retorne n * (p * (p+1)) / 2
fim{função}
```

O cálculo agora é fácil, bastando fazer:

$somds(3,1000)+somds(3,1000)-somds(15,1000)$

Programa 2: Números primos Um número primo é um número natural maior que 1 que possui apenas dois divisores positivos: 1 e ele mesmo.

Em outras palavras, um número primo não pode ser formado pela multiplicação de outros números naturais menores.

Exemplos de números primos: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, ...

Propriedades importantes dos números primos:

O número 1 não é primo: Ele possui apenas um divisor (ele mesmo). Todos os números pares maiores que 2 são compostos: Eles podem ser formados pela multiplicação de dois números menores (por exemplo, $8 = 2 \times 4$). A distribuição dos números primos é infinita: Não existe um limite para a quantidade de números primos que existem. Os números primos desempenham um papel fundamental na teoria dos números e em diversas áreas da matemática e da computação: Eles são utilizados na criptografia, na construção de códigos e na decomposição de números em fatores primos. Especificamente na área da computação, eles são a base de geração de pseudo-aleatórios, na construção de tabelas e códigos *hash*, na maioria dos algoritmos de criptografia (RSA, El Gamal, elíptica, etc).

Métodos para encontrar números primos: Básico: contar os divisores do número. Se forem apenas 2 o número (inteiro e maior que 1) é primo. Se forem mais, ele é composto. Crivo de Eratóstenes: Um método antigo e eficiente para encontrar números primos menores que um determinado valor. Teste de Miller-Rabin: Um algoritmo probabilístico para determinar se um número é primo ou composto. Outros métodos: É moda procurar estes algoritmos. Se alguém achar um que seja determinístico e de complexidade menor que exponencial, seu nome vai para a história.

Curiosidades: O maior número primo conhecido: Em dezembro de 2023, o maior número primo conhecido é $2^{(82,589,933)} - 1$, com 25.097.524 dígitos decimais. Os números primos gêmeos: São dois números primos consecutivos, como (3, 5) e (11, 13). Os números primos palíndromos: São números primos que leem iguais em ambas as direções, como (2, 5, 7, 11, 131).

O algoritmo que você deve implementar é

```
leia (a,b)
ct = 0
var = 2
enquanto (a<=b)
  var=2
  enquanto (var<a)
    se a%var == 0
      saia // limite é composto
    senão
      var = var + 1
  fim{se}
  fim{enquanto}
  se var == limite
    ct=ct+1 // limite é primo
  fim{se}
  a=a+1
fim{enquanto}
escreva(ct)
```

Para testar seu programa, use considere que entre 2 e 100 há 25 primos. Outras opções de teste:

Li=2780, Ls=8777, Quantidade=689
Li=4992, Ls=5791, Quantidade=93

Programa 3: Sequência de Fibonacci

A Sequência de Fibonacci, também conhecida como Sequência de Leonardo, é uma série de números inteiros positivos, começando normalmente por 0 e 1, na qual cada termo subsequente é a soma dos dois anteriores.

Fórmula: O termo n da sequência de Fibonacci pode ser calculado pela fórmula: $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ Onde: F_n é o termo n da sequência, F_{n-1} é o termo anterior ($n - 1$) da sequência e F_{n-2} é o termo anterior ($n - 2$) da sequência.

Os primeiros termos da sequência são: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ... O quinto termo da sequência (F_5) é igual a 5, pois $F_5 = F_4 + F_3 = 3 + 2 = 5$. O décimo termo da sequência (F_{10}) é igual a 55, pois $F_{10} = F_9 + F_8 = 34 + 21 = 55$.

A razão entre dois números consecutivos da sequência tende para o Número Áureo, representado pela letra grega ϕ (fi). O Número Áureo é um número irracional aproximadamente igual a 1,6180339887... A sequência de Fibonacci está presente em diversos elementos da natureza, como na disposição das pétalas de algumas flores, nas ramificações de árvores e na estrutura de conchas. A sequência de Fibonacci tem diversas aplicações em matemática, computação, arte e arquitetura.

O programa que você deve construir é para obter a soma dos números da sequência de Fibonacci que são PARES e menores ou igual a um determinado limite dado.

Por exemplo, se o limite for 100, a sequência é 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144 e a soma buscada é $2 + 8 + 34 = 44$.

O algoritmo em questão é

```
soma=0
leia(limite)
a=1
b=2
soma=2
c=3
enquanto (c<=limite)
  a=b
  b=c
  c=a+b
  se c%2==0
    soma=soma+c
  fim{se}
fim{enquanto}
escreva(soma)
```

Para testar seu programa use estes casos

Limite=121000, Soma=60696
Limite=1028911, Soma=1089154

🔗 Para você fazer

- Encontre a soma de todos os múltiplos de 5 ou 11 abaixo de 2100
- Descubra quantos primos existem entre 7876 e 7970 (incluídos os extremos).
- O limite da sua implementação para os números de Fibonacci (soma dos pares) é 125188

Responda aqui:

1	2	3
---	---	---

204-75808 -

Iniciando na programação

Citando Aristóteles, *Tudo o que precisamos aprender, aprendemos fazendo* (no seu livro *Ética*), vamos concordar que para se desenvolver na habilidade de programar computadores, o que é necessário fazer é programar. Na verdade, nada é muito diferente em muitas outras habilidades humanas: cirurgia, conserto de veículos, alta gastronomia, tocar piano ou qualquer outro instrumento, escrever bem, desenhar maravilhosamente, erguer uma parede, ... a lista é interminável.

Dito isto, a seguir vem uma lista de programas que você deve produzir. A linguagem escolhida pode ser qualquer uma:

C durante muito tempo a linguagem usada em universidades e escolas para aprender

C++ uma evolução de C, sobretudo para simplificar as entradas e saídas de dados

Python a nova queridinha no processo de aprender a programar. É a que garante maior produtividade sobretudo no início do aprendizado

Javascript um bocadinho mais complicada, por ter que usar um browser durante sua execução, mas tem a vantagem de permitir um visual GUI bem elegante e fácil (por conta da dupla HTML/CSS)

APL meio antiga, mas insuperável para construir programas pequenos embora muito poderosos

Java até pouco tempo a preferida dos desenvolvedores, roda em qualquer coisa aparentada ao computador

Outras Assembler, Octave, Maple, Pascal, Fortran, Lisp, Prolog, ... a lista é quase interminável.

Enfim, a lista acima apareceu para subsidiar o comentário de que **não importa a linguagem escolhida** o algoritmo é sempre o mesmo ou muito parecido. E, o algoritmo é sempre o mais difícil de produzir. Então, de fato, a linguagem utilizada é somente importante.

Em resumo, use o que quiser e dentro da linguagem escolhida use o recurso que quiser. O importante é achar o resultado:

Programa 1: Múltiplos de um número Se listarmos todos os números naturais abaixo de 10 que são múltiplos de 3 ou 5, teremos:

3, 5, 6 e 9

A soma desses números é 23.

Resolvendo o caso para uma instância real. Suponhamos $a = 3$ e $b = 5$ e $limite = 1000$. Uma maneira simples de resolver o caso é:

```
limite = 1000 - 1
soma = 0
para i de 1 até limite passo 1
  se (i%3==0) || (i%5==0)
    soma=soma+i
fim{se}
fim{para}
escreva(soma)
```

Este programa deve imprimir 233.168 que é a soma pedida.

O próximo passo é deixar o programa genérico com as variáveis a , b e $limite$ sendo lidas no início do processamento.

Teste o seu programa com as seguintes triplas

$a=7, b=11, lim=2600, resposta=747741$
 $a=17, b=19, lim=4400, resposta=1047718$

Desafio Se você for questionado sobre um limite de 1.000.000.000 este programa pode demostrar um tanto. Uma estratégia um pouco mais eficiente, pode ser obter a soma dos divisíveis por a menores que $limite$ somado com a soma dos divisíveis por b (menores que $limite$). Só que fazendo isso, você somou os divisíveis por $a \times b$ duas vezes. Vamos olhar o exemplo para $n = 3$ Precisamos somar $3 + 6 + 9 + 12 + \dots + 999$ que é igual a $3 \times (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 333)$.

Para $n = 5$ precisamos somar $5 + 10 + 15 + \dots + 995 = 5 \times (1 + 2 + 3 + \dots + 199)$. Note que $199 = 995/5$, mas também $999/5$ em termos de divisão inteira. Se também notarmos que $1 + 2 + 3 + \dots + p = \frac{1}{2} \times p \times (p + 1)$, temos:

Se você definir uma função chamada

```
função somds(int n, int lim)
  limite = lim-1
  p = limite / n // (divisao inteira)
  retorne n * (p * (p+1)) / 2
fim{função}
```

O cálculo agora é fácil, bastando fazer:

$somds(3,1000)+somds(3,1000)-somds(15,1000)$

Programa 2: Números primos Um número primo é um número natural maior que 1 que possui apenas dois divisores positivos: 1 e ele mesmo.

Em outras palavras, um número primo não pode ser formado pela multiplicação de outros números naturais menores.

Exemplos de números primos: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, ...

Propriedades importantes dos números primos:

O número 1 não é primo: Ele possui apenas um divisor (ele mesmo). Todos os números pares maiores que 2 são compostos: Eles podem ser formados pela multiplicação de dois números menores (por exemplo, $8 = 2 \times 4$). A distribuição dos números primos é infinita: Não existe um limite para a quantidade de números primos que existem. Os números primos desempenham um papel fundamental na teoria dos números e em diversas áreas da matemática e da computação: Eles são utilizados na criptografia, na construção de códigos e na decomposição de números em fatores primos. Especificamente na área da computação, eles são a base de geração de pseudo-aleatórios, na construção de tabelas e códigos *hash*, na maioria dos algoritmos de criptografia (RSA, El Gamal, elíptica, etc).

Métodos para encontrar números primos: Básico: contar os divisores do número. Se forem apenas 2 o número (inteiro e maior que 1) é primo. Se forem mais, ele é composto. Crivo de Eratóstenes: Um método antigo e eficiente para encontrar números primos menores que um determinado valor. Teste de Miller-Rabin: Um algoritmo probabilístico para determinar se um número é primo ou composto. Outros métodos: É moda procurar estes algoritmos. Se alguém achar um que seja determinístico e de complexidade menor que exponencial, seu nome vai para a história.

Curiosidades: O maior número primo conhecido: Em dezembro de 2023, o maior número primo conhecido é $2^{(82,589,933)} - 1$, com 25.097.524 dígitos decimais. Os números primos gêmeos: São dois números primos consecutivos, como (3, 5) e (11, 13). Os números primos palíndromos: São números primos que leem iguais em ambas as direções, como (2, 5, 7, 11, 131).

O algoritmo que você deve implementar é

```
leia (a,b)
ct = 0
var = 2
enquanto (a<=b)
  var=2
  enquanto (var<a)
    se a%var == 0
      saia // limite é composto
    senão
      var = var + 1
  fim{se}
  fim{enquanto}
  se var == limite
    ct=ct+1 // limite é primo
  fim{se}
  a=a+1
fim{enquanto}
escreva(ct)
```

Para testar seu programa, use considere que entre 2 e 100 há 25 primos. Outras opções de teste:

$Li=2780, Ls=8777, Quantidade=689$
 $Li=5839, Ls=9388, Quantidade=395$

Programa 3: Sequência de Fibonacci

A Sequência de Fibonacci, também conhecida como Sequência de Leonardo, é uma série de números inteiros positivos, começando normalmente por 0 e 1, na qual cada termo subsequente é a soma dos dois anteriores.

Fórmula: O termo n da sequência de Fibonacci pode ser calculado pela fórmula: $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ Onde: F_n é o termo n da sequência, F_{n-1} é o termo anterior ($n - 1$) da sequência e F_{n-2} é o termo anterior ($n - 2$) da sequência.

Os primeiros termos da sequência são: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ... O quinto termo da sequência (F_5) é igual a 5, pois $F_5 = F_4 + F_3 = 3 + 2 = 5$. O décimo termo da sequência (F_{10}) é igual a 55, pois $F_{10} = F_9 + F_8 = 34 + 21 = 55$.

A razão entre dois números consecutivos da sequência tende para o Número Áureo, representado pela letra grega ϕ (fi). O Número Áureo é um número irracional aproximadamente igual a 1,6180339887... A sequência de Fibonacci está presente em diversos elementos da natureza, como na disposição das pétalas de algumas flores, nas ramificações de árvores e na estrutura de conchas. A sequência de Fibonacci tem diversas aplicações em matemática, computação, arte e arquitetura.

O programa que você deve construir é para obter a soma dos números da sequência de Fibonacci que são PARES e menores ou igual a um determinado limite dado.

Por exemplo, se o limite for 100, a sequência é 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144 e a soma buscada é $2 + 8 + 34 = 44$.

O algoritmo em questão é

```
soma=0
leia(limite)
a=1
b=2
soma=2
c=3
enquanto (c<=limite)
  a=b
  b=c
  c=a+b
  se c%2==0
    soma=soma+c
  fim{se}
fim{enquanto}
escreva(soma)
```

Para testar seu programa use estes casos

$Limite=121000, Soma=60696$
 $Limite=1463377, Soma=1089154$

🔗 Para você fazer

- Encontre a soma de todos os múltiplos de 5 ou 3 abaixo de 4900
- Descubra quantos primos existem entre 5654 e 6032 (incluídos os extremos).
- O limite da sua implementação para os números de Fibonacci (soma dos pares) é 473389

Responda aqui:

1	2	3
---	---	---

204-75815 -

Iniciando na programação

Citando Aristóteles, *Tudo o que precisamos aprender, aprendemos fazendo* (no seu livro *Ética*), vamos concordar que para se desenvolver na habilidade de programar computadores, o que é necessário fazer é programar. Na verdade, nada é muito diferente em muitas outras habilidades humanas: cirurgia, conserto de veículos, alta gastronomia, tocar piano ou qualquer outro instrumento, escrever bem, desenhar maravilhosamente, erguer uma parede, ... a lista é interminável.

Dito isto, a seguir vem uma lista de programas que você deve produzir. A linguagem escolhida pode ser qualquer uma:

C durante muito tempo a linguagem usada em universidades e escolas para aprender

C++ uma evolução de C, sobretudo para simplificar as entradas e saídas de dados

Python a nova queridinha no processo de aprender a programar. É a que garante maior produtividade sobretudo no início do aprendizado

Javascript um bocadinho mais complicada, por ter que usar um browser durante sua execução, mas tem a vantagem de permitir um visual GUI bem elegante e fácil (por conta da dupla HTML/CSS)

APL meio antiga, mas insuperável para construir programas pequenos embora muito poderosos

Java até pouco tempo a preferida dos desenvolvedores, roda em qualquer coisa aparentada ao computador

Outras Assembler, Octave, Maple, Pascal, Fortran, Lisp, Prolog, ... a lista é quase interminável.

Enfim, a lista acima apareceu para subsidiar o comentário de que **não importa a linguagem escolhida** o algoritmo é sempre o mesmo ou muito parecido. E, o algoritmo é sempre o mais difícil de produzir. Então, de fato, a linguagem utilizada é somente importante.

Em resumo, use o que quiser e dentro da linguagem escolhida use o recurso que quiser. O importante é achar o resultado:

Programa 1: Múltiplos de um número

Se listarmos todos os números naturais abaixo de 10 que são múltiplos de 3 ou 5, teremos:

3, 5, 6 e 9

A soma desses números é 23.

Resolvendo o caso para uma instância real. Suponhamos $a = 3$ e $b = 5$ e $limite = 1000$. Uma maneira simples de resolver o caso é:

```
limite = 1000 - 1
soma = 0
para i de 1 até limite passo 1
  se (i%3==0) || (i%5==0)
    soma=soma+i
fim{se}
fim{para}
escreva(soma)
```

Este programa deve imprimir 233.168 que é a soma pedida.

O próximo passo é deixar o programa genérico com as variáveis a , b e $limite$ sendo lidas no início do processamento.

Teste o seu programa com as seguintes triplas

$a=7, b=11, lim=2600, resposta=747741$
 $a=13, b=17, lim=3300, resposta=716053$

Desafio Se você for questionado sobre um limite de 1.000.000.000 este programa pode demostrar um tanto. Uma estratégia um pouco mais eficiente, pode ser obter a soma dos divisíveis por a menores que $limite$ somado com a soma dos divisíveis por b (menores que $limite$). Só que fazendo isso, você somou os divisíveis por $a \times b$ duas vezes. Vamos olhar o exemplo para $n = 3$ Precisamos somar $3 + 6 + 9 + 12 + \dots + 999$ que é igual a $3 \times (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 333)$.

Para $n = 5$ precisamos somar $5 + 10 + 15 + \dots + 995 = 5 \times (1 + 2 + 3 + \dots + 199)$. Note que $199 = 995/5$, mas também $999/5$ em termos de divisão inteira. Se também notarmos que $1 + 2 + 3 + \dots + p = \frac{1}{2} \times p \times (p + 1)$, temos:

Se você definir uma função chamada

```
função somds(int n, int lim)
  limite = lim-1
  p = limite / n // (divisao inteira)
  retorne n * (p * (p+1)) / 2
fim{função}
```

O cálculo agora é fácil, bastando fazer:

$somds(3,1000)+somds(3,1000)-somds(15,1000)$

Programa 2: Números primos

Um número primo é um número natural maior que 1 que possui apenas dois divisores positivos: 1 e ele mesmo.

Em outras palavras, um número primo não pode ser formado pela multiplicação de outros números naturais menores.

Exemplos de números primos: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, ...

Propriedades importantes dos números primos:

O número 1 não é primo: Ele possui apenas um divisor (ele mesmo). Todos os números pares maiores que 2 são compostos: Eles podem ser formados pela multiplicação de dois números menores (por exemplo, $8 = 2 \times 4$). A distribuição dos números primos é infinita: Não existe um limite para a quantidade de números primos que existem. Os números primos desempenham um papel fundamental na teoria dos números e em diversas áreas da matemática e da computação: Eles são utilizados na criptografia, na construção de códigos e na decomposição de números em fatores primos. Especificamente na área da computação, eles são a base de geração de pseudo-aleatórios, na construção de tabelas e códigos *hash*, na maioria dos algoritmos de criptografia (RSA, El Gamal, elíptica, etc).

Métodos para encontrar números primos: Básico: contar os divisores do número. Se forem apenas 2 o número (inteiro e maior que 1) é primo. Se forem mais, ele é composto. Crivo de Eratóstenes: Um método antigo e eficiente para encontrar números primos menores que um determinado valor. Teste de Miller-Rabin: Um algoritmo probabilístico para determinar se um número é primo ou composto. Outros métodos: É moda procurar estes algoritmos. Se alguém achar um que seja determinístico e de complexidade menor que exponencial, seu nome vai para a história.

Curiosidades: O maior número primo conhecido: Em dezembro de 2023, o maior número primo conhecido é $2^{(82,589,933)} - 1$, com 25.097.524 dígitos decimais. Os números primos gêmeos: São dois números primos consecutivos, como (3, 5) e (11, 13). Os números primos palíndromos: São números primos que leem iguais em ambas as direções, como (2, 5, 7, 11, 131).

O algoritmo que você deve implementar é

```
leia (a,b)
ct = 0
var = 2
enquanto (a<=b)
  var=2
  enquanto (var<a)
    se a%var == 0
      saia // limite é composto
    senão
      var = var + 1
  fim{se}
  fim{enquanto}
  se var == limite
    ct=ct+1 // limite é primo
  fim{se}
  a=a+1
fim{enquanto}
escreva(ct)
```

Para testar seu programa, use considere que entre 2 e 100 há 25 primos. Outras opções de teste:

$Li=2780, Ls=8777, Quantidade=689$
 $Li=8312, Ls=8508, Quantidade=17$

Programa 3: Sequência de Fibonacci

A Sequência de Fibonacci, também conhecida como Sequência de Leonardo, é uma série de números inteiros positivos, começando normalmente por 0 e 1, na qual cada termo subsequente é a soma dos dois anteriores.

Fórmula: O termo n da sequência de Fibonacci pode ser calculado pela fórmula: $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ Onde: F_n é o termo n da sequência, F_{n-1} é o termo anterior ($n - 1$) da sequência e F_{n-2} é o termo anterior ($n - 2$) da sequência.

Os primeiros termos da sequência são: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ... O quinto termo da sequência (F_5) é igual a 5, pois $F_5 = F_4 + F_3 = 3 + 2 = 5$. O décimo termo da sequência (F_{10}) é igual a 55, pois $F_{10} = F_9 + F_8 = 34 + 21 = 55$.

A razão entre dois números consecutivos da sequência tende para o Número Áureo, representado pela letra grega ϕ (fi). O Número Áureo é um número irracional aproximadamente igual a 1,6180339887... A sequência de Fibonacci está presente em diversos elementos da natureza, como na disposição das pétalas de algumas flores, nas ramificações de árvores e na estrutura de conchas. A sequência de Fibonacci tem diversas aplicações em matemática, computação, arte e arquitetura.

O programa que você deve construir é para obter a soma dos números da sequência de Fibonacci que são PARES e menores ou igual a um determinado limite dado.

Por exemplo, se o limite for 100, a sequência é 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144 e a soma buscada é $2 + 8 + 34 = 44$.

O algoritmo em questão é

```
soma=0
leia(limite)
a=1
b=2
soma=2
c=3
enquanto (c<=limite)
  a=b
  b=c
  c=a+b
  se c%2==0
    soma=soma+c
  fim{se}
fim{enquanto}
escreva(soma)
```

Para testar seu programa use estes casos

$Limite=121000, Soma=60696$
 $Limite=300838, Soma=257114$

🔗 Para você fazer

- Encontre a soma de todos os múltiplos de 5 ou 19 abaixo de 3000
- Descubra quantos primos existem entre 5088 e 7456 (incluídos os extremos).
- O limite da sua implementação para os números de Fibonacci (soma dos pares) é 607584

Responda aqui:

1	2	3
---	---	---

204-75822 -

Iniciando na programação

Citando Aristóteles, *Tudo o que precisamos aprender, aprendemos fazendo* (no seu livro *Ética*), vamos concordar que para se desenvolver na habilidade de programar computadores, o que é necessário fazer é programar. Na verdade, nada é muito diferente em muitas outras habilidades humanas: cirurgia, conserto de veículos, alta gastronomia, tocar piano ou qualquer outro instrumento, escrever bem, desenhar maravilhosamente, erguer uma parede, ... a lista é interminável.

Dito isto, a seguir vem uma lista de programas que você deve produzir. A linguagem escolhida pode ser qualquer uma:

C durante muito tempo a linguagem usada em universidades e escolas para aprender

C++ uma evolução de C, sobretudo para simplificar as entradas e saídas de dados

Python a nova queridinha no processo de aprender a programar. É a que garante maior produtividade sobretudo no início do aprendizado

Javascript um bocadinho mais complicada, por ter que usar um browser durante sua execução, mas tem a vantagem de permitir um visual GUI bem elegante e fácil (por conta da dupla HTML/CSS)

APL meio antiga, mas insuperável para construir programas pequenos embora muito poderosos

Java até pouco tempo a preferida dos desenvolvedores, roda em qualquer coisa aparentada ao computador

Outras Assembler, Octave, Maple, Pascal, Fortran, Lisp, Prolog, ... a lista é quase interminável.

Enfim, a lista acima apareceu para subsidiar o comentário de que **não importa a linguagem escolhida** o algoritmo é sempre o mesmo ou muito parecido. E, o algoritmo é sempre o mais difícil de produzir. Então, de fato, a linguagem utilizada é somente importante.

Em resumo, use o que quiser e dentro da linguagem escolhida use o recurso que quiser. O importante é achar o resultado:

Programa 1: Múltiplos de um número

Se listarmos todos os números naturais abaixo de 10 que são múltiplos de 3 ou 5, teremos:

3, 5, 6 e 9

A soma desses números é 23.

Resolvendo o caso para uma instância real. Suponhamos $a = 3$ e $b = 5$ e $limite = 1000$. Uma maneira simples de resolver o caso é:

```
limite = 1000 - 1
soma = 0
para i de 1 até limite passo 1
  se (i%3==0) || (i%5==0)
    soma=soma+i
fim{se}
fim{para}
escreva(soma)
```

Este programa deve imprimir 233.168 que é a soma pedida.

O próximo passo é deixar o programa genérico com as variáveis a , b e $limite$ sendo lidas no início do processamento.

Teste o seu programa com as seguintes triplas

a=7, b=11, lim=2600, resposta=747741
a=5, b=11, lim=3000, resposta=1225233

Desafio Se você for questionado sobre um limite de 1.000.000.000 este programa pode demorar um tanto. Uma estratégia um pouco mais eficiente, pode ser obter a soma dos divisíveis por a menores que $limite$ somado com a soma dos divisíveis por b (menores que $limite$). Só que fazendo isso, você somou os divisíveis por $a \times b$ duas vezes. Vamos olhar o exemplo para $n = 3$ Precisamos somar $3 + 6 + 9 + 12 + \dots + 999$ que é igual a $3 \times (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 333)$.

Para $n = 5$ precisamos somar $5 + 10 + 15 + \dots + 995 = 5 \times (1 + 2 + 3 + \dots + 199)$. Note que $199 = 995/5$, mas também $999/5$ em termos de divisão inteira. Se também notarmos que $1 + 2 + 3 + \dots + p = \frac{1}{2} \times p \times (p + 1)$, temos:

Se você definir uma função chamada

```
função somds(int n, int lim)
  limite = lim-1
  p = limite / n // (divisao inteira)
  retorne n * (p * (p+1)) / 2
fim{função}
```

O cálculo agora é fácil, bastando fazer:

somds(3,1000)+somds(3,1000)-somds(15,1000)

Programa 2: Números primos Um número primo é um número natural maior que 1 que possui apenas dois divisores positivos: 1 e ele mesmo.

Em outras palavras, um número primo não pode ser formado pela multiplicação de outros números naturais menores.

Exemplos de números primos: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, ...

Propriedades importantes dos números primos:

O número 1 não é primo: Ele possui apenas um divisor (ele mesmo). Todos os números pares maiores que 2 são compostos: Eles podem ser formados pela multiplicação de dois números menores (por exemplo, $8 = 2 \times 4$). A distribuição dos números primos é infinita: Não existe um limite para a quantidade de números primos que existem. Os números primos desempenham um papel fundamental na teoria dos números e em diversas áreas da matemática e da computação: Eles são utilizados na criptografia, na construção de códigos e na decomposição de números em fatores primos. Especificamente na área da computação, eles são a base de geração de pseudo-aleatórios, na construção de tabelas e códigos *hash*, na maioria dos algoritmos de criptografia (RSA, El Gamal, elíptica, etc).

Métodos para encontrar números primos: Básico: contar os divisores do número. Se forem apenas 2 o número (inteiro e maior que 1) é primo. Se forem mais, ele é composto. Crivo de Eratóstenes: Um método antigo e eficiente para encontrar números primos menores que um determinado valor. Teste de Miller-Rabin: Um algoritmo probabilístico para determinar se um número é primo ou composto. Outros métodos: É moda procurar estes algoritmos. Se alguém achar um que seja determinístico e de complexidade menor que exponencial, seu nome vai para a história.

Curiosidades: O maior número primo conhecido: Em dezembro de 2023, o maior número primo conhecido é $2^{(82,589,933)} - 1$, com 25.097.524 dígitos decimais. Os números primos gêmeos: São dois números primos consecutivos, como (3, 5) e (11, 13). Os números primos palíndromos: São números primos que leem iguais em ambas as direções, como (2, 5, 7, 11, 131).

O algoritmo que você deve implementar é

```
leia (a,b)
ct = 0
var = 2
enquanto (a<=b)
  var=2
  enquanto (var<a)
    se a%var == 0
      saia // limite é composto
    senão
      var = var + 1
  fim{se}
  fim{enquanto}
  se var == limite
    ct=ct+1 // limite é primo
  fim{se}
  a=a+1
fim{enquanto}
escreva(ct)
```

Para testar seu programa, use considere que entre 2 e 100 há 25 primos. Outras opções de teste:

Li=2780, Ls=8777, Quantidade=689
Li=6969, Ls=7809, Quantidade=92

Programa 3: Sequência de Fibonacci

A Sequência de Fibonacci, também conhecida como Sequência de Leonardo, é uma série de números inteiros positivos, começando normalmente por 0 e 1, na qual cada termo subsequente é a soma dos dois anteriores.

Fórmula: O termo n da sequência de Fibonacci pode ser calculado pela fórmula: $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ Onde: F_n é o termo n da sequência, F_{n-1} é o termo anterior ($n - 1$) da sequência e F_{n-2} é o termo anterior ($n - 2$) da sequência.

Os primeiros termos da sequência são: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ... O quinto termo da sequência (F_5) é igual a 5, pois $F_5 = F_4 + F_3 = 3 + 2 = 5$. O décimo termo da sequência (F_{10}) é igual a 55, pois $F_{10} = F_9 + F_8 = 34 + 21 = 55$.

A razão entre dois números consecutivos da sequência tende para o Número Áureo, representado pela letra grega ϕ (fi). O Número Áureo é um número irracional aproximadamente igual a 1,6180339887... A sequência de Fibonacci está presente em diversos elementos da natureza, como na disposição das pétalas de algumas flores, nas ramificações de árvores e na estrutura de conchas. A sequência de Fibonacci tem diversas aplicações em matemática, computação, arte e arquitetura.

O programa que você deve construir é para obter a soma dos números da sequência de Fibonacci que são PARES e menores ou igual a um determinado limite dado.

Por exemplo, se o limite for 100, a sequência é 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144 e a soma buscada é $2 + 8 + 34 = 44$.

O algoritmo em questão é

```
soma=0
leia(limite)
a=1
b=2
soma=2
c=3
enquanto (c<=limite)
  a=b
  b=c
  c=a+b
  se c%2==0
    soma=soma+c
  fim{se}
fim{enquanto}
escreva(soma)
```

Para testar seu programa use estes casos

Limite=121000, Soma=60696
Limite=637854, Soma=1089154

🔗 Para você fazer

- Encontre a soma de todos os múltiplos de 19 ou 17 abaixo de 3100
- Descubra quantos primos existem entre 3734 e 9290 (incluídos os extremos).
- O limite da sua implementação para os números de Fibonacci (soma dos pares) é 683456

Responda aqui:

1	2	3
---	---	---

204-75839 -

Iniciando na programação

Citando Aristóteles, *Tudo o que precisamos aprender, aprendemos fazendo* (no seu livro *Ética*), vamos concordar que para se desenvolver na habilidade de programar computadores, o que é necessário fazer é programar. Na verdade, nada é muito diferente em muitas outras habilidades humanas: cirurgia, conserto de veículos, alta gastronomia, tocar piano ou qualquer outro instrumento, escrever bem, desenhar maravilhosamente, erguer uma parede, ... a lista é interminável.

Dito isto, a seguir vem uma lista de programas que você deve produzir. A linguagem escolhida pode ser qualquer uma:

C durante muito tempo a linguagem usada em universidades e escolas para aprender

C++ uma evolução de C, sobretudo para simplificar as entradas e saídas de dados

Python a nova queridinha no processo de aprender a programar. É a que garante maior produtividade sobretudo no início do aprendizado

Javascript um bocadinho mais complicada, por ter que usar um browser durante sua execução, mas tem a vantagem de permitir um visual GUI bem elegante e fácil (por conta da dupla HTML/CSS)

APL meio antiga, mas insuperável para construir programas pequenos embora muito poderosos

Java até pouco tempo a preferida dos desenvolvedores, roda em qualquer coisa aparentada ao computador

Outras Assembler, Octave, Maple, Pascal, Fortran, Lisp, Prolog, ... a lista é quase interminável.

Enfim, a lista acima apareceu para subsidiar o comentário de que **não importa a linguagem escolhida** o algoritmo é sempre o mesmo ou muito parecido. E, o algoritmo é sempre o mais difícil de produzir. Então, de fato, a linguagem utilizada é somente importante.

Em resumo, use o que quiser e dentro da linguagem escolhida use o recurso que quiser. O importante é achar o resultado:

Programa 1: Múltiplos de um número

Se listarmos todos os números naturais abaixo de 10 que são múltiplos de 3 ou 5, teremos:

3, 5, 6 e 9

A soma desses números é 23.

Resolvendo o caso para uma instância real. Suponhamos $a = 3$ e $b = 5$ e $limite = 1000$. Uma maneira simples de resolver o caso é:

```
limite = 1000 - 1
soma = 0
para i de 1 até limite passo 1
  se (i%3==0) || (i%5==0)
    soma=soma+i
fim{se}
fim{para}
escreva(soma)
```

Este programa deve imprimir 233.168 que é a soma pedida.

O próximo passo é deixar o programa genérico com as variáveis a , b e $limite$ sendo lidas no início do processamento.

Teste o seu programa com as seguintes triplas

$a=7, b=11, lim=2600, resposta=747741$
 $a=17, b=19, lim=4500, resposta=1096621$

Desafio Se você for questionado sobre um limite de 1.000.000.000 este programa pode demostrar um tanto. Uma estratégia um pouco mais eficiente, pode ser obter a soma dos divisíveis por a menores que $limite$ somado com a soma dos divisíveis por b (menores que $limite$). Só que fazendo isso, você somou os divisíveis por $a \times b$ duas vezes. Vamos olhar o exemplo para $n = 3$ Precisamos somar $3 + 6 + 9 + 12 + \dots + 999$ que é igual a $3 \times (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 333)$.

Para $n = 5$ precisamos somar $5 + 10 + 15 + \dots + 995 = 5 \times (1 + 2 + 3 + \dots + 199)$. Note que $199 = 995/5$, mas também $999/5$ em termos de divisão inteira. Se também notarmos que $1 + 2 + 3 + \dots + p = \frac{1}{2} \times p \times (p + 1)$, temos:

Se você definir uma função chamada

```
função somds(int n, int lim)
  limite = lim-1
  p = limite / n // (divisao inteira)
  retorne n * (p * (p+1)) / 2
fim{função}
```

O cálculo agora é fácil, bastando fazer:

$somds(3,1000)+somds(3,1000)-somds(15,1000)$

Programa 2: Números primos

Um número primo é um número natural maior que 1 que possui apenas dois divisores positivos: 1 e ele mesmo.

Em outras palavras, um número primo não pode ser formado pela multiplicação de outros números naturais menores.

Exemplos de números primos: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, ...

Propriedades importantes dos números primos:

O número 1 não é primo: Ele possui apenas um divisor (ele mesmo). Todos os números pares maiores que 2 são compostos: Eles podem ser formados pela multiplicação de dois números menores (por exemplo, $8 = 2 \times 4$). A distribuição dos números primos é infinita: Não existe um limite para a quantidade de números primos que existem. Os números primos desempenham um papel fundamental na teoria dos números e em diversas áreas da matemática e da computação: Eles são utilizados na criptografia, na construção de códigos e na decomposição de números em fatores primos. Especificamente na área da computação, eles são a base de geração de pseudo-aleatórios, na construção de tabelas e códigos *hash*, na maioria dos algoritmos de criptografia (RSA, El Gamal, elíptica, etc).

Métodos para encontrar números primos: Básico: contar os divisores do número. Se forem apenas 2 o número (inteiro e maior que 1) é primo. Se forem mais, ele é composto. Crivo de Eratóstenes: Um método antigo e eficiente para encontrar números primos menores que um determinado valor. Teste de Miller-Rabin: Um algoritmo probabilístico para determinar se um número é primo ou composto. Outros métodos: É moda procurar estes algoritmos. Se alguém achar um que seja determinístico e de complexidade menor que exponencial, seu nome vai para a história.

Curiosidades: O maior número primo conhecido: Em dezembro de 2023, o maior número primo conhecido é $2^{(82,589,933)} - 1$, com 25.097.524 dígitos decimais. Os números primos gêmeos: São dois números primos consecutivos, como (3, 5) e (11, 13). Os números primos palíndromos: São números primos que leem iguais em ambas as direções, como (2, 5, 7, 11, 131).

O algoritmo que você deve implementar é

```
leia (a,b)
ct = 0
var = 2
enquanto (a<=b)
  var=2
  enquanto (var<a)
    se a%var == 0
      saia // limite é composto
    senão
      var = var + 1
  fim{se}
  fim{enquanto}
  se var == limite
    ct=ct+1 // limite é primo
  fim{se}
  a=a+1
fim{enquanto}
escreva(ct)
```

Para testar seu programa, use considere que entre 2 e 100 há 25 primos. Outras opções de teste:

Li=2780, Ls=8777, Quantidade=689
Li=4966, Ls=6674, Quantidade=197

Programa 3: Sequência de Fibonacci

A Sequência de Fibonacci, também conhecida como Sequência de Leonardo, é uma série de números inteiros positivos, começando normalmente por 0 e 1, na qual cada termo subsequente é a soma dos dois anteriores.

Fórmula: O termo n da sequência de Fibonacci pode ser calculado pela fórmula: $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ Onde: F_n é o termo n da sequência, F_{n-1} é o termo anterior ($n - 1$) da sequência e F_{n-2} é o termo anterior ($n - 2$) da sequência.

Os primeiros termos da sequência são: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ... O quinto termo da sequência (F_5) é igual a 5, pois $F_5 = F_4 + F_3 = 3 + 2 = 5$. O décimo termo da sequência (F_{10}) é igual a 55, pois $F_{10} = F_9 + F_8 = 34 + 21 = 55$.

A razão entre dois números consecutivos da sequência tende para o Número Áureo, representado pela letra grega ϕ (fi). O Número Áureo é um número irracional aproximadamente igual a 1,6180339887... A sequência de Fibonacci está presente em diversos elementos da natureza, como na disposição das pétalas de algumas flores, nas ramificações de árvores e na estrutura de conchas. A sequência de Fibonacci tem diversas aplicações em matemática, computação, arte e arquitetura.

O programa que você deve construir é para obter a soma dos números da sequência de Fibonacci que são PARES e menores ou igual a um determinado limite dado.

Por exemplo, se o limite for 100, a sequência é 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144 e a soma buscada é $2 + 8 + 34 = 44$.

O algoritmo em questão é

```
soma=0
leia(limite)
a=1
b=2
soma=2
c=3
enquanto (c<=limite)
  a=b
  b=c
  c=a+b
  se c%2==0
    soma=soma+c
  fim{se}
fim{enquanto}
escreva(soma)
```

Para testar seu programa use estes casos

Limite=121000, Soma=60696
Limite=1663166, Soma=1089154

🔗 Para você fazer

- Encontre a soma de todos os múltiplos de 2 ou 13 abaixo de 4700
- Descubra quantos primos existem entre 4084 e 9040 (incluídos os extremos).
- O limite da sua implementação para os números de Fibonacci (soma dos pares) é 749887

Responda aqui:

1	2	3
---	---	---

204-75846 -

Iniciando na programação

Citando Aristóteles, *Tudo o que precisamos aprender, aprendemos fazendo* (no seu livro *Ética*), vamos concordar que para se desenvolver na habilidade de programar computadores, o que é necessário fazer é programar. Na verdade, nada é muito diferente em muitas outras habilidades humanas: cirurgia, conserto de veículos, alta gastronomia, tocar piano ou qualquer outro instrumento, escrever bem, desenhar maravilhosamente, erguer uma parede, ... a lista é interminável.

Dito isto, a seguir vem uma lista de programas que você deve produzir. A linguagem escolhida pode ser qualquer uma:

C durante muito tempo a linguagem usada em universidades e escolas para aprender

C++ uma evolução de C, sobretudo para simplificar as entradas e saídas de dados

Python a nova queridinha no processo de aprender a programar. É a que garante maior produtividade sobretudo no início do aprendizado

Javascript um bocadinho mais complicada, por ter que usar um browser durante sua execução, mas tem a vantagem de permitir um visual GUI bem elegante e fácil (por conta da dupla HTML/CSS)

APL meio antiga, mas insuperável para construir programas pequenos embora muito poderosos

Java até pouco tempo a preferida dos desenvolvedores, roda em qualquer coisa aparentada ao computador

Outras Assembler, Octave, Maple, Pascal, Fortran, Lisp, Prolog, ... a lista é quase interminável.

Enfim, a lista acima apareceu para subsidiar o comentário de que **não importa a linguagem escolhida** o algoritmo é sempre o mesmo ou muito parecido. E, o algoritmo é sempre o mais difícil de produzir. Então, de fato, a linguagem utilizada é somente importante.

Em resumo, use o que quiser e dentro da linguagem escolhida use o recurso que quiser. O importante é achar o resultado:

Programa 1: Múltiplos de um número Se listarmos todos os números naturais abaixo de 10 que são múltiplos de 3 ou 5, teremos:

3, 5, 6 e 9

A soma desses números é 23.

Resolvendo o caso para uma instância real. Suponhamos $a = 3$ e $b = 5$ e $limite = 1000$. Uma maneira simples de resolver o caso é:

```
limite = 1000 - 1
soma = 0
para i de 1 até limite passo 1
  se (i%3==0) || (i%5==0)
    soma=soma+i
fim{se}
fim{para}
escreva(soma)
```

Este programa deve imprimir 233.168 que é a soma pedida.

O próximo passo é deixar o programa genérico com as variáveis a , b e $limite$ sendo lidas no início do processamento.

Teste o seu programa com as seguintes triplas

$a=7, b=11, lim=2600, resposta=747741$
 $a=13, b=5, lim=4100, resposta=2194920$

Desafio Se você for questionado sobre um limite de 1.000.000.000 este programa pode demostrar um tanto. Uma estratégia um pouco mais eficiente, pode ser obter a soma dos divisíveis por a menores que $limite$ somado com a soma dos divisíveis por b (menores que $limite$). Só que fazendo isso, você somou os divisíveis por $a \times b$ duas vezes. Vamos olhar o exemplo para $n = 3$ Precisamos somar $3 + 6 + 9 + 12 + \dots + 999$ que é igual a $3 \times (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 333)$.

Para $n = 5$ precisamos somar $5 + 10 + 15 + \dots + 995 = 5 \times (1 + 2 + 3 + \dots + 199)$. Note que $199 = 995/5$, mas também $999/5$ em termos de divisão inteira. Se também notarmos que $1 + 2 + 3 + \dots + p = \frac{1}{2} \times p \times (p + 1)$, temos:

Se você definir uma função chamada

```
função somds(int n, int lim)
  limite = lim-1
  p = limite / n // (divisao inteira)
  retorne n * (p * (p+1)) / 2
fim{função}
```

O cálculo agora é fácil, bastando fazer:

$somds(3,1000)+somds(5,1000)-somds(15,1000)$

Programa 2: Números primos Um número primo é um número natural maior que 1 que possui apenas dois divisores positivos: 1 e ele mesmo.

Em outras palavras, um número primo não pode ser formado pela multiplicação de outros números naturais menores.

Exemplos de números primos: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, ...

Propriedades importantes dos números primos:

O número 1 não é primo: Ele possui apenas um divisor (ele mesmo). Todos os números pares maiores que 2 são compostos: Eles podem ser formados pela multiplicação de dois números menores (por exemplo, $8 = 2 \times 4$). A distribuição dos números primos é infinita: Não existe um limite para a quantidade de números primos que existem. Os números primos desempenham um papel fundamental na teoria dos números e em diversas áreas da matemática e da computação: Eles são utilizados na criptografia, na construção de códigos e na decomposição de números em fatores primos. Especificamente na área da computação, eles são a base de geração de pseudo-aleatórios, na construção de tabelas e códigos *hash*, na maioria dos algoritmos de criptografia (RSA, El Gamal, elíptica, etc).

Métodos para encontrar números primos: Básico: contar os divisores do número. Se forem apenas 2 o número (inteiro e maior que 1) é primo. Se forem mais, ele é composto. Crivo de Eratóstenes: Um método antigo e eficiente para encontrar números primos menores que um determinado valor. Teste de Miller-Rabin: Um algoritmo probabilístico para determinar se um número é primo ou composto. Outros métodos: É moda procurar estes algoritmos. Se alguém achar um que seja determinístico e de complexidade menor que exponencial, seu nome vai para a história.

Curiosidades: O maior número primo conhecido: Em dezembro de 2023, o maior número primo conhecido é $2^{(82,589,933)} - 1$, com 25.097.524 dígitos decimais. Os números primos gêmeos: São dois números primos consecutivos, como (3, 5) e (11, 13). Os números primos palíndromos: São números primos que leem iguais em ambas as direções, como (2, 5, 7, 11, 131).

O algoritmo que você deve implementar é

```
leia (a,b)
ct = 0
var = 2
enquanto (a<=b)
  var=2
  enquanto (var<a)
    se a%var == 0
      saia // limite é composto
    senão
      var = var + 1
  fim{se}
  fim{enquanto}
  se var == limite
    ct=ct+1 // limite é primo
  fim{se}
  a=a+1
fim{enquanto}
escreva(ct)
```

Para testar seu programa, use considere que entre 2 e 100 há 25 primos. Outras opções de teste:

$Li=2780, Ls=8777, Quantidade=689$
 $Li=6844, Ls=8013, Quantidade=128$

Programa 3: Sequência de Fibonacci

A Sequência de Fibonacci, também conhecida como Sequência de Leonardo, é uma série de números inteiros positivos, começando normalmente por 0 e 1, na qual cada termo subsequente é a soma dos dois anteriores.

Fórmula: O termo n da sequência de Fibonacci pode ser calculado pela fórmula: $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ Onde: F_n é o termo n da sequência, F_{n-1} é o termo anterior ($n - 1$) da sequência e F_{n-2} é o termo anterior ($n - 2$) da sequência.

Os primeiros termos da sequência são: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ... O quinto termo da sequência (F_5) é igual a 5, pois $F_5 = F_4 + F_3 = 3 + 2 = 5$. O décimo termo da sequência (F_{10}) é igual a 55, pois $F_{10} = F_9 + F_8 = 34 + 21 = 55$.

A razão entre dois números consecutivos da sequência tende para o Número Áureo, representado pela letra grega ϕ (fi). O Número Áureo é um número irracional aproximadamente igual a 1,6180339887... A sequência de Fibonacci está presente em diversos elementos da natureza, como na disposição das pétalas de algumas flores, nas ramificações de árvores e na estrutura de conchas. A sequência de Fibonacci tem diversas aplicações em matemática, computação, arte e arquitetura.

O programa que você deve construir é para obter a soma dos números da sequência de Fibonacci que são PARES e menores ou igual a um determinado limite dado.

Por exemplo, se o limite for 100, a sequência é 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144 e a soma buscada é $2 + 8 + 34 = 44$.

O algoritmo em questão é

```
soma=0
leia(limite)
a=1
b=2
soma=2
c=3
enquanto (c<=limite)
  a=b
  b=c
  c=a+b
  se c%2==0
    soma=soma+c
  fim{se}
fim{enquanto}
escreva(soma)
```

Para testar seu programa use estes casos

$Limite=121000, Soma=60696$
 $Limite=510996, Soma=257114$

🔗 Para você fazer

- Encontre a soma de todos os múltiplos de 3 ou 2 abaixo de 4500
- Descubra quantos primos existem entre 8338 e 9707 (incluídos os extremos).
- O limite da sua implementação para os números de Fibonacci (soma dos pares) é 378995

Responda aqui:

1	2	3
---	---	---

204-75853 -

Iniciando na programação

Citando Aristóteles, *Tudo o que precisamos aprender, aprendemos fazendo* (no seu livro *Ética*), vamos concordar que para se desenvolver na habilidade de programar computadores, o que é necessário fazer é programar. Na verdade, nada é muito diferente em muitas outras habilidades humanas: cirurgia, conserto de veículos, alta gastronomia, tocar piano ou qualquer outro instrumento, escrever bem, desenhar maravilhosamente, erguer uma parede, ... a lista é interminável.

Dito isto, a seguir vem uma lista de programas que você deve produzir. A linguagem escolhida pode ser qualquer uma:

C durante muito tempo a linguagem usada em universidades e escolas para aprender

C++ uma evolução de C, sobretudo para simplificar as entradas e saídas de dados

Python a nova queridinha no processo de aprender a programar. É a que garante maior produtividade sobretudo no início do aprendizado

Javascript um bocadinho mais complicada, por ter que usar um browser durante sua execução, mas tem a vantagem de permitir um visual GUI bem elegante e fácil (por conta da dupla HTML/CSS)

APL meio antiga, mas insuperável para construir programas pequenos embora muito poderosos

Java até pouco tempo a preferida dos desenvolvedores, roda em qualquer coisa aparentada ao computador

Outras Assembler, Octave, Maple, Pascal, Fortran, Lisp, Prolog, ... a lista é quase interminável.

Enfim, a lista acima apareceu para subsidiar o comentário de que **não importa a linguagem escolhida** o algoritmo é sempre o mesmo ou muito parecido. E, o algoritmo é sempre o mais difícil de produzir. Então, de fato, a linguagem utilizada é somente importante.

Em resumo, use o que quiser e dentro da linguagem escolhida use o recurso que quiser. O importante é achar o resultado:

Programa 1: Múltiplos de um número

Se listarmos todos os números naturais abaixo de 10 que são múltiplos de 3 ou 5, teremos:

3, 5, 6 e 9

A soma desses números é 23.

Resolvendo o caso para uma instância real. Suponhamos $a = 3$ e $b = 5$ e $limite = 1000$. Uma maneira simples de resolver o caso é:

```
limite = 1000 - 1
soma = 0
para i de 1 até limite passo 1
  se (i%3==0) || (i%5==0)
    soma=soma+i
fim{se}
fim{para}
escreva(soma)
```

Este programa deve imprimir 233.168 que é a soma pedida.

O próximo passo é deixar o programa genérico com as variáveis a , b e $limite$ sendo lidas no início do processamento.

Teste o seu programa com as seguintes triplas

a=7, b=11, lim=2600, resposta=747741
a=7, b=5, lim=3400, resposta=1812930

Desafio Se você for questionado sobre um limite de 1.000.000.000 este programa pode demorar um tanto. Uma estratégia um pouco mais eficiente, pode ser obter a soma dos divisíveis por a menores que $limite$ somado com a soma dos divisíveis por b (menores que $limite$). Só que fazendo isso, você somou os divisíveis por $a \times b$ duas vezes. Vamos olhar o exemplo para $n = 3$ Precisamos somar $3 + 6 + 9 + 12 + \dots + 999$ que é igual a $3 \times (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 333)$.

Para $n = 5$ precisamos somar $5 + 10 + 15 + \dots + 995 = 5 \times (1 + 2 + 3 + \dots + 199)$. Note que $199 = 995/5$, mas também $999/5$ em termos de divisão inteira. Se também notarmos que $1 + 2 + 3 + \dots + p = \frac{1}{2} \times p \times (p + 1)$, temos:

Se você definir uma função chamada

```
função somds(int n, int lim)
  limite = lim-1
  p = limite / n // (divisao inteira)
  retorne n * (p * (p+1)) / 2
fim{função}
```

O cálculo agora é fácil, bastando fazer:

somds(3,1000)+somds(5,1000)-somds(15,1000)

Programa 2: Números primos

Um número primo é um número natural maior que 1 que possui apenas dois divisores positivos: 1 e ele mesmo.

Em outras palavras, um número primo não pode ser formado pela multiplicação de outros números naturais menores.

Exemplos de números primos: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, ...

Propriedades importantes dos números primos:

O número 1 não é primo: Ele possui apenas um divisor (ele mesmo). Todos os números pares maiores que 2 são compostos: Eles podem ser formados pela multiplicação de dois números menores (por exemplo, $8 = 2 \times 4$). A distribuição dos números primos é infinita: Não existe um limite para a quantidade de números primos que existem. Os números primos desempenham um papel fundamental na teoria dos números e em diversas áreas da matemática e da computação: Eles são utilizados na criptografia, na construção de códigos e na decomposição de números em fatores primos. Especificamente na área da computação, eles são a base de geração de pseudo-aleatórios, na construção de tabelas e códigos *hash*, na maioria dos algoritmos de criptografia (RSA, El Gamal, elíptica, etc).

Métodos para encontrar números primos: Básico: contar os divisores do número. Se forem apenas 2 o número (inteiro e maior que 1) é primo. Se forem mais, ele é composto. Crivo de Eratóstenes: Um método antigo e eficiente para encontrar números primos menores que um determinado valor. Teste de Miller-Rabin: Um algoritmo probabilístico para determinar se um número é primo ou composto. Outros métodos: É moda procurar estes algoritmos. Se alguém achar um que seja determinístico e de complexidade menor que exponencial, seu nome vai para a história.

Curiosidades: O maior número primo conhecido: Em dezembro de 2023, o maior número primo conhecido é $2^{(82,589,933)} - 1$, com 25.097.524 dígitos decimais. Os números primos gêmeos: São dois números primos consecutivos, como (3, 5) e (11, 13). Os números primos palíndromos: São números primos que leem iguais em ambas as direções, como (2, 5, 7, 11, 131).

O algoritmo que você deve implementar é

```
leia (a,b)
ct = 0
var = 2
enquanto (a<=b)
  var=2
  enquanto (var<a)
    se a%var == 0
      saia // limite é composto
    senão
      var = var + 1
  fim{se}
  fim{enquanto}
  se var == limite
    ct=ct+1 // limite é primo
  fim{se}
  a=a+1
fim{enquanto}
escreva(ct)
```

Para testar seu programa, use considere que entre 2 e 100 há 25 primos. Outras opções de teste:

Li=2780, Ls=8777, Quantidade=689
Li=7324, Ls=9528, Quantidade=246

Programa 3: Sequência de Fibonacci

A Sequência de Fibonacci, também conhecida como Sequência de Leonardo, é uma série de números inteiros positivos, começando normalmente por 0 e 1, na qual cada termo subsequente é a soma dos dois anteriores.

Fórmula: O termo n da sequência de Fibonacci pode ser calculado pela fórmula: $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ Onde: F_n é o termo n da sequência, F_{n-1} é o termo anterior ($n - 1$) da sequência e F_{n-2} é o termo anterior ($n - 2$) da sequência.

Os primeiros termos da sequência são: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ... O quinto termo da sequência (F_5) é igual a 5, pois $F_5 = F_4 + F_3 = 3 + 2 = 5$. O décimo termo da sequência (F_{10}) é igual a 55, pois $F_{10} = F_9 + F_8 = 34 + 21 = 55$.

A razão entre dois números consecutivos da sequência tende para o Número Áureo, representado pela letra grega ϕ (fi). O Número Áureo é um número irracional aproximadamente igual a 1,6180339887... A sequência de Fibonacci está presente em diversos elementos da natureza, como na disposição das pétalas de algumas flores, nas ramificações de árvores e na estrutura de conchas. A sequência de Fibonacci tem diversas aplicações em matemática, computação, arte e arquitetura.

O programa que você deve construir é para obter a soma dos números da sequência de Fibonacci que são PARES e menores ou igual a um determinado limite dado.

Por exemplo, se o limite for 100, a sequência é 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144 e a soma buscada é $2 + 8 + 34 = 44$.

O algoritmo em questão é

```
soma=0
leia(limite)
a=1
b=2
soma=2
c=3
enquanto (c<=limite)
  a=b
  b=c
  c=a+b
  se c%2==0
    soma=soma+c
  fim{se}
fim{enquanto}
escreva(soma)
```

Para testar seu programa use estes casos

Limite=121000, Soma=60696
Limite=951063, Soma=1089154

Para você fazer

- Encontre a soma de todos os múltiplos de 19 ou 2 abaixo de 2300
- Descubra quantos primos existem entre 5585 e 6012 (incluídos os extremos).
- O limite da sua implementação para os números de Fibonacci (soma dos pares) é 674005

Responda aqui:

1	2	3
---	---	---

204-75860 -

Iniciando na programação

Citando Aristóteles, *Tudo o que precisamos aprender, aprendemos fazendo* (no seu livro *Ética*), vamos concordar que para se desenvolver na habilidade de programar computadores, o que é necessário fazer é programar. Na verdade, nada é muito diferente em muitas outras habilidades humanas: cirurgia, conserto de veículos, alta gastronomia, tocar piano ou qualquer outro instrumento, escrever bem, desenhar maravilhosamente, erguer uma parede, ... a lista é interminável.

Dito isto, a seguir vem uma lista de programas que você deve produzir. A linguagem escolhida pode ser qualquer uma:

C durante muito tempo a linguagem usada em universidades e escolas para aprender

C++ uma evolução de C, sobretudo para simplificar as entradas e saídas de dados

Python a nova queridinha no processo de aprender a programar. É a que garante maior produtividade sobretudo no início do aprendizado

Javascript um bocadinho mais complicada, por ter que usar um browser durante sua execução, mas tem a vantagem de permitir um visual GUI bem elegante e fácil (por conta da dupla HTML/CSS)

APL meio antiga, mas insuperável para construir programas pequenos embora muito poderosos

Java até pouco tempo a preferida dos desenvolvedores, roda em qualquer coisa aparentada ao computador

Outras Assembler, Octave, Maple, Pascal, Fortran, Lisp, Prolog, ... a lista é quase interminável.

Enfim, a lista acima apareceu para subsidiar o comentário de que **não importa a linguagem escolhida** o algoritmo é sempre o mesmo ou muito parecido. E, o algoritmo é sempre o mais difícil de produzir. Então, de fato, a linguagem utilizada é somente importante.

Em resumo, use o que quiser e dentro da linguagem escolhida use o recurso que quiser. O importante é achar o resultado:

Programa 1: Múltiplos de um número

Se listarmos todos os números naturais abaixo de 10 que são múltiplos de 3 ou 5, teremos:

3, 5, 6 e 9

A soma desses números é 23.

Resolvendo o caso para uma instância real. Suponhamos $a = 3$ e $b = 5$ e $limite = 1000$. Uma maneira simples de resolver o caso é:

```
limite = 1000 - 1
soma = 0
para i de 1 até limite passo 1
  se (i%3==0) || (i%5==0)
    soma=soma+i
fim{se}
fim{para}
escreva(soma)
```

Este programa deve imprimir 233.168 que é a soma pedida.

O próximo passo é deixar o programa genérico com as variáveis a , b e $limite$ sendo lidas no início do processamento.

Teste o seu programa com as seguintes triplas

$a=7, b=11, lim=2600, resposta=747741$
 $a=7, b=19, lim=4600, resposta=1992593$

Desafio Se você for questionado sobre um limite de 1.000.000.000 este programa pode demorar um tanto. Uma estratégia um pouco mais eficiente, pode ser obter a soma dos divisíveis por a menores que $limite$ somado com a soma dos divisíveis por b (menores que $limite$). Só que fazendo isso, você somou os divisíveis por $a \times b$ duas vezes. Vamos olhar o exemplo para $n = 3$ Precisamos somar $3 + 6 + 9 + 12 + \dots + 999$ que é igual a $3 \times (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 333)$.

Para $n = 5$ precisamos somar $5 + 10 + 15 + \dots + 995 = 5 \times (1 + 2 + 3 + \dots + 199)$. Note que $199 = 995/5$, mas também $999/5$ em termos de divisão inteira. Se também notarmos que $1 + 2 + 3 + \dots + p = \frac{1}{2} \times p \times (p + 1)$, temos:

Se você definir uma função chamada

```
função somds(int n, int lim)
  limite = lim-1
  p = limite / n // (divisao inteira)
  retorne n * (p * (p+1)) / 2
fim{função}
```

O cálculo agora é fácil, bastando fazer:

`somds(3,1000)+somds(3,1000)-somds(15,1000)`

Programa 2: Números primos

Um número primo é um número natural maior que 1 que possui apenas dois divisores positivos: 1 e ele mesmo.

Em outras palavras, um número primo não pode ser formado pela multiplicação de outros números naturais menores.

Exemplos de números primos: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, ...

Propriedades importantes dos números primos:

O número 1 não é primo: Ele possui apenas um divisor (ele mesmo). Todos os números pares maiores que 2 são compostos: Eles podem ser formados pela multiplicação de dois números menores (por exemplo, $8 = 2 \times 4$). A distribuição dos números primos é infinita: Não existe um limite para a quantidade de números primos que existem. Os números primos desempenham um papel fundamental na teoria dos números e em diversas áreas da matemática e da computação: Eles são utilizados na criptografia, na construção de códigos e na decomposição de números em fatores primos. Especificamente na área da computação, eles são a base de geração de pseudo-aleatórios, na construção de tabelas e códigos *hash*, na maioria dos algoritmos de criptografia (RSA, El Gamal, elíptica, etc).

Métodos para encontrar números primos: Básico: contar os divisores do número. Se forem apenas 2 o número (inteiro e maior que 1) é primo. Se forem mais, ele é composto. Crivo de Eratóstenes: Um método antigo e eficiente para encontrar números primos menores que um determinado valor. Teste de Miller-Rabin: Um algoritmo probabilístico para determinar se um número é primo ou composto. Outros métodos: É moda procurar estes algoritmos. Se alguém achar um que seja determinístico e de complexidade menor que exponencial, seu nome vai para a história.

Curiosidades: O maior número primo conhecido: Em dezembro de 2023, o maior número primo conhecido é $2^{(82,589,933)} - 1$, com 25.097.524 dígitos decimais. Os números primos gêmeos: São dois números primos consecutivos, como (3, 5) e (11, 13). Os números primos palíndromos: São números primos que leem iguais em ambas as direções, como (2, 5, 7, 11, 131).

O algoritmo que você deve implementar é

```
leia (a,b)
ct = 0
var = 2
enquanto (a<=b)
  var=2
  enquanto (var<a)
    se a%var == 0
      saia // limite é composto
    senão
      var = var + 1
  fim{se}
  fim{enquanto}
se var == limite
  ct=ct+1 // limite é primo
  fim{se}
  a=a+1
fim{enquanto}
escreva(ct)
```

Para testar seu programa, use considere que entre 2 e 100 há 25 primos. Outras opções de teste:

Li=2780, Ls=8777, Quantidade=689
Li=4836, Ls=6818, Quantidade=226

Programa 3: Sequência de Fibonacci

A Sequência de Fibonacci, também conhecida como Sequência de Leonardo, é uma série de números inteiros positivos, começando normalmente por 0 e 1, na qual cada termo subsequente é a soma dos dois anteriores.

Fórmula: O termo n da sequência de Fibonacci pode ser calculado pela fórmula: $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ Onde: F_n é o termo n da sequência, F_{n-1} é o termo anterior ($n - 1$) da sequência e F_{n-2} é o termo anterior ($n - 2$) da sequência.

Os primeiros termos da sequência são: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ... O quinto termo da sequência (F_5) é igual a 5, pois $F_5 = F_4 + F_3 = 3 + 2 = 5$. O décimo termo da sequência (F_{10}) é igual a 55, pois $F_{10} = F_9 + F_8 = 34 + 21 = 55$.

A razão entre dois números consecutivos da sequência tende para o Número Áureo, representado pela letra grega ϕ (fi). O Número Áureo é um número irracional aproximadamente igual a 1,6180339887... A sequência de Fibonacci está presente em diversos elementos da natureza, como na disposição das pétalas de algumas flores, nas ramificações de árvores e na estrutura de conchas. A sequência de Fibonacci tem diversas aplicações em matemática, computação, arte e arquitetura.

O programa que você deve construir é para obter a soma dos números da sequência de Fibonacci que são PARES e menores ou igual a um determinado limite dado.

Por exemplo, se o limite for 100, a sequência é 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144 e a soma buscada é $2 + 8 + 34 = 44$.

O algoritmo em questão é

```
soma=0
leia(limite)
a=1
b=2
soma=2
c=3
enquanto (c<=limite)
  a=b
  b=c
  c=a+b
  se c%2==0
    soma=soma+c
  fim{se}
fim{enquanto}
escreva(soma)
```

Para testar seu programa use estes casos

Limite=121000, Soma=60696
Limite=640506, Soma=1089154

🔗 Para você fazer

- Encontre a soma de todos os múltiplos de 2 ou 11 abaixo de 4000
- Descubra quantos primos existem entre 4142 e 9499 (incluídos os extremos).
- O limite da sua implementação para os números de Fibonacci (soma dos pares) é 538040

Responda aqui:

1	2	3
---	---	---

204-75877 -

Iniciando na programação

Citando Aristóteles, *Tudo o que precisamos aprender, aprendemos fazendo* (no seu livro *Ética*), vamos concordar que para se desenvolver na habilidade de programar computadores, o que é necessário fazer é programar. Na verdade, nada é muito diferente em muitas outras habilidades humanas: cirurgia, conserto de veículos, alta gastronomia, tocar piano ou qualquer outro instrumento, escrever bem, desenhar maravilhosamente, erguer uma parede, ... a lista é interminável.

Dito isto, a seguir vem uma lista de programas que você deve produzir. A linguagem escolhida pode ser qualquer uma:

C durante muito tempo a linguagem usada em universidades e escolas para aprender

C++ uma evolução de C, sobretudo para simplificar as entradas e saídas de dados

Python a nova queridinha no processo de aprender a programar. É a que garante maior produtividade sobretudo no início do aprendizado

Javascript um bocadinho mais complicada, por ter que usar um browser durante sua execução, mas tem a vantagem de permitir um visual GUI bem elegante e fácil (por conta da dupla HTML/CSS)

APL meio antiga, mas insuperável para construir programas pequenos embora muito poderosos

Java até pouco tempo a preferida dos desenvolvedores, roda em qualquer coisa aparentada ao computador

Outras Assembler, Octave, Maple, Pascal, Fortran, Lisp, Prolog, ... a lista é quase interminável.

Enfim, a lista acima apareceu para subsidiar o comentário de que **não importa a linguagem escolhida** o algoritmo é sempre o mesmo ou muito parecido. E, o algoritmo é sempre o mais difícil de produzir. Então, de fato, a linguagem utilizada é somente importante.

Em resumo, use o que quiser e dentro da linguagem escolhida use o recurso que quiser. O importante é achar o resultado:

Programa 1: Múltiplos de um número

Se listarmos todos os números naturais abaixo de 10 que são múltiplos de 3 ou 5, teremos:

3, 5, 6 e 9

A soma desses números é 23.

Resolvendo o caso para uma instância real. Suponhamos $a = 3$ e $b = 5$ e $limite = 1000$. Uma maneira simples de resolver o caso é:

```
limite = 1000 - 1
soma = 0
para i de 1 até limite passo 1
  se (i%3==0) || (i%5==0)
    soma=soma+i
fim{se}
fim{para}
escreva(soma)
```

Este programa deve imprimir 233.168 que é a soma pedida.

O próximo passo é deixar o programa genérico com as variáveis a , b e $limite$ sendo lidas no início do processamento.

Teste o seu programa com as seguintes triplas

a=7, b=11, lim=2600, resposta=747741
a=17, b=7, lim=4400, resposta=1871275

Desafio Se você for questionado sobre um limite de 1.000.000.000 este programa pode demostrar um tanto. Uma estratégia um pouco mais eficiente, pode ser obter a soma dos divisíveis por a menores que $limite$ somado com a soma dos divisíveis por b (menores que $limite$). Só que fazendo isso, você somou os divisíveis por $a \times b$ duas vezes. Vamos olhar o exemplo para $n = 3$ Precisamos somar $3 + 6 + 9 + 12 + \dots + 999$ que é igual a $3 \times (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 333)$.

Para $n = 5$ precisamos somar $5 + 10 + 15 + \dots + 995 = 5 \times (1 + 2 + 3 + \dots + 199)$. Note que $199 = 995/5$, mas também $999/5$ em termos de divisão inteira. Se também notarmos que $1 + 2 + 3 + \dots + p = \frac{1}{2} \times p \times (p + 1)$, temos:

Se você definir uma função chamada

```
função somds(int n, int lim)
  limite = lim-1
  p = limite / n // (divisao inteira)
  retorne n * (p * (p+1)) / 2
fim{função}
```

O cálculo agora é fácil, bastando fazer:

somds(3,1000)+somds(5,1000)-somds(15,1000)

Programa 2: Números primos

Um número primo é um número natural maior que 1 que possui apenas dois divisores positivos: 1 e ele mesmo.

Em outras palavras, um número primo não pode ser formado pela multiplicação de outros números naturais menores.

Exemplos de números primos: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, ...

Propriedades importantes dos números primos:

O número 1 não é primo: Ele possui apenas um divisor (ele mesmo). Todos os números pares maiores que 2 são compostos: Eles podem ser formados pela multiplicação de dois números menores (por exemplo, $8 = 2 \times 4$). A distribuição dos números primos é infinita: Não existe um limite para a quantidade de números primos que existem. Os números primos desempenham um papel fundamental na teoria dos números e em diversas áreas da matemática e da computação: Eles são utilizados na criptografia, na construção de códigos e na decomposição de números em fatores primos. Especificamente na área da computação, eles são a base de geração de pseudo-aleatórios, na construção de tabelas e códigos *hash*, na maioria dos algoritmos de criptografia (RSA, El Gamal, elíptica, etc).

Métodos para encontrar números primos: Básico: contar os divisores do número. Se forem apenas 2 o número (inteiro e maior que 1) é primo. Se forem mais, ele é composto. Crivo de Eratóstenes: Um método antigo e eficiente para encontrar números primos menores que um determinado valor. Teste de Miller-Rabin: Um algoritmo probabilístico para determinar se um número é primo ou composto. Outros métodos: É moda procurar estes algoritmos. Se alguém achar um que seja determinístico e de complexidade menor que exponencial, seu nome vai para a história.

Curiosidades: O maior número primo conhecido: Em dezembro de 2023, o maior número primo conhecido é $2^{(82,589,933)} - 1$, com 25.097.524 dígitos decimais. Os números primos gêmeos: São dois números primos consecutivos, como (3, 5) e (11, 13). Os números primos palíndromos: São números primos que leem iguais em ambas as direções, como (2, 5, 7, 11, 131).

O algoritmo que você deve implementar é

```
leia (a,b)
ct = 0
var = 2
enquanto (a<=b)
  var=2
  enquanto (var<a)
    se a%var == 0
      saia // limite é composto
    senão
      var = var + 1
  fim{se}
  fim{enquanto}
  se var == limite
    ct=ct+1 // limite é primo
  fim{se}
  a=a+1
fim{enquanto}
escreva(ct)
```

Para testar seu programa, use considere que entre 2 e 100 há 25 primos. Outras opções de teste:

Li=2780, Ls=8777, Quantidade=689
Li=6745, Ls=8416, Quantidade=182

Programa 3: Sequência de Fibonacci

A Sequência de Fibonacci, também conhecida como Sequência de Leonardo, é uma série de números inteiros positivos, começando normalmente por 0 e 1, na qual cada termo subsequente é a soma dos dois anteriores.

Fórmula: O termo n da sequência de Fibonacci pode ser calculado pela fórmula: $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ Onde: F_n é o termo n da sequência, F_{n-1} é o termo anterior ($n - 1$) da sequência e F_{n-2} é o termo anterior ($n - 2$) da sequência.

Os primeiros termos da sequência são: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ... O quinto termo da sequência (F_5) é igual a 5, pois $F_5 = F_4 + F_3 = 3 + 2 = 5$. O décimo termo da sequência (F_{10}) é igual a 55, pois $F_{10} = F_9 + F_8 = 34 + 21 = 55$.

A razão entre dois números consecutivos da sequência tende para o Número Áureo, representado pela letra grega ϕ (fi). O Número Áureo é um número irracional aproximadamente igual a 1,6180339887... A sequência de Fibonacci está presente em diversos elementos da natureza, como na disposição das pétalas de algumas flores, nas ramificações de árvores e na estrutura de conchas. A sequência de Fibonacci tem diversas aplicações em matemática, computação, arte e arquitetura.

O programa que você deve construir é para obter a soma dos números da sequência de Fibonacci que são PARES e menores ou igual a um determinado limite dado.

Por exemplo, se o limite for 100, a sequência é 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144 e a soma buscada é $2 + 8 + 34 = 44$.

O algoritmo em questão é

```
soma=0
leia(limite)
a=1
b=2
soma=2
c=3
enquanto (c<=limite)
  a=b
  b=c
  c=a+b
  se c%2==0
    soma=soma+c
  fim{se}
fim{enquanto}
escreva(soma)
```

Para testar seu programa use estes casos

Limite=121000, Soma=60696
Limite=708839, Soma=1089154

🔗 Para você fazer

- Encontre a soma de todos os múltiplos de 5 ou 13 abaixo de 4900
- Descubra quantos primos existem entre 5447 e 8530 (incluídos os extremos).
- O limite da sua implementação para os números de Fibonacci (soma dos pares) é 995173

Responda aqui:

1	2	3
---	---	---

204-75884 -

Iniciando na programação

Citando Aristóteles, *Tudo o que precisamos aprender, aprendemos fazendo* (no seu livro *Ética*), vamos concordar que para se desenvolver na habilidade de programar computadores, o que é necessário fazer é programar. Na verdade, nada é muito diferente em muitas outras habilidades humanas: cirurgia, conserto de veículos, alta gastronomia, tocar piano ou qualquer outro instrumento, escrever bem, desenhar maravilhosamente, erguer uma parede, ... a lista é interminável.

Dito isto, a seguir vem uma lista de programas que você deve produzir. A linguagem escolhida pode ser qualquer uma:

C durante muito tempo a linguagem usada em universidades e escolas para aprender

C++ uma evolução de C, sobretudo para simplificar as entradas e saídas de dados

Python a nova queridinha no processo de aprender a programar. É a que garante maior produtividade sobretudo no início do aprendizado

Javascript um bocadinho mais complicada, por ter que usar um browser durante sua execução, mas tem a vantagem de permitir um visual GUI bem elegante e fácil (por conta da dupla HTML/CSS)

APL meio antiga, mas insuperável para construir programas pequenos embora muito poderosos

Java até pouco tempo a preferida dos desenvolvedores, roda em qualquer coisa aparentada ao computador

Outras Assembler, Octave, Maple, Pascal, Fortran, Lisp, Prolog, ... a lista é quase interminável.

Enfim, a lista acima apareceu para subsidiar o comentário de que **não importa a linguagem escolhida** o algoritmo é sempre o mesmo ou muito parecido. E, o algoritmo é sempre o mais difícil de produzir. Então, de fato, a linguagem utilizada é somente importante.

Em resumo, use o que quiser e dentro da linguagem escolhida use o recurso que quiser. O importante é achar o resultado:

Programa 1: Múltiplos de um número

Se listarmos todos os números naturais abaixo de 10 que são múltiplos de 3 ou 5, teremos:

3, 5, 6 e 9

A soma desses números é 23.

Resolvendo o caso para uma instância real. Suponhamos $a = 3$ e $b = 5$ e $limite = 1000$. Uma maneira simples de resolver o caso é:

```
limite = 1000 - 1
soma = 0
para i de 1 até limite passo 1
  se (i%3==0) || (i%5==0)
    soma=soma+i
fim{se}
fim{para}
escreva(soma)
```

Este programa deve imprimir 233.168 que é a soma pedida.

O próximo passo é deixar o programa genérico com as variáveis a , b e $limite$ sendo lidas no início do processamento.

Teste o seu programa com as seguintes triplas

$a=7, b=11, lim=2600, resposta=747741$
 $a=2, b=5, lim=2300, resposta=1585850$

Desafio Se você for questionado sobre um limite de 1.000.000.000 este programa pode demorar um tanto. Uma estratégia um pouco mais eficiente, pode ser obter a soma dos divisíveis por a menores que $limite$ somado com a soma dos divisíveis por b (menores que $limite$). Só que fazendo isso, você somou os divisíveis por $a \times b$ duas vezes. Vamos olhar o exemplo para $n = 3$ Precisamos somar $3 + 6 + 9 + 12 + \dots + 999$ que é igual a $3 \times (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 333)$.

Para $n = 5$ precisamos somar $5 + 10 + 15 + \dots + 995 = 5 \times (1 + 2 + 3 + \dots + 199)$. Note que $199 = 995/5$, mas também $999/5$ em termos de divisão inteira. Se também notarmos que $1 + 2 + 3 + \dots + p = \frac{1}{2} \times p \times (p + 1)$, temos:

Se você definir uma função chamada

```
função somds(int n, int lim)
  limite = lim-1
  p = limite / n // (divisao inteira)
  retorne n * (p * (p+1)) / 2
fim{função}
```

O cálculo agora é fácil, bastando fazer:

`somds(3,1000)+somds(3,1000)-somds(15,1000)`

Programa 2: Números primos

Um número primo é um número natural maior que 1 que possui apenas dois divisores positivos: 1 e ele mesmo.

Em outras palavras, um número primo não pode ser formado pela multiplicação de outros números naturais menores.

Exemplos de números primos: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, ...

Propriedades importantes dos números primos:

O número 1 não é primo: Ele possui apenas um divisor (ele mesmo). Todos os números pares maiores que 2 são compostos: Eles podem ser formados pela multiplicação de dois números menores (por exemplo, $8 = 2 \times 4$). A distribuição dos números primos é infinita: Não existe um limite para a quantidade de números primos que existem. Os números primos desempenham um papel fundamental na teoria dos números e em diversas áreas da matemática e da computação: Eles são utilizados na criptografia, na construção de códigos e na decomposição de números em fatores primos. Especificamente na área da computação, eles são a base de geração de pseudo-aleatórios, na construção de tabelas e códigos *hash*, na maioria dos algoritmos de criptografia (RSA, El Gamal, elíptica, etc).

Métodos para encontrar números primos: Básico: contar os divisores do número. Se forem apenas 2 o número (inteiro e maior que 1) é primo. Se forem mais, ele é composto. Crivo de Eratóstenes: Um método antigo e eficiente para encontrar números primos menores que um determinado valor. Teste de Miller-Rabin: Um algoritmo probabilístico para determinar se um número é primo ou composto. Outros métodos: É moda procurar estes algoritmos. Se alguém achar um que seja determinístico e de complexidade menor que exponencial, seu nome vai para a história.

Curiosidades: O maior número primo conhecido: Em dezembro de 2023, o maior número primo conhecido é $2^{(82,589,933)} - 1$, com 25.097.524 dígitos decimais. Os números primos gêmeos: São dois números primos consecutivos, como (3, 5) e (11, 13). Os números primos palíndromos: São números primos que leem iguais em ambas as direções, como (2, 5, 7, 11, 131).

O algoritmo que você deve implementar é

```
leia (a,b)
ct = 0
var = 2
enquanto (a<=b)
  var=2
  enquanto (var<a)
    se a%var == 0
      saia // limite é composto
    senão
      var = var + 1
  fim{se}
  fim{enquanto}
se var == limite
  ct=ct+1 // limite é primo
  fim{se}
  a=a+1
fim{enquanto}
escreva(ct)
```

Para testar seu programa, use considere que entre 2 e 100 há 25 primos. Outras opções de teste:

Li=2780, Ls=8777, Quantidade=689
Li=7413, Ls=8388, Quantidade=110

Programa 3: Sequência de Fibonacci

A Sequência de Fibonacci, também conhecida como Sequência de Leonardo, é uma série de números inteiros positivos, começando normalmente por 0 e 1, na qual cada termo subsequente é a soma dos dois anteriores.

Fórmula: O termo n da sequência de Fibonacci pode ser calculado pela fórmula: $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ Onde: F_n é o termo n da sequência, F_{n-1} é o termo anterior ($n - 1$) da sequência e F_{n-2} é o termo anterior ($n - 2$) da sequência.

Os primeiros termos da sequência são: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ... O quinto termo da sequência (F_5) é igual a 5, pois $F_5 = F_4 + F_3 = 3 + 2 = 5$. O décimo termo da sequência (F_{10}) é igual a 55, pois $F_{10} = F_9 + F_8 = 34 + 21 = 55$.

A razão entre dois números consecutivos da sequência tende para o Número Áureo, representado pela letra grega ϕ (fi). O Número Áureo é um número irracional aproximadamente igual a 1,6180339887... A sequência de Fibonacci está presente em diversos elementos da natureza, como na disposição das pétalas de algumas flores, nas ramificações de árvores e na estrutura de conchas. A sequência de Fibonacci tem diversas aplicações em matemática, computação, arte e arquitetura.

O programa que você deve construir é para obter a soma dos números da sequência de Fibonacci que são PARES e menores ou igual a um determinado limite dado.

Por exemplo, se o limite for 100, a sequência é 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144 e a soma buscada é $2 + 8 + 34 = 44$.

O algoritmo em questão é

```
soma=0
leia(limite)
a=1
b=2
soma=2
c=3
enquanto (c<=limite)
  a=b
  b=c
  c=a+b
  se c%2==0
    soma=soma+c
  fim{se}
fim{enquanto}
escreva(soma)
```

Para testar seu programa use estes casos

Limite=121000, Soma=60696
Limite=364434, Soma=257114

🔗 Para você fazer

- Encontre a soma de todos os múltiplos de 11 ou 13 abaixo de 3600
- Descubra quantos primos existem entre 5494 e 9607 (incluídos os extremos).
- O limite da sua implementação para os números de Fibonacci (soma dos pares) é 766270

Responda aqui:

1	2	3
---	---	---

204-75989 -

Iniciando na programação

Citando Aristóteles, *Tudo o que precisamos aprender, aprendemos fazendo* (no seu livro *Ética*), vamos concordar que para se desenvolver na habilidade de programar computadores, o que é necessário fazer é programar. Na verdade, nada é muito diferente em muitas outras habilidades humanas: cirurgia, conserto de veículos, alta gastronomia, tocar piano ou qualquer outro instrumento, escrever bem, desenhar maravilhosamente, erguer uma parede, ... a lista é interminável.

Dito isto, a seguir vem uma lista de programas que você deve produzir. A linguagem escolhida pode ser qualquer uma:

C durante muito tempo a linguagem usada em universidades e escolas para aprender

C++ uma evolução de C, sobretudo para simplificar as entradas e saídas de dados

Python a nova queridinha no processo de aprender a programar. É a que garante maior produtividade sobretudo no início do aprendizado

Javascript um bocadinho mais complicada, por ter que usar um browser durante sua execução, mas tem a vantagem de permitir um visual GUI bem elegante e fácil (por conta da dupla HTML/CSS)

APL meio antiga, mas insuperável para construir programas pequenos embora muito poderosos

Java até pouco tempo a preferida dos desenvolvedores, roda em qualquer coisa aparentada ao computador

Outras Assembler, Octave, Maple, Pascal, Fortran, Lisp, Prolog, ... a lista é quase interminável.

Enfim, a lista acima apareceu para subsidiar o comentário de que **não importa a linguagem escolhida** o algoritmo é sempre o mesmo ou muito parecido. E, o algoritmo é sempre o mais difícil de produzir. Então, de fato, a linguagem utilizada é somente importante.

Em resumo, use o que quiser e dentro da linguagem escolhida use o recurso que quiser. O importante é achar o resultado:

Programa 1: Múltiplos de um número Se listarmos todos os números naturais abaixo de 10 que são múltiplos de 3 ou 5, teremos:

3, 5, 6 e 9

A soma desses números é 23.

Resolvendo o caso para uma instância real. Suponhamos $a = 3$ e $b = 5$ e $limite = 1000$. Uma maneira simples de resolver o caso é:

```
limite = 1000 - 1
soma = 0
para i de 1 até limite passo 1
  se (i%3==0) || (i%5==0)
    soma=soma+i
fim{se}
fim{para}
escreva(soma)
```

Este programa deve imprimir 233.168 que é a soma pedida.

O próximo passo é deixar o programa genérico com as variáveis a , b e $limite$ sendo lidas no início do processamento.

Teste o seu programa com as seguintes triplas

a=7, b=11, lim=2600, resposta=747741
a=2, b=5, lim=3200, resposta=3070400

Desafio Se você for questionado sobre um limite de 1.000.000.000 este programa pode demostrar um tanto. Uma estratégia um pouco mais eficiente, pode ser obter a soma dos divisíveis por a menores que $limite$ somado com a soma dos divisíveis por b (menores que $limite$). Só que fazendo isso, você somou os divisíveis por $a \times b$ duas vezes. Vamos olhar o exemplo para $n = 3$ Precisamos somar $3 + 6 + 9 + 12 + \dots + 999$ que é igual a $3 \times (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 333)$.

Para $n = 5$ precisamos somar $5 + 10 + 15 + \dots + 995 = 5 \times (1 + 2 + 3 + \dots + 199)$. Note que $199 = 995/5$, mas também $999/5$ em termos de divisão inteira. Se também notarmos que $1 + 2 + 3 + \dots + p = \frac{1}{2} \times p \times (p + 1)$, temos:

Se você definir uma função chamada

```
função somds(int n, int lim)
  limite = lim-1
  p = limite / n // (divisao inteira)
  retorne n * (p * (p+1)) / 2
fim{função}
```

O cálculo agora é fácil, bastando fazer:

somds(3,1000)+somds(3,1000)-somds(15,1000)

Programa 2: Números primos Um número primo é um número natural maior que 1 que possui apenas dois divisores positivos: 1 e ele mesmo.

Em outras palavras, um número primo não pode ser formado pela multiplicação de outros números naturais menores.

Exemplos de números primos: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, ...

Propriedades importantes dos números primos:

O número 1 não é primo: Ele possui apenas um divisor (ele mesmo). Todos os números pares maiores que 2 são compostos: Eles podem ser formados pela multiplicação de dois números menores (por exemplo, $8 = 2 \times 4$). A distribuição dos números primos é infinita: Não existe um limite para a quantidade de números primos que existem. Os números primos desempenham um papel fundamental na teoria dos números e em diversas áreas da matemática e da computação: Eles são utilizados na criptografia, na construção de códigos e na decomposição de números em fatores primos. Especificamente na área da computação, eles são a base de geração de pseudo-aleatórios, na construção de tabelas e códigos *hash*, na maioria dos algoritmos de criptografia (RSA, El Gamal, elíptica, etc).

Métodos para encontrar números primos: Básico: contar os divisores do número. Se forem apenas 2 o número (inteiro e maior que 1) é primo. Se forem mais, ele é composto. Crivo de Eratóstenes: Um método antigo e eficiente para encontrar números primos menores que um determinado valor. Teste de Miller-Rabin: Um algoritmo probabilístico para determinar se um número é primo ou composto. Outros métodos: É moda procurar estes algoritmos. Se alguém achar um que seja determinístico e de complexidade menor que exponencial, seu nome vai para a história.

Curiosidades: O maior número primo conhecido: Em dezembro de 2023, o maior número primo conhecido é $2^{(82,589,933)} - 1$, com 25.097.524 dígitos decimais. Os números primos gêmeos: São dois números primos consecutivos, como (3, 5) e (11, 13). Os números primos palíndromos: São números primos que leem iguais em ambas as direções, como (2, 5, 7, 11, 131).

O algoritmo que você deve implementar é

```
leia (a,b)
ct = 0
var = 2
enquanto (a<=b)
  var=2
  enquanto (var<a)
    se a%var == 0
      saia // limite é composto
    senão
      var = var + 1
  fim{se}
  fim{enquanto}
  se var == limite
    ct=ct+1 // limite é primo
  fim{se}
  a=a+1
fim{enquanto}
escreva(ct)
```

Para testar seu programa, use considere que entre 2 e 100 há 25 primos. Outras opções de teste:

Li=2780, Ls=8777, Quantidade=689
Li=3195, Ls=9258, Quantidade=695

Programa 3: Sequência de Fibonacci

A Sequência de Fibonacci, também conhecida como Sequência de Leonardo, é uma série de números inteiros positivos, começando normalmente por 0 e 1, na qual cada termo subsequente é a soma dos dois anteriores.

Fórmula: O termo n da sequência de Fibonacci pode ser calculado pela fórmula: $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ Onde: F_n é o termo n da sequência, F_{n-1} é o termo anterior ($n - 1$) da sequência e F_{n-2} é o termo anterior ($n - 2$) da sequência.

Os primeiros termos da sequência são: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ... O quinto termo da sequência (F_5) é igual a 5, pois $F_5 = F_4 + F_3 = 3 + 2 = 5$. O décimo termo da sequência (F_{10}) é igual a 55, pois $F_{10} = F_9 + F_8 = 34 + 21 = 55$.

A razão entre dois números consecutivos da sequência tende para o Número Áureo, representado pela letra grega ϕ (fi). O Número Áureo é um número irracional aproximadamente igual a 1,6180339887... A sequência de Fibonacci está presente em diversos elementos da natureza, como na disposição das pétalas de algumas flores, nas ramificações de árvores e na estrutura de conchas. A sequência de Fibonacci tem diversas aplicações em matemática, computação, arte e arquitetura.

O programa que você deve construir é para obter a soma dos números da sequência de Fibonacci que são PARES e menores ou igual a um determinado limite dado.

Por exemplo, se o limite for 100, a sequência é 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144 e a soma buscada é $2 + 8 + 34 = 44$.

O algoritmo em questão é

```
soma=0
leia(limite)
a=1
b=2
soma=2
c=3
enquanto (c<=limite)
  a=b
  b=c
  c=a+b
  se c%2==0
    soma=soma+c
  fim{se}
fim{enquanto}
escreva(soma)
```

Para testar seu programa use estes casos

Limite=121000, Soma=60696
Limite=1195589, Soma=1089154

🔗 Para você fazer

- Encontre a soma de todos os múltiplos de 5 ou 2 abaixo de 4300
- Descubra quantos primos existem entre 5725 e 6155 (incluídos os extremos).
- O limite da sua implementação para os números de Fibonacci (soma dos pares) é 560845

Responda aqui:

1	2	3
---	---	---

204-75891 -

Iniciando na programação

Citando Aristóteles, *Tudo o que precisamos aprender, aprendemos fazendo* (no seu livro *Ética*), vamos concordar que para se desenvolver na habilidade de programar computadores, o que é necessário fazer é programar. Na verdade, nada é muito diferente em muitas outras habilidades humanas: cirurgia, conserto de veículos, alta gastronomia, tocar piano ou qualquer outro instrumento, escrever bem, desenhar maravilhosamente, erguer uma parede, ... a lista é interminável.

Dito isto, a seguir vem uma lista de programas que você deve produzir. A linguagem escolhida pode ser qualquer uma:

C durante muito tempo a linguagem usada em universidades e escolas para aprender

C++ uma evolução de C, sobretudo para simplificar as entradas e saídas de dados

Python a nova queridinha no processo de aprender a programar. É a que garante maior produtividade sobretudo no início do aprendizado

Javascript um bocadinho mais complicada, por ter que usar um browser durante sua execução, mas tem a vantagem de permitir um visual GUI bem elegante e fácil (por conta da dupla HTML/CSS)

APL meio antiga, mas insuperável para construir programas pequenos embora muito poderosos

Java até pouco tempo a preferida dos desenvolvedores, roda em qualquer coisa aparentada ao computador

Outras Assembler, Octave, Maple, Pascal, Fortran, Lisp, Prolog, ... a lista é quase interminável.

Enfim, a lista acima apareceu para subsidiar o comentário de que **não importa a linguagem escolhida** o algoritmo é sempre o mesmo ou muito parecido. E, o algoritmo é sempre o mais difícil de produzir. Então, de fato, a linguagem utilizada é somente importante.

Em resumo, use o que quiser e dentro da linguagem escolhida use o recurso que quiser. O importante é achar o resultado:

Programa 1: Múltiplos de um número

Se listarmos todos os números naturais abaixo de 10 que são múltiplos de 3 ou 5, teremos:

3, 5, 6 e 9

A soma desses números é 23.

Resolvendo o caso para uma instância real. Suponhamos $a = 3$ e $b = 5$ e $limite = 1000$. Uma maneira simples de resolver o caso é:

```
limite = 1000 - 1
soma = 0
para i de 1 até limite passo 1
  se (i%3==0) || (i%5==0)
    soma=soma+i
fim{se}
fim{para}
escreva(soma)
```

Este programa deve imprimir 233.168 que é a soma pedida.

O próximo passo é deixar o programa genérico com as variáveis a , b e $limite$ sendo lidas no início do processamento.

Teste o seu programa com as seguintes triplas

a=7, b=11, lim=2600, resposta=747741
a=3, b=2, lim=3000, resposta=2998500

Desafio Se você for questionado sobre um limite de 1.000.000.000 este programa pode demostrar um tanto. Uma estratégia um pouco mais eficiente, pode ser obter a soma dos divisíveis por a menores que $limite$ somado com a soma dos divisíveis por b (menores que $limite$). Só que fazendo isso, você somou os divisíveis por $a \times b$ duas vezes. Vamos olhar o exemplo para $n = 3$ Precisamos somar $3 + 6 + 9 + 12 + \dots + 999$ que é igual a $3 \times (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 333)$.

Para $n = 5$ precisamos somar $5 + 10 + 15 + \dots + 995 = 5 \times (1 + 2 + 3 + \dots + 199)$. Note que $199 = 995/5$, mas também $999/5$ em termos de divisão inteira. Se também notarmos que $1 + 2 + 3 + \dots + p = \frac{1}{2} \times p \times (p + 1)$, temos:

Se você definir uma função chamada

```
função somds(int n, int lim)
  limite = lim-1
  p = limite / n // (divisao inteira)
  retorne n * (p * (p+1)) / 2
fim{função}
```

O cálculo agora é fácil, bastando fazer:

somds(3,1000)+somds(5,1000)-somds(15,1000)

Programa 2: Números primos

Um número primo é um número natural maior que 1 que possui apenas dois divisores positivos: 1 e ele mesmo.

Em outras palavras, um número primo não pode ser formado pela multiplicação de outros números naturais menores.

Exemplos de números primos: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, ...

Propriedades importantes dos números primos:

O número 1 não é primo: Ele possui apenas um divisor (ele mesmo). Todos os números pares maiores que 2 são compostos: Eles podem ser formados pela multiplicação de dois números menores (por exemplo, $8 = 2 \times 4$). A distribuição dos números primos é infinita: Não existe um limite para a quantidade de números primos que existem. Os números primos desempenham um papel fundamental na teoria dos números e em diversas áreas da matemática e da computação: Eles são utilizados na criptografia, na construção de códigos e na decomposição de números em fatores primos. Especificamente na área da computação, eles são a base de geração de pseudo-aleatórios, na construção de tabelas e códigos *hash*, na maioria dos algoritmos de criptografia (RSA, El Gamal, elíptica, etc).

Métodos para encontrar números primos: Básico: contar os divisores do número. Se forem apenas 2 o número (inteiro e maior que 1) é primo. Se forem mais, ele é composto. Crivo de Eratóstenes: Um método antigo e eficiente para encontrar números primos menores que um determinado valor. Teste de Miller-Rabin: Um algoritmo probabilístico para determinar se um número é primo ou composto. Outros métodos: É moda procurar estes algoritmos. Se alguém achar um que seja determinístico e de complexidade menor que exponencial, seu nome vai para a história.

Curiosidades: O maior número primo conhecido: Em dezembro de 2023, o maior número primo conhecido é $2^{(82,589,933)} - 1$, com 25.097.524 dígitos decimais. Os números primos gêmeos: São dois números primos consecutivos, como (3, 5) e (11, 13). Os números primos palíndromos: São números primos que leem iguais em ambas as direções, como (2, 5, 7, 11, 131).

O algoritmo que você deve implementar é

```
leia (a,b)
ct = 0
var = 2
enquanto (a<=b)
  var=2
  enquanto (var<a)
    se a%var == 0
      saia // limite é composto
    senão
      var = var + 1
  fim{se}
  fim{enquanto}
  se var == limite
    ct=ct+1 // limite é primo
  fim{se}
  a=a+1
fim{enquanto}
escreva(ct)
```

Para testar seu programa, use considere que entre 2 e 100 há 25 primos. Outras opções de teste:

Li=2780, Ls=8777, Quantidade=689
Li=3028, Ls=3043, Quantidade=2

Programa 3: Sequência de Fibonacci

A Sequência de Fibonacci, também conhecida como Sequência de Leonardo, é uma série de números inteiros positivos, começando normalmente por 0 e 1, na qual cada termo subsequente é a soma dos dois anteriores.

Fórmula: O termo n da sequência de Fibonacci pode ser calculado pela fórmula: $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ Onde: F_n é o termo n da sequência, F_{n-1} é o termo anterior ($n - 1$) da sequência e F_{n-2} é o termo anterior ($n - 2$) da sequência.

Os primeiros termos da sequência são: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ... O quinto termo da sequência (F_5) é igual a 5, pois $F_5 = F_4 + F_3 = 3 + 2 = 5$. O décimo termo da sequência (F_{10}) é igual a 55, pois $F_{10} = F_9 + F_8 = 34 + 21 = 55$.

A razão entre dois números consecutivos da sequência tende para o Número Áureo, representado pela letra grega ϕ (fi). O Número Áureo é um número irracional aproximadamente igual a 1,6180339887... A sequência de Fibonacci está presente em diversos elementos da natureza, como na disposição das pétalas de algumas flores, nas ramificações de árvores e na estrutura de conchas. A sequência de Fibonacci tem diversas aplicações em matemática, computação, arte e arquitetura.

O programa que você deve construir é para obter a soma dos números da sequência de Fibonacci que são PARES e menores ou igual a um determinado limite dado.

Por exemplo, se o limite for 100, a sequência é 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144 e a soma buscada é $2 + 8 + 34 = 44$.

O algoritmo em questão é

```
soma=0
leia(limite)
a=1
b=2
soma=2
c=3
enquanto (c<=limite)
  a=b
  b=c
  c=a+b
  se c%2==0
    soma=soma+c
  fim{se}
fim{enquanto}
escreva(soma)
```

Para testar seu programa use estes casos

Limite=121000, Soma=60696
Limite=459854, Soma=257114

🔗 Para você fazer

- Encontre a soma de todos os múltiplos de 19 ou 5 abaixo de 5000
- Descubra quantos primos existem entre 3027 e 6634 (incluídos os extremos).
- O limite da sua implementação para os números de Fibonacci (soma dos pares) é 946079

Responda aqui:

1	2	3
---	---	---

204-75903 -

Iniciando na programação

Citando Aristóteles, *Tudo o que precisamos aprender, aprendemos fazendo* (no seu livro *Ética*), vamos concordar que para se desenvolver na habilidade de programar computadores, o que é necessário fazer é programar. Na verdade, nada é muito diferente em muitas outras habilidades humanas: cirurgia, conserto de veículos, alta gastronomia, tocar piano ou qualquer outro instrumento, escrever bem, desenhar maravilhosamente, erguer uma parede, ... a lista é interminável.

Dito isto, a seguir vem uma lista de programas que você deve produzir. A linguagem escolhida pode ser qualquer uma:

C durante muito tempo a linguagem usada em universidades e escolas para aprender

C++ uma evolução de C, sobretudo para simplificar as entradas e saídas de dados

Python a nova queridinha no processo de aprender a programar. É a que garante maior produtividade sobretudo no início do aprendizado

Javascript um bocadinho mais complicada, por ter que usar um browser durante sua execução, mas tem a vantagem de permitir um visual GUI bem elegante e fácil (por conta da dupla HTML/CSS)

APL meio antiga, mas insuperável para construir programas pequenos embora muito poderosos

Java até pouco tempo a preferida dos desenvolvedores, roda em qualquer coisa aparentada ao computador

Outras Assembler, Octave, Maple, Pascal, Fortran, Lisp, Prolog, ... a lista é quase interminável.

Enfim, a lista acima apareceu para subsidiar o comentário de que **não importa a linguagem escolhida** o algoritmo é sempre o mesmo ou muito parecido. E, o algoritmo é sempre o mais difícil de produzir. Então, de fato, a linguagem utilizada é somente importante.

Em resumo, use o que quiser e dentro da linguagem escolhida use o recurso que quiser. O importante é achar o resultado:

Programa 1: Múltiplos de um número

Se listarmos todos os números naturais abaixo de 10 que são múltiplos de 3 ou 5, teremos:

3, 5, 6 e 9

A soma desses números é 23.

Resolvendo o caso para uma instância real. Suponhamos $a = 3$ e $b = 5$ e $limite = 1000$. Uma maneira simples de resolver o caso é:

```
limite = 1000 - 1
soma = 0
para i de 1 até limite passo 1
  se (i%3==0) || (i%5==0)
    soma=soma+i
fim{se}
fim{para}
escreva(soma)
```

Este programa deve imprimir 233.168 que é a soma pedida.

O próximo passo é deixar o programa genérico com as variáveis a , b e $limite$ sendo lidas no início do processamento.

Teste o seu programa com as seguintes triplas

$a=7, b=11, lim=2600, resposta=747741$
 $a=7, b=2, lim=2600, resposta=1930872$

Desafio Se você for questionado sobre um limite de 1.000.000.000 este programa pode demostrar um tanto. Uma estratégia um pouco mais eficiente, pode ser obter a soma dos divisíveis por a menores que $limite$ somado com a soma dos divisíveis por b (menores que $limite$). Só que fazendo isso, você somou os divisíveis por $a \times b$ duas vezes. Vamos olhar o exemplo para $n = 3$ Precisamos somar $3 + 6 + 9 + 12 + \dots + 999$ que é igual a $3 \times (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 333)$.

Para $n = 5$ precisamos somar $5 + 10 + 15 + \dots + 995 = 5 \times (1 + 2 + 3 + \dots + 199)$. Note que $199 = 995/5$, mas também $999/5$ em termos de divisão inteira. Se também notarmos que $1 + 2 + 3 + \dots + p = \frac{1}{2} \times p \times (p + 1)$, temos:

Se você definir uma função chamada

```
função somds(int n, int lim)
  limite = lim-1
  p = limite / n // (divisao inteira)
  retorne n * (p * (p+1)) / 2
fim{função}
```

O cálculo agora é fácil, bastando fazer:

```
somds(3,1000)+somds(3,1000)-somds(15,1000)
```

Programa 2: Números primos

Um número primo é um número natural maior que 1 que possui apenas dois divisores positivos: 1 e ele mesmo.

Em outras palavras, um número primo não pode ser formado pela multiplicação de outros números naturais menores.

Exemplos de números primos: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, ...

Propriedades importantes dos números primos:

O número 1 não é primo: Ele possui apenas um divisor (ele mesmo). Todos os números pares maiores que 2 são compostos: Eles podem ser formados pela multiplicação de dois números menores (por exemplo, $8 = 2 \times 4$). A distribuição dos números primos é infinita: Não existe um limite para a quantidade de números primos que existem. Os números primos desempenham um papel fundamental na teoria dos números e em diversas áreas da matemática e da computação: Eles são utilizados na criptografia, na construção de códigos e na decomposição de números em fatores primos. Especificamente na área da computação, eles são a base de geração de pseudo-aleatórios, na construção de tabelas e códigos *hash*, na maioria dos algoritmos de criptografia (RSA, El Gamal, elíptica, etc).

Métodos para encontrar números primos: Básico: contar os divisores do número. Se forem apenas 2 o número (inteiro e maior que 1) é primo. Se forem mais, ele é composto. Crivo de Eratóstenes: Um método antigo e eficiente para encontrar números primos menores que um determinado valor. Teste de Miller-Rabin: Um algoritmo probabilístico para determinar se um número é primo ou composto. Outros métodos: É moda procurar estes algoritmos. Se alguém achar um que seja determinístico e de complexidade menor que exponencial, seu nome vai para a história.

Curiosidades: O maior número primo conhecido: Em dezembro de 2023, o maior número primo conhecido é $2^{(82,589,933)} - 1$, com 25.097.524 dígitos decimais. Os números primos gêmeos: São dois números primos consecutivos, como (3, 5) e (11, 13). Os números primos palíndromos: São números primos que leem iguais em ambas as direções, como (2, 5, 7, 11, 131).

O algoritmo que você deve implementar é

```
leia (a,b)
ct = 0
var = 2
enquanto (a<=b)
  var=2
  enquanto (var<a)
    se a%var == 0
      saia // limite é composto
    senão
      var = var + 1
  fim{se}
  fim{enquanto}
  se var == limite
    ct=ct+1 // limite é primo
  fim{se}
  a=a+1
fim{enquanto}
escreva(ct)
```

Para testar seu programa, use considere que entre 2 e 100 há 25 primos. Outras opções de teste:

Li=2780, Ls=8777, Quantidade=689
Li=3153, Ls=9473, Quantidade=728

Programa 3: Sequência de Fibonacci

A Sequência de Fibonacci, também conhecida como Sequência de Leonardo, é uma série de números inteiros positivos, começando normalmente por 0 e 1, na qual cada termo subsequente é a soma dos dois anteriores.

Fórmula: O termo n da sequência de Fibonacci pode ser calculado pela fórmula: $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ Onde: F_n é o termo n da sequência, F_{n-1} é o termo anterior ($n - 1$) da sequência e F_{n-2} é o termo anterior ($n - 2$) da sequência.

Os primeiros termos da sequência são: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ... O quinto termo da sequência (F_5) é igual a 5, pois $F_5 = F_4 + F_3 = 3 + 2 = 5$. O décimo termo da sequência (F_{10}) é igual a 55, pois $F_{10} = F_9 + F_8 = 34 + 21 = 55$.

A razão entre dois números consecutivos da sequência tende para o Número Áureo, representado pela letra grega ϕ (fi). O Número Áureo é um número irracional aproximadamente igual a 1,6180339887... A sequência de Fibonacci está presente em diversos elementos da natureza, como na disposição das pétalas de algumas flores, nas ramificações de árvores e na estrutura de conchas. A sequência de Fibonacci tem diversas aplicações em matemática, computação, arte e arquitetura.

O programa que você deve construir é para obter a soma dos números da sequência de Fibonacci que são PARES e menores ou igual a um determinado limite dado.

Por exemplo, se o limite for 100, a sequência é 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144 e a soma buscada é $2 + 8 + 34 = 44$.

O algoritmo em questão é

```
soma=0
leia(limite)
a=1
b=2
soma=2
c=3
enquanto (c<=limite)
  a=b
  b=c
  c=a+b
  se c%2==0
    soma=soma+c
  fim{se}
fim{enquanto}
escreva(soma)
```

Para testar seu programa use estes casos

Limite=121000, Soma=60696
Limite=453116, Soma=257114

🔗 Para você fazer

- Encontre a soma de todos os múltiplos de 3 ou 17 abaixo de 2200
- Descubra quantos primos existem entre 4010 e 6418 (incluídos os extremos).
- O limite da sua implementação para os números de Fibonacci (soma dos pares) é 998081

Responda aqui:

1	2	3
---	---	---

204-75910 -

Iniciando na programação

Citando Aristóteles, *Tudo o que precisamos aprender, aprendemos fazendo* (no seu livro *Ética*), vamos concordar que para se desenvolver na habilidade de programar computadores, o que é necessário fazer é programar. Na verdade, nada é muito diferente em muitas outras habilidades humanas: cirurgia, conserto de veículos, alta gastronomia, tocar piano ou qualquer outro instrumento, escrever bem, desenhar maravilhosamente, erguer uma parede, ... a lista é interminável.

Dito isto, a seguir vem uma lista de programas que você deve produzir. A linguagem escolhida pode ser qualquer uma:

C durante muito tempo a linguagem usada em universidades e escolas para aprender

C++ uma evolução de C, sobretudo para simplificar as entradas e saídas de dados

Python a nova queridinha no processo de aprender a programar. É a que garante maior produtividade sobretudo no início do aprendizado

Javascript um bocadinho mais complicada, por ter que usar um browser durante sua execução, mas tem a vantagem de permitir um visual GUI bem elegante e fácil (por conta da dupla HTML/CSS)

APL meio antiga, mas insuperável para construir programas pequenos embora muito poderosos

Java até pouco tempo a preferida dos desenvolvedores, roda em qualquer coisa aparentada ao computador

Outras Assembler, Octave, Maple, Pascal, Fortran, Lisp, Prolog, ... a lista é quase interminável.

Enfim, a lista acima apareceu para subsidiar o comentário de que **não importa a linguagem escolhida** o algoritmo é sempre o mesmo ou muito parecido. E, o algoritmo é sempre o mais difícil de produzir. Então, de fato, a linguagem utilizada é somente importante.

Em resumo, use o que quiser e dentro da linguagem escolhida use o recurso que quiser. O importante é achar o resultado:

Programa 1: Múltiplos de um número

Se listarmos todos os números naturais abaixo de 10 que são múltiplos de 3 ou 5, teremos:

3, 5, 6 e 9

A soma desses números é 23.

Resolvendo o caso para uma instância real. Suponhamos $a = 3$ e $b = 5$ e $limite = 1000$. Uma maneira simples de resolver o caso é:

```
limite = 1000 - 1
soma = 0
para i de 1 até limite passo 1
  se (i%3==0) || (i%5==0)
    soma=soma+i
fim{se}
fim{para}
escreva(soma)
```

Este programa deve imprimir 233.168 que é a soma pedida.

O próximo passo é deixar o programa genérico com as variáveis a , b e $limite$ sendo lidas no início do processamento.

Teste o seu programa com as seguintes triplas

a=7, b=11, lim=2600, resposta=747741
a=13, b=7, lim=3400, resposta=1205495

Desafio Se você for questionado sobre um limite de 1.000.000.000 este programa pode demostrar um tanto. Uma estratégia um pouco mais eficiente, pode ser obter a soma dos divisíveis por a menores que $limite$ somado com a soma dos divisíveis por b (menores que $limite$). Só que fazendo isso, você somou os divisíveis por $a \times b$ duas vezes. Vamos olhar o exemplo para $n = 3$ Precisamos somar $3 + 6 + 9 + 12 + \dots + 999$ que é igual a $3 \times (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 333)$.

Para $n = 5$ precisamos somar $5 + 10 + 15 + \dots + 995 = 5 \times (1 + 2 + 3 + \dots + 199)$. Note que $199 = 995/5$, mas também $999/5$ em termos de divisão inteira. Se também notarmos que $1 + 2 + 3 + \dots + p = \frac{1}{2} \times p \times (p + 1)$, temos:

Se você definir uma função chamada

```
função somds(int n, int lim)
  limite = lim-1
  p = limite / n // (divisao inteira)
  retorne n * (p * (p+1)) / 2
fim{função}
```

O cálculo agora é fácil, bastando fazer:

somds(3,1000)+somds(3,1000)-somds(15,1000)

Programa 2: Números primos

Um número primo é um número natural maior que 1 que possui apenas dois divisores positivos: 1 e ele mesmo.

Em outras palavras, um número primo não pode ser formado pela multiplicação de outros números naturais menores.

Exemplos de números primos: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, ...

Propriedades importantes dos números primos:

O número 1 não é primo: Ele possui apenas um divisor (ele mesmo). Todos os números pares maiores que 2 são compostos: Eles podem ser formados pela multiplicação de dois números menores (por exemplo, $8 = 2 \times 4$). A distribuição dos números primos é infinita: Não existe um limite para a quantidade de números primos que existem. Os números primos desempenham um papel fundamental na teoria dos números e em diversas áreas da matemática e da computação: Eles são utilizados na criptografia, na construção de códigos e na decomposição de números em fatores primos. Especificamente na área da computação, eles são a base de geração de pseudo-aleatórios, na construção de tabelas e códigos *hash*, na maioria dos algoritmos de criptografia (RSA, El Gamal, elíptica, etc).

Métodos para encontrar números primos: Básico: contar os divisores do número. Se forem apenas 2 o número (inteiro e maior que 1) é primo. Se forem mais, ele é composto. Crivo de Eratóstenes: Um método antigo e eficiente para encontrar números primos menores que um determinado valor. Teste de Miller-Rabin: Um algoritmo probabilístico para determinar se um número é primo ou composto. Outros métodos: É moda procurar estes algoritmos. Se alguém achar um que seja determinístico e de complexidade menor que exponencial, seu nome vai para a história.

Curiosidades: O maior número primo conhecido: Em dezembro de 2023, o maior número primo conhecido é $2^{(82,589,933)} - 1$, com 25.097.524 dígitos decimais. Os números primos gêmeos: São dois números primos consecutivos, como (3, 5) e (11, 13). Os números primos palíndromos: São números primos que leem iguais em ambas as direções, como (2, 5, 7, 11, 131).

O algoritmo que você deve implementar é

```
leia (a,b)
ct = 0
var = 2
enquanto (a<=b)
  var=2
  enquanto (var<a)
    se a%var == 0
      saia // limite é composto
    senão
      var = var + 1
  fim{se}
  fim{enquanto}
  se var == limite
    ct=ct+1 // limite é primo
  fim{se}
  a=a+1
fim{enquanto}
escreva(ct)
```

Para testar seu programa, use considere que entre 2 e 100 há 25 primos. Outras opções de teste:

Li=2780, Ls=8777, Quantidade=689
Li=5966, Ls=8330, Quantidade=264

Programa 3: Sequência de Fibonacci

A Sequência de Fibonacci, também conhecida como Sequência de Leonardo, é uma série de números inteiros positivos, começando normalmente por 0 e 1, na qual cada termo subsequente é a soma dos dois anteriores.

Fórmula: O termo n da sequência de Fibonacci pode ser calculado pela fórmula: $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ Onde: F_n é o termo n da sequência, F_{n-1} é o termo anterior ($n - 1$) da sequência e F_{n-2} é o termo anterior ($n - 2$) da sequência.

Os primeiros termos da sequência são: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ... O quinto termo da sequência (F_5) é igual a 5, pois $F_5 = F_4 + F_3 = 3 + 2 = 5$. O décimo termo da sequência (F_{10}) é igual a 55, pois $F_{10} = F_9 + F_8 = 34 + 21 = 55$.

A razão entre dois números consecutivos da sequência tende para o Número Áureo, representado pela letra grega ϕ (fi). O Número Áureo é um número irracional aproximadamente igual a 1,6180339887... A sequência de Fibonacci está presente em diversos elementos da natureza, como na disposição das pétalas de algumas flores, nas ramificações de árvores e na estrutura de conchas. A sequência de Fibonacci tem diversas aplicações em matemática, computação, arte e arquitetura.

O programa que você deve construir é para obter a soma dos números da sequência de Fibonacci que são PARES e menores ou igual a um determinado limite dado.

Por exemplo, se o limite for 100, a sequência é 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144 e a soma buscada é $2 + 8 + 34 = 44$.

O algoritmo em questão é

```
soma=0
leia(limite)
a=1
b=2
soma=2
c=3
enquanto (c<=limite)
  a=b
  b=c
  c=a+b
  se c%2==0
    soma=soma+c
  fim{se}
fim{enquanto}
escreva(soma)
```

Para testar seu programa use estes casos

Limite=121000, Soma=60696
Limite=344705, Soma=257114

🔗 Para você fazer

- Encontre a soma de todos os múltiplos de 11 ou 5 abaixo de 2900
- Descubra quantos primos existem entre 4777 e 5581 (incluídos os extremos).
- O limite da sua implementação para os números de Fibonacci (soma dos pares) é 233634

Responda aqui:

1	2	3
---	---	---

204-75927 -

Iniciando na programação

Citando Aristóteles, *Tudo o que precisamos aprender, aprendemos fazendo* (no seu livro *Ética*), vamos concordar que para se desenvolver na habilidade de programar computadores, o que é necessário fazer é programar. Na verdade, nada é muito diferente em muitas outras habilidades humanas: cirurgia, conserto de veículos, alta gastronomia, tocar piano ou qualquer outro instrumento, escrever bem, desenhar maravilhosamente, erguer uma parede, ... a lista é interminável.

Dito isto, a seguir vem uma lista de programas que você deve produzir. A linguagem escolhida pode ser qualquer uma:

C durante muito tempo a linguagem usada em universidades e escolas para aprender

C++ uma evolução de C, sobretudo para simplificar as entradas e saídas de dados

Python a nova queridinha no processo de aprender a programar. É a que garante maior produtividade sobretudo no início do aprendizado

Javascript um bocadinho mais complicada, por ter que usar um browser durante sua execução, mas tem a vantagem de permitir um visual GUI bem elegante e fácil (por conta da dupla HTML/CSS)

APL meio antiga, mas insuperável para construir programas pequenos embora muito poderosos

Java até pouco tempo a preferida dos desenvolvedores, roda em qualquer coisa aparentada ao computador

Outras Assembler, Octave, Maple, Pascal, Fortran, Lisp, Prolog, ... a lista é quase interminável.

Enfim, a lista acima apareceu para subsidiar o comentário de que **não importa a linguagem escolhida** o algoritmo é sempre o mesmo ou muito parecido. E, o algoritmo é sempre o mais difícil de produzir. Então, de fato, a linguagem utilizada é somente importante.

Em resumo, use o que quiser e dentro da linguagem escolhida use o recurso que quiser. O importante é achar o resultado:

Programa 1: Múltiplos de um número

Se listarmos todos os números naturais abaixo de 10 que são múltiplos de 3 ou 5, teremos:

3, 5, 6 e 9

A soma desses números é 23.

Resolvendo o caso para uma instância real. Suponhamos $a = 3$ e $b = 5$ e $limite = 1000$. Uma maneira simples de resolver o caso é:

```
limite = 1000 - 1
soma = 0
para i de 1 até limite passo 1
  se (i%3==0) || (i%5==0)
    soma=soma+i
fim{se}
fim{para}
escreva(soma)
```

Este programa deve imprimir 233.168 que é a soma pedida.

O próximo passo é deixar o programa genérico com as variáveis a , b e $limite$ sendo lidas no início do processamento.

Teste o seu programa com as seguintes triplas

a=7, b=11, lim=2600, resposta=747741
a=11, b=13, lim=4200, resposta=1418514

Desafio Se você for questionado sobre um limite de 1.000.000.000 este programa pode demostrar um tanto. Uma estratégia um pouco mais eficiente, pode ser obter a soma dos divisíveis por a menores que $limite$ somado com a soma dos divisíveis por b (menores que $limite$). Só que fazendo isso, você somou os divisíveis por $a \times b$ duas vezes. Vamos olhar o exemplo para $n = 3$ Precisamos somar $3 + 6 + 9 + 12 + \dots + 999$ que é igual a $3 \times (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 333)$.

Para $n = 5$ precisamos somar $5 + 10 + 15 + \dots + 995 = 5 \times (1 + 2 + 3 + \dots + 199)$. Note que $199 = 995/5$, mas também $999/5$ em termos de divisão inteira. Se também notarmos que $1 + 2 + 3 + \dots + p = \frac{1}{2} \times p \times (p + 1)$, temos:

Se você definir uma função chamada

```
função somds(int n, int lim)
  limite = lim-1
  p = limite / n // (divisao inteira)
  retorne n * (p * (p+1)) / 2
fim{função}
```

O cálculo agora é fácil, bastando fazer:

somds(3,1000)+somds(5,1000)-somds(15,1000)

Programa 2: Números primos

Um número primo é um número natural maior que 1 que possui apenas dois divisores positivos: 1 e ele mesmo.

Em outras palavras, um número primo não pode ser formado pela multiplicação de outros números naturais menores.

Exemplos de números primos: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, ...

Propriedades importantes dos números primos:

O número 1 não é primo: Ele possui apenas um divisor (ele mesmo). Todos os números pares maiores que 2 são compostos: Eles podem ser formados pela multiplicação de dois números menores (por exemplo, $8 = 2 \times 4$). A distribuição dos números primos é infinita: Não existe um limite para a quantidade de números primos que existem. Os números primos desempenham um papel fundamental na teoria dos números e em diversas áreas da matemática e da computação: Eles são utilizados na criptografia, na construção de códigos e na decomposição de números em fatores primos. Especificamente na área da computação, eles são a base de geração de pseudo-aleatórios, na construção de tabelas e códigos *hash*, na maioria dos algoritmos de criptografia (RSA, El Gamal, elíptica, etc).

Métodos para encontrar números primos: Básico: contar os divisores do número. Se forem apenas 2 o número (inteiro e maior que 1) é primo. Se forem mais, ele é composto. Crivo de Eratóstenes: Um método antigo e eficiente para encontrar números primos menores que um determinado valor. Teste de Miller-Rabin: Um algoritmo probabilístico para determinar se um número é primo ou composto. Outros métodos: É moda procurar estes algoritmos. Se alguém achar um que seja determinístico e de complexidade menor que exponencial, seu nome vai para a história.

Curiosidades: O maior número primo conhecido é $2^{(82,589,933)} - 1$, com 25.097.524 dígitos decimais. Os números primos gêmeos: São dois números primos consecutivos, como (3, 5) e (11, 13). Os números primos palíndromos: São números primos que leem iguais em ambas as direções, como (2, 5, 7, 11, 131).

O algoritmo que você deve implementar é

```
leia (a,b)
ct = 0
var = 2
enquanto (a<=b)
  var=2
  enquanto (var<a)
    se a%var == 0
      saia // limite é composto
    senão
      var = var + 1
  fim{se}
  fim{enquanto}
  se var == limite
    ct=ct+1 // limite é primo
  fim{se}
  a=a+1
fim{enquanto}
escreva(ct)
```

Para testar seu programa, use considere que entre 2 e 100 há 25 primos. Outras opções de teste:

Li=2780, Ls=8777, Quantidade=689
Li=6897, Ls=9615, Quantidade=300

Programa 3: Sequência de Fibonacci

A Sequência de Fibonacci, também conhecida como Sequência de Leonardo, é uma série de números inteiros positivos, começando normalmente por 0 e 1, na qual cada termo subsequente é a soma dos dois anteriores.

Fórmula: O termo n da sequência de Fibonacci pode ser calculado pela fórmula: $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ Onde: F_n é o termo n da sequência, F_{n-1} é o termo anterior ($n - 1$) da sequência e F_{n-2} é o termo anterior ($n - 2$) da sequência.

Os primeiros termos da sequência são: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ... O quinto termo da sequência (F_5) é igual a 5, pois $F_5 = F_4 + F_3 = 3 + 2 = 5$. O décimo termo da sequência (F_{10}) é igual a 55, pois $F_{10} = F_9 + F_8 = 34 + 21 = 55$.

A razão entre dois números consecutivos da sequência tende para o Número Áureo, representado pela letra grega ϕ (fi). O Número Áureo é um número irracional aproximadamente igual a 1,6180339887... A sequência de Fibonacci está presente em diversos elementos da natureza, como na disposição das pétalas de algumas flores, nas ramificações de árvores e na estrutura de conchas. A sequência de Fibonacci tem diversas aplicações em matemática, computação, arte e arquitetura.

O programa que você deve construir é para obter a soma dos números da sequência de Fibonacci que são PARES e menores ou igual a um determinado limite dado.

Por exemplo, se o limite for 100, a sequência é 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144 e a soma buscada é $2 + 8 + 34 = 44$.

O algoritmo em questão é

```
soma=0
leia(limite)
a=1
b=2
soma=2
c=3
enquanto (c<=limite)
  a=b
  b=c
  c=a+b
  se c%2==0
    soma=soma+c
  fim{se}
fim{enquanto}
escreva(soma)
```

Para testar seu programa use estes casos

Limite=121000, Soma=60696
Limite=649112, Soma=1089154

🔗 Para você fazer

- Encontre a soma de todos os múltiplos de 11 ou 17 abaixo de 2200
- Descubra quantos primos existem entre 7602 e 9663 (incluídos os extremos).
- O limite da sua implementação para os números de Fibonacci (soma dos pares) é 246495

Responda aqui:

1	2	3
---	---	---

204-75934 -

Iniciando na programação

Citando Aristóteles, *Tudo o que precisamos aprender, aprendemos fazendo* (no seu livro *Ética*), vamos concordar que para se desenvolver na habilidade de programar computadores, o que é necessário fazer é programar. Na verdade, nada é muito diferente em muitas outras habilidades humanas: cirurgia, conserto de veículos, alta gastronomia, tocar piano ou qualquer outro instrumento, escrever bem, desenhar maravilhosamente, erguer uma parede, ... a lista é interminável.

Dito isto, a seguir vem uma lista de programas que você deve produzir. A linguagem escolhida pode ser qualquer uma:

C durante muito tempo a linguagem usada em universidades e escolas para aprender

C++ uma evolução de C, sobretudo para simplificar as entradas e saídas de dados

Python a nova queridinha no processo de aprender a programar. É a que garante maior produtividade sobretudo no início do aprendizado

Javascript um bocadinho mais complicada, por ter que usar um browser durante sua execução, mas tem a vantagem de permitir um visual GUI bem elegante e fácil (por conta da dupla HTML/CSS)

APL meio antiga, mas insuperável para construir programas pequenos embora muito poderosos

Java até pouco tempo a preferida dos desenvolvedores, roda em qualquer coisa aparentada ao computador

Outras Assembler, Octave, Maple, Pascal, Fortran, Lisp, Prolog, ... a lista é quase interminável.

Enfim, a lista acima apareceu para subsidiar o comentário de que **não importa a linguagem escolhida** o algoritmo é sempre o mesmo ou muito parecido. E, o algoritmo é sempre o mais difícil de produzir. Então, de fato, a linguagem utilizada é somente importante.

Em resumo, use o que quiser e dentro da linguagem escolhida use o recurso que quiser. O importante é achar o resultado:

Programa 1: Múltiplos de um número Se listarmos todos os números naturais abaixo de 10 que são múltiplos de 3 ou 5, teremos:

3, 5, 6 e 9

A soma desses números é 23.

Resolvendo o caso para uma instância real. Suponhamos $a = 3$ e $b = 5$ e $limite = 1000$. Uma maneira simples de resolver o caso é:

```
limite = 1000 - 1
soma = 0
para i de 1 até limite passo 1
  se (i%3==0) || (i%5==0)
    soma=soma+i
fim{se}
fim{para}
escreva(soma)
```

Este programa deve imprimir 233.168 que é a soma pedida.

O próximo passo é deixar o programa genérico com as variáveis a , b e $limite$ sendo lidas no início do processamento.

Teste o seu programa com as seguintes triplas

$a=7, b=11, lim=2600, resposta=747741$
 $a=19, b=7, lim=2600, resposta=634776$

Desafio Se você for questionado sobre um limite de 1.000.000.000 este programa pode demostrar um tanto. Uma estratégia um pouco mais eficiente, pode ser obter a soma dos divisíveis por a menores que $limite$ somado com a soma dos divisíveis por b (menores que $limite$). Só que fazendo isso, você somou os divisíveis por $a \times b$ duas vezes. Vamos olhar o exemplo para $n = 3$ Precisamos somar $3 + 6 + 9 + 12 + \dots + 999$ que é igual a $3 \times (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 333)$.

Para $n = 5$ precisamos somar $5 + 10 + 15 + \dots + 995 = 5 \times (1 + 2 + 3 + \dots + 199)$. Note que $199 = 995/5$, mas também $999/5$ em termos de divisão inteira. Se também notarmos que $1 + 2 + 3 + \dots + p = \frac{1}{2} \times p \times (p + 1)$, temos:

Se você definir uma função chamada

```
função somds(int n, int lim)
  limite = lim-1
  p = limite / n // (divisao inteira)
  retorne n * (p * (p+1)) / 2
fim{função}
```

O cálculo agora é fácil, bastando fazer:

$somds(3,1000)+somds(5,1000)-somds(15,1000)$

Programa 2: Números primos Um número primo é um número natural maior que 1 que possui apenas dois divisores positivos: 1 e ele mesmo.

Em outras palavras, um número primo não pode ser formado pela multiplicação de outros números naturais menores.

Exemplos de números primos: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, ...

Propriedades importantes dos números primos:

O número 1 não é primo: Ele possui apenas um divisor (ele mesmo). Todos os números pares maiores que 2 são compostos: Eles podem ser formados pela multiplicação de dois números menores (por exemplo, $8 = 2 \times 4$). A distribuição dos números primos é infinita: Não existe um limite para a quantidade de números primos que existem. Os números primos desempenham um papel fundamental na teoria dos números e em diversas áreas da matemática e da computação: Eles são utilizados na criptografia, na construção de códigos e na decomposição de números em fatores primos. Especificamente na área da computação, eles são a base de geração de pseudo-aleatórios, na construção de tabelas e códigos *hash*, na maioria dos algoritmos de criptografia (RSA, El Gamal, elíptica, etc).

Métodos para encontrar números primos: Básico: contar os divisores do número. Se forem apenas 2 o número (inteiro e maior que 1) é primo. Se forem mais, ele é composto. Crivo de Eratóstenes: Um método antigo e eficiente para encontrar números primos menores que um determinado valor. Teste de Miller-Rabin: Um algoritmo probabilístico para determinar se um número é primo ou composto. Outros métodos: É moda procurar estes algoritmos. Se alguém achar um que seja determinístico e de complexidade menor que exponencial, seu nome vai para a história.

Curiosidades: O maior número primo conhecido: Em dezembro de 2023, o maior número primo conhecido é $2^{(82,589,933)} - 1$, com 25.097.524 dígitos decimais. Os números primos gêmeos: São dois números primos consecutivos, como (3, 5) e (11, 13). Os números primos palíndromos: São números primos que leem iguais em ambas as direções, como (2, 5, 7, 11, 131).

O algoritmo que você deve implementar é

```
leia (a,b)
ct = 0
var = 2
enquanto (a<=b)
  var=2
  enquanto (var<a)
    se a%var == 0
      saia // limite é composto
    senão
      var = var + 1
  fim{se}
  fim{enquanto}
  se var == limite
    ct=ct+1 // limite é primo
  fim{se}
  a=a+1
fim{enquanto}
escreva(ct)
```

Para testar seu programa, use considere que entre 2 e 100 há 25 primos. Outras opções de teste:

$Li=2780, Ls=8777, Quantidade=689$
 $Li=6066, Ls=7648, Quantidade=180$

Programa 3: Sequência de Fibonacci

A Sequência de Fibonacci, também conhecida como Sequência de Leonardo, é uma série de números inteiros positivos, começando normalmente por 0 e 1, na qual cada termo subsequente é a soma dos dois anteriores.

Fórmula: O termo n da sequência de Fibonacci pode ser calculado pela fórmula: $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ Onde: F_n é o termo n da sequência, F_{n-1} é o termo anterior ($n - 1$) da sequência e F_{n-2} é o termo anterior ($n - 2$) da sequência.

Os primeiros termos da sequência são: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ... O quinto termo da sequência (F_5) é igual a 5, pois $F_5 = F_4 + F_3 = 3 + 2 = 5$. O décimo termo da sequência (F_{10}) é igual a 55, pois $F_{10} = F_9 + F_8 = 34 + 21 = 55$.

A razão entre dois números consecutivos da sequência tende para o Número Áureo, representado pela letra grega ϕ (fi). O Número Áureo é um número irracional aproximadamente igual a 1,6180339887... A sequência de Fibonacci está presente em diversos elementos da natureza, como na disposição das pétalas de algumas flores, nas ramificações de árvores e na estrutura de conchas. A sequência de Fibonacci tem diversas aplicações em matemática, computação, arte e arquitetura.

O programa que você deve construir é para obter a soma dos números da sequência de Fibonacci que são PARES e menores ou igual a um determinado limite dado.

Por exemplo, se o limite for 100, a sequência é 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144 e a soma buscada é $2 + 8 + 34 = 44$.

O algoritmo em questão é

```
soma=0
leia(limite)
a=1
b=2
soma=2
c=3
enquanto (c<=limite)
  a=b
  b=c
  c=a+b
  se c%2==0
    soma=soma+c
  fim{se}
fim{enquanto}
escreva(soma)
```

Para testar seu programa use estes casos

$Limite=121000, Soma=60696$
 $Limite=1699648, Soma=1089154$

🔗 Para você fazer

- Encontre a soma de todos os múltiplos de 13 ou 3 abaixo de 4100
- Descubra quantos primos existem entre 6845 e 8851 (incluídos os extremos).
- O limite da sua implementação para os números de Fibonacci (soma dos pares) é 386468

Responda aqui:

1	2	3
---	---	---

204-75941 -

Iniciando na programação

Citando Aristóteles, *Tudo o que precisamos aprender, aprendemos fazendo* (no seu livro *Ética*), vamos concordar que para se desenvolver na habilidade de programar computadores, o que é necessário fazer é programar. Na verdade, nada é muito diferente em muitas outras habilidades humanas: cirurgia, conserto de veículos, alta gastronomia, tocar piano ou qualquer outro instrumento, escrever bem, desenhar maravilhosamente, erguer uma parede, ... a lista é interminável.

Dito isto, a seguir vem uma lista de programas que você deve produzir. A linguagem escolhida pode ser qualquer uma:

C durante muito tempo a linguagem usada em universidades e escolas para aprender

C++ uma evolução de C, sobretudo para simplificar as entradas e saídas de dados

Python a nova queridinha no processo de aprender a programar. É a que garante maior produtividade sobretudo no início do aprendizado

Javascript um bocadinho mais complicada, por ter que usar um browser durante sua execução, mas tem a vantagem de permitir um visual GUI bem elegante e fácil (por conta da dupla HTML/CSS)

APL meio antiga, mas insuperável para construir programas pequenos embora muito poderosos

Java até pouco tempo a preferida dos desenvolvedores, roda em qualquer coisa aparentada ao computador

Outras Assembler, Octave, Maple, Pascal, Fortran, Lisp, Prolog, ... a lista é quase interminável.

Enfim, a lista acima apareceu para subsidiar o comentário de que **não importa a linguagem escolhida** o algoritmo é sempre o mesmo ou muito parecido. E, o algoritmo é sempre o mais difícil de produzir. Então, de fato, a linguagem utilizada é somente importante.

Em resumo, use o que quiser e dentro da linguagem escolhida use o recurso que quiser. O importante é achar o resultado:

Programa 1: Múltiplos de um número Se listarmos todos os números naturais abaixo de 10 que são múltiplos de 3 ou 5, teremos:

3, 5, 6 e 9

A soma desses números é 23.

Resolvendo o caso para uma instância real. Suponhamos $a = 3$ e $b = 5$ e $limite = 1000$. Uma maneira simples de resolver o caso é:

```
limite = 1000 - 1
soma = 0
para i de 1 até limite passo 1
  se (i%3==0) || (i%5==0)
    soma=soma+i
fim{se}
fim{para}
escreva(soma)
```

Este programa deve imprimir 233.168 que é a soma pedida.

O próximo passo é deixar o programa genérico com as variáveis a , b e $limite$ sendo lidas no início do processamento.

Teste o seu programa com as seguintes triplas

a=7, b=11, lim=2600, resposta=747741
a=19, b=7, lim=4900, resposta=2253879

Desafio Se você for questionado sobre um limite de 1.000.000.000 este programa pode demostrar um tanto. Uma estratégia um pouco mais eficiente, pode ser obter a soma dos divisíveis por a menores que $limite$ somado com a soma dos divisíveis por b (menores que $limite$). Só que fazendo isso, você somou os divisíveis por $a \times b$ duas vezes. Vamos olhar o exemplo para $n = 3$ Precisamos somar $3 + 6 + 9 + 12 + \dots + 999$ que é igual a $3 \times (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 333)$.

Para $n = 5$ precisamos somar $5 + 10 + 15 + \dots + 995 = 5 \times (1 + 2 + 3 + \dots + 199)$. Note que $199 = 995/5$, mas também $999/5$ em termos de divisão inteira. Se também notarmos que $1 + 2 + 3 + \dots + p = \frac{1}{2} \times p \times (p + 1)$, temos:

Se você definir uma função chamada

```
função somds(int n, int lim)
  limite = lim-1
  p = limite / n // (divisao inteira)
  retorne n * (p * (p+1)) / 2
fim{função}
```

O cálculo agora é fácil, bastando fazer:

somds(3,1000)+somds(3,1000)-somds(15,1000)

Programa 2: Números primos Um número primo é um número natural maior que 1 que possui apenas dois divisores positivos: 1 e ele mesmo.

Em outras palavras, um número primo não pode ser formado pela multiplicação de outros números naturais menores.

Exemplos de números primos: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, ...

Propriedades importantes dos números primos:

O número 1 não é primo: Ele possui apenas um divisor (ele mesmo). Todos os números pares maiores que 2 são compostos: Eles podem ser formados pela multiplicação de dois números menores (por exemplo, $8 = 2 \times 4$). A distribuição dos números primos é infinita: Não existe um limite para a quantidade de números primos que existem. Os números primos desempenham um papel fundamental na teoria dos números e em diversas áreas da matemática e da computação: Eles são utilizados na criptografia, na construção de códigos e na decomposição de números em fatores primos. Especificamente na área da computação, eles são a base de geração de pseudo-aleatórios, na construção de tabelas e códigos *hash*, na maioria dos algoritmos de criptografia (RSA, El Gamal, elíptica, etc).

Métodos para encontrar números primos: Básico: contar os divisores do número. Se forem apenas 2 o número (inteiro e maior que 1) é primo. Se forem mais, ele é composto. Crivo de Eratóstenes: Um método antigo e eficiente para encontrar números primos menores que um determinado valor. Teste de Miller-Rabin: Um algoritmo probabilístico para determinar se um número é primo ou composto. Outros métodos: É moda procurar estes algoritmos. Se alguém achar um que seja determinístico e de complexidade menor que exponencial, seu nome vai para a história.

Curiosidades: O maior número primo conhecido: Em dezembro de 2023, o maior número primo conhecido é $2^{(82,589,933)} - 1$, com 25.097.524 dígitos decimais. Os números primos gêmeos: São dois números primos consecutivos, como (3, 5) e (11, 13). Os números primos palíndromos: São números primos que leem iguais em ambas as direções, como (2, 5, 7, 11, 131).

O algoritmo que você deve implementar é

```
leia (a,b)
ct = 0
var = 2
enquanto (a<=b)
  var=2
  enquanto (var<a)
    se a%var == 0
      saia // limite é composto
    senão
      var = var + 1
  fim{se}
  fim{enquanto}
  se var == limite
    ct=ct+1 // limite é primo
  fim{se}
  a=a+1
fim{enquanto}
escreva(ct)
```

Para testar seu programa, use considere que entre 2 e 100 há 25 primos. Outras opções de teste:

Li=2780, Ls=8777, Quantidade=689
Li=7404, Ls=8627, Quantidade=135

Programa 3: Sequência de Fibonacci

A Sequência de Fibonacci, também conhecida como Sequência de Leonardo, é uma série de números inteiros positivos, começando normalmente por 0 e 1, na qual cada termo subsequente é a soma dos dois anteriores.

Fórmula: O termo n da sequência de Fibonacci pode ser calculado pela fórmula: $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ Onde: F_n é o termo n da sequência, F_{n-1} é o termo anterior ($n - 1$) da sequência e F_{n-2} é o termo anterior ($n - 2$) da sequência.

Os primeiros termos da sequência são: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ... O quinto termo da sequência (F_5) é igual a 5, pois $F_5 = F_4 + F_3 = 3 + 2 = 5$. O décimo termo da sequência (F_{10}) é igual a 55, pois $F_{10} = F_9 + F_8 = 34 + 21 = 55$.

A razão entre dois números consecutivos da sequência tende para o Número Áureo, representado pela letra grega ϕ (fi). O Número Áureo é um número irracional aproximadamente igual a 1,6180339887... A sequência de Fibonacci está presente em diversos elementos da natureza, como na disposição das pétalas de algumas flores, nas ramificações de árvores e na estrutura de conchas. A sequência de Fibonacci tem diversas aplicações em matemática, computação, arte e arquitetura.

O programa que você deve construir é para obter a soma dos números da sequência de Fibonacci que são PARES e menores ou igual a um determinado limite dado.

Por exemplo, se o limite for 100, a sequência é 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144 e a soma buscada é $2 + 8 + 34 = 44$.

O algoritmo em questão é

```
soma=0
leia(limite)
a=1
b=2
soma=2
c=3
enquanto (c<=limite)
  a=b
  b=c
  c=a+b
  se c%2==0
    soma=soma+c
  fim{se}
fim{enquanto}
escreva(soma)
```

Para testar seu programa use estes casos

Limite=121000, Soma=60696
Limite=998648, Soma=1089154

🔗 Para você fazer

- Encontre a soma de todos os múltiplos de 17 ou 13 abaixo de 2200
- Descubra quantos primos existem entre 4275 e 7744 (incluídos os extremos).
- O limite da sua implementação para os números de Fibonacci (soma dos pares) é 55157

Responda aqui:

1	2	3
---	---	---

204-75958 -

Iniciando na programação

Citando Aristóteles, *Tudo o que precisamos aprender, aprendemos fazendo* (no seu livro *Ética*), vamos concordar que para se desenvolver na habilidade de programar computadores, o que é necessário fazer é programar. Na verdade, nada é muito diferente em muitas outras habilidades humanas: cirurgia, conserto de veículos, alta gastronomia, tocar piano ou qualquer outro instrumento, escrever bem, desenhar maravilhosamente, erguer uma parede, ... a lista é interminável.

Dito isto, a seguir vem uma lista de programas que você deve produzir. A linguagem escolhida pode ser qualquer uma:

C durante muito tempo a linguagem usada em universidades e escolas para aprender

C++ uma evolução de C, sobretudo para simplificar as entradas e saídas de dados

Python a nova queridinha no processo de aprender a programar. É a que garante maior produtividade sobretudo no início do aprendizado

Javascript um bocadinho mais complicada, por ter que usar um browser durante sua execução, mas tem a vantagem de permitir um visual GUI bem elegante e fácil (por conta da dupla HTML/CSS)

APL meio antiga, mas insuperável para construir programas pequenos embora muito poderosos

Java até pouco tempo a preferida dos desenvolvedores, roda em qualquer coisa aparentada ao computador

Outras Assembler, Octave, Maple, Pascal, Fortran, Lisp, Prolog, ... a lista é quase interminável.

Enfim, a lista acima apareceu para subsidiar o comentário de que **não importa a linguagem escolhida** o algoritmo é sempre o mesmo ou muito parecido. E, o algoritmo é sempre o mais difícil de produzir. Então, de fato, a linguagem utilizada é somente importante.

Em resumo, use o que quiser e dentro da linguagem escolhida use o recurso que quiser. O importante é achar o resultado:

Programa 1: Múltiplos de um número Se listarmos todos os números naturais abaixo de 10 que são múltiplos de 3 ou 5, teremos:

3, 5, 6 e 9

A soma desses números é 23.

Resolvendo o caso para uma instância real. Suponhamos $a = 3$ e $b = 5$ e $limite = 1000$. Uma maneira simples de resolver o caso é:

```
limite = 1000 - 1
soma = 0
para i de 1 até limite passo 1
  se (i%3==0) || (i%5==0)
    soma=soma+i
fim{se}
fim{para}
escreva(soma)
```

Este programa deve imprimir 233.168 que é a soma pedida.

O próximo passo é deixar o programa genérico com as variáveis a , b e $limite$ sendo lidas no início do processamento.

Teste o seu programa com as seguintes triplas

$a=7, b=11, lim=2600, resposta=747741$
 $a=3, b=2, lim=4000, resposta=5332667$

Desafio Se você for questionado sobre um limite de 1.000.000.000 este programa pode demostrar um tanto. Uma estratégia um pouco mais eficiente, pode ser obter a soma dos divisíveis por a menores que $limite$ somado com a soma dos divisíveis por b (menores que $limite$). Só que fazendo isso, você somou os divisíveis por $a \times b$ duas vezes. Vamos olhar o exemplo para $n = 3$ Precisamos somar $3 + 6 + 9 + 12 + \dots + 999$ que é igual a $3 \times (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 333)$.

Para $n = 5$ precisamos somar $5 + 10 + 15 + \dots + 995 = 5 \times (1 + 2 + 3 + \dots + 199)$. Note que $199 = 995/5$, mas também $999/5$ em termos de divisão inteira. Se também notarmos que $1 + 2 + 3 + \dots + p = \frac{1}{2} \times p \times (p + 1)$, temos:

Se você definir uma função chamada

```
função somds(int n, int lim)
  limite = lim-1
  p = limite / n // (divisao inteira)
  retorne n * (p * (p+1)) / 2
fim{função}
```

O cálculo agora é fácil, bastando fazer:

$somds(3,1000)+somds(3,1000)-somds(15,1000)$

Programa 2: Números primos Um número primo é um número natural maior que 1 que possui apenas dois divisores positivos: 1 e ele mesmo.

Em outras palavras, um número primo não pode ser formado pela multiplicação de outros números naturais menores.

Exemplos de números primos: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, ...

Propriedades importantes dos números primos:

O número 1 não é primo: Ele possui apenas um divisor (ele mesmo). Todos os números pares maiores que 2 são compostos: Eles podem ser formados pela multiplicação de dois números menores (por exemplo, $8 = 2 \times 4$). A distribuição dos números primos é infinita: Não existe um limite para a quantidade de números primos que existem. Os números primos desempenham um papel fundamental na teoria dos números e em diversas áreas da matemática e da computação: Eles são utilizados na criptografia, na construção de códigos e na decomposição de números em fatores primos. Especificamente na área da computação, eles são a base de geração de pseudo-aleatórios, na construção de tabelas e códigos *hash*, na maioria dos algoritmos de criptografia (RSA, El Gamal, elíptica, etc).

Métodos para encontrar números primos: Básico: contar os divisores do número. Se forem apenas 2 o número (inteiro e maior que 1) é primo. Se forem mais, ele é composto. Crivo de Eratóstenes: Um método antigo e eficiente para encontrar números primos menores que um determinado valor. Teste de Miller-Rabin: Um algoritmo probabilístico para determinar se um número é primo ou composto. Outros métodos: É moda procurar estes algoritmos. Se alguém achar um que seja determinístico e de complexidade menor que exponencial, seu nome vai para a história.

Curiosidades: O maior número primo conhecido: Em dezembro de 2023, o maior número primo conhecido é $2^{(82,589,933)} - 1$, com 25.097.524 dígitos decimais. Os números primos gêmeos: São dois números primos consecutivos, como (3, 5) e (11, 13). Os números primos palíndromos: São números primos que leem iguais em ambas as direções, como (2, 5, 7, 11, 131).

O algoritmo que você deve implementar é

```
leia (a,b)
ct = 0
var = 2
enquanto (a<=b)
  var=2
  enquanto (var<a)
    se a%var == 0
      saia // limite é composto
    senão
      var = var + 1
  fim{se}
  fim{enquanto}
  se var == limite
    ct=ct+1 // limite é primo
  fim{se}
  a=a+1
fim{enquanto}
escreva(ct)
```

Para testar seu programa, use considere que entre 2 e 100 há 25 primos. Outras opções de teste:

Li=2780, Ls=8777, Quantidade=689
Li=3011, Ls=4920, Quantidade=226

Programa 3: Sequência de Fibonacci

A Sequência de Fibonacci, também conhecida como Sequência de Leonardo, é uma série de números inteiros positivos, começando normalmente por 0 e 1, na qual cada termo subsequente é a soma dos dois anteriores.

Fórmula: O termo n da sequência de Fibonacci pode ser calculado pela fórmula: $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ Onde: F_n é o termo n da sequência, F_{n-1} é o termo anterior ($n - 1$) da sequência e F_{n-2} é o termo anterior ($n - 2$) da sequência.

Os primeiros termos da sequência são: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ... O quinto termo da sequência (F_5) é igual a 5, pois $F_5 = F_4 + F_3 = 3 + 2 = 5$. O décimo termo da sequência (F_{10}) é igual a 55, pois $F_{10} = F_9 + F_8 = 34 + 21 = 55$.

A razão entre dois números consecutivos da sequência tende para o Número Áureo, representado pela letra grega ϕ (fi). O Número Áureo é um número irracional aproximadamente igual a 1,6180339887... A sequência de Fibonacci está presente em diversos elementos da natureza, como na disposição das pétalas de algumas flores, nas ramificações de árvores e na estrutura de conchas. A sequência de Fibonacci tem diversas aplicações em matemática, computação, arte e arquitetura.

O programa que você deve construir é para obter a soma dos números da sequência de Fibonacci que são PARES e menores ou igual a um determinado limite dado.

Por exemplo, se o limite for 100, a sequência é 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144 e a soma buscada é $2 + 8 + 34 = 44$.

O algoritmo em questão é

```
soma=0
leia(limite)
a=1
b=2
soma=2
c=3
enquanto (c<=limite)
  a=b
  b=c
  c=a+b
  se c%2==0
    soma=soma+c
  fim{se}
fim{enquanto}
escreva(soma)
```

Para testar seu programa use estes casos

Limite=121000, Soma=60696
Limite=1333765, Soma=1089154

🔗 Para você fazer

- Encontre a soma de todos os múltiplos de 19 ou 13 abaixo de 3600
- Descubra quantos primos existem entre 3160 e 7129 (incluídos os extremos).
- O limite da sua implementação para os números de Fibonacci (soma dos pares) é 419955

Responda aqui:

1	2	3
---	---	---

204-75965 -

Iniciando na programação

Citando Aristóteles, *Tudo o que precisamos aprender, aprendemos fazendo* (no seu livro *Ética*), vamos concordar que para se desenvolver na habilidade de programar computadores, o que é necessário fazer é programar. Na verdade, nada é muito diferente em muitas outras habilidades humanas: cirurgia, conserto de veículos, alta gastronomia, tocar piano ou qualquer outro instrumento, escrever bem, desenhar maravilhosamente, erguer uma parede, ... a lista é interminável.

Dito isto, a seguir vem uma lista de programas que você deve produzir. A linguagem escolhida pode ser qualquer uma:

C durante muito tempo a linguagem usada em universidades e escolas para aprender

C++ uma evolução de C, sobretudo para simplificar as entradas e saídas de dados

Python a nova queridinha no processo de aprender a programar. É a que garante maior produtividade sobretudo no início do aprendizado

Javascript um bocadinho mais complicada, por ter que usar um browser durante sua execução, mas tem a vantagem de permitir um visual GUI bem elegante e fácil (por conta da dupla HTML/CSS)

APL meio antiga, mas insuperável para construir programas pequenos embora muito poderosos

Java até pouco tempo a preferida dos desenvolvedores, roda em qualquer coisa aparentada ao computador

Outras Assembler, Octave, Maple, Pascal, Fortran, Lisp, Prolog, ... a lista é quase interminável.

Enfim, a lista acima apareceu para subsidiar o comentário de que **não importa a linguagem escolhida** o algoritmo é sempre o mesmo ou muito parecido. E, o algoritmo é sempre o mais difícil de produzir. Então, de fato, a linguagem utilizada é somente importante.

Em resumo, use o que quiser e dentro da linguagem escolhida use o recurso que quiser. O importante é achar o resultado:

Programa 1: Múltiplos de um número Se listarmos todos os números naturais abaixo de 10 que são múltiplos de 3 ou 5, teremos:

3, 5, 6 e 9

A soma desses números é 23.

Resolvendo o caso para uma instância real. Suponhamos $a = 3$ e $b = 5$ e $limite = 1000$. Uma maneira simples de resolver o caso é:

```
limite = 1000 - 1
soma = 0
para i de 1 até limite passo 1
  se (i%3==0) || (i%5==0)
    soma=soma+i
fim{se}
fim{para}
escreva(soma)
```

Este programa deve imprimir 233.168 que é a soma pedida.

O próximo passo é deixar o programa genérico com as variáveis a , b e $limite$ sendo lidas no início do processamento.

Teste o seu programa com as seguintes triplas

$a=7, b=11, lim=2600, resposta=747741$
 $a=13, b=11, lim=2300, resposta=424435$

Desafio Se você for questionado sobre um limite de 1.000.000.000 este programa pode demostrar um tanto. Uma estratégia um pouco mais eficiente, pode ser obter a soma dos divisíveis por a menores que $limite$ somado com a soma dos divisíveis por b (menores que $limite$). Só que fazendo isso, você somou os divisíveis por $a \times b$ duas vezes. Vamos olhar o exemplo para $n = 3$ Precisamos somar $3 + 6 + 9 + 12 + \dots + 999$ que é igual a $3 \times (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 333)$.

Para $n = 5$ precisamos somar $5 + 10 + 15 + \dots + 995 = 5 \times (1 + 2 + 3 + \dots + 199)$. Note que $199 = 995/5$, mas também $999/5$ em termos de divisão inteira. Se também notarmos que $1 + 2 + 3 + \dots + p = \frac{1}{2} \times p \times (p + 1)$, temos:

Se você definir uma função chamada

```
função somds(int n, int lim)
  limite = lim-1
  p = limite / n // (divisao inteira)
  retorne n * (p * (p+1)) / 2
fim{função}
```

O cálculo agora é fácil, bastando fazer:

$somds(3,1000)+somds(3,1000)-somds(15,1000)$

Programa 2: Números primos Um número primo é um número natural maior que 1 que possui apenas dois divisores positivos: 1 e ele mesmo.

Em outras palavras, um número primo não pode ser formado pela multiplicação de outros números naturais menores.

Exemplos de números primos: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, ...

Propriedades importantes dos números primos:

O número 1 não é primo: Ele possui apenas um divisor (ele mesmo). Todos os números pares maiores que 2 são compostos: Eles podem ser formados pela multiplicação de dois números menores (por exemplo, $8 = 2 \times 4$). A distribuição dos números primos é infinita: Não existe um limite para a quantidade de números primos que existem. Os números primos desempenham um papel fundamental na teoria dos números e em diversas áreas da matemática e da computação: Eles são utilizados na criptografia, na construção de códigos e na decomposição de números em fatores primos. Especificamente na área da computação, eles são a base de geração de pseudo-aleatórios, na construção de tabelas e códigos *hash*, na maioria dos algoritmos de criptografia (RSA, El Gamal, elíptica, etc).

Métodos para encontrar números primos: Básico: contar os divisores do número. Se forem apenas 2 o número (inteiro e maior que 1) é primo. Se forem mais, ele é composto. Crivo de Eratóstenes: Um método antigo e eficiente para encontrar números primos menores que um determinado valor. Teste de Miller-Rabin: Um algoritmo probabilístico para determinar se um número é primo ou composto. Outros métodos: É moda procurar estes algoritmos. Se alguém achar um que seja determinístico e de complexidade menor que exponencial, seu nome vai para a história.

Curiosidades: O maior número primo conhecido: Em dezembro de 2023, o maior número primo conhecido é $2^{(82,589,933)} - 1$, com 25.097.524 dígitos decimais. Os números primos gêmeos: São dois números primos consecutivos, como (3, 5) e (11, 13). Os números primos palíndromos: São números primos que leem iguais em ambas as direções, como (2, 5, 7, 11, 131).

O algoritmo que você deve implementar é

```
leia (a,b)
ct = 0
var = 2
enquanto (a<=b)
  var=2
  enquanto (var<a)
    se a%var == 0
      saia // limite é composto
    senão
      var = var + 1
  fim{se}
  fim{enquanto}
  se var == limite
    ct=ct+1 // limite é primo
  fim{se}
  a=a+1
fim{enquanto}
escreva(ct)
```

Para testar seu programa, use considere que entre 2 e 100 há 25 primos. Outras opções de teste:

$Li=2780, Ls=8777, Quantidade=689$
 $Li=6828, Ls=7472, Quantidade=67$

Programa 3: Sequência de Fibonacci

A Sequência de Fibonacci, também conhecida como Sequência de Leonardo, é uma série de números inteiros positivos, começando normalmente por 0 e 1, na qual cada termo subsequente é a soma dos dois anteriores.

Fórmula: O termo n da sequência de Fibonacci pode ser calculado pela fórmula: $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ Onde: F_n é o termo n da sequência, F_{n-1} é o termo anterior ($n - 1$) da sequência e F_{n-2} é o termo anterior ($n - 2$) da sequência.

Os primeiros termos da sequência são: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ... O quinto termo da sequência (F_5) é igual a 5, pois $F_5 = F_4 + F_3 = 3 + 2 = 5$. O décimo termo da sequência (F_{10}) é igual a 55, pois $F_{10} = F_9 + F_8 = 34 + 21 = 55$.

A razão entre dois números consecutivos da sequência tende para o Número Áureo, representado pela letra grega ϕ (fi). O Número Áureo é um número irracional aproximadamente igual a 1,6180339887... A sequência de Fibonacci está presente em diversos elementos da natureza, como na disposição das pétalas de algumas flores, nas ramificações de árvores e na estrutura de conchas. A sequência de Fibonacci tem diversas aplicações em matemática, computação, arte e arquitetura.

O programa que você deve construir é para obter a soma dos números da sequência de Fibonacci que são PARES e menores ou igual a um determinado limite dado.

Por exemplo, se o limite for 100, a sequência é 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144 e a soma buscada é $2 + 8 + 34 = 44$.

O algoritmo em questão é

```
soma=0
leia(limite)
a=1
b=2
soma=2
c=3
enquanto (c<=limite)
  a=b
  b=c
  c=a+b
  se c%2==0
    soma=soma+c
  fim{se}
fim{enquanto}
escreva(soma)
```

Para testar seu programa use estes casos

$Limite=121000, Soma=60696$
 $Limite=704714, Soma=1089154$

🔗 Para você fazer

- Encontre a soma de todos os múltiplos de 2 ou 17 abaixo de 2500
- Descubra quantos primos existem entre 4014 e 7144 (incluídos os extremos).
- O limite da sua implementação para os números de Fibonacci (soma dos pares) é 126190

Responda aqui:

1	2	3
---	---	---

204-75972 -